Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2017.04.013

# 基于双谱的汽油机爆震特征提取与强度评价

张 剑, 刘昌文, 毕凤荣, 毕晓博

(天津大学内燃机燃烧学国家重点实验室 天津,300072)

**摘要** 将双谱分析应用于爆震振动信号分析,提出了爆震特征频率提取和强度判定的方法。首先,用功率谱密度 估计的方法分析发动机3个方向的振动信号,确定爆震特征频率范围;然后,利用双谱分析不同爆震强度下的振动 信号并提取双谱主对角线切片,分析不同状况下的信号频率间的相位耦合关系,确定爆震特征频率;最后,提出了 爆震强度评价参数。试验结果表明,相比功率谱密度估计,双谱峰值频率更能凸显爆震特征频率,爆震强度评价参数能有效判定爆震强度。

关键词 振动信号;爆震频率;爆震强度;双谱 中图分类号 TK417<sup>+</sup>.1

# 引 言

以增压和直喷为代表的小型强化技术是提高汽 油机热效率的重要技术途径<sup>[1]</sup>。研究表明,在当前 技术水平下,根据不同的强化程度,小型强化技术可 以带来15%~30%的油耗降低效果。但是,随着小 型强化程度的提高,汽油机发生爆震的几率增加,剧 烈爆震致使汽油机动力性、经济性下降,甚至损坏汽 油机,但轻微爆震反而能改善汽油机的动力性和效 率<sup>[2]</sup>,因此及时有效地检测爆震并判定其强度具有 重要的理论意义和工程实用价值。

目前,常用的爆震检测方法主要为直接检测法 和间接检测法。前者主要基于燃烧压力<sup>[3]</sup>和离子电 流<sup>[4]</sup>等,爆震状态识别精度高,但受传感器可靠性、 发动机结构和成本限制,难以大范围推广应用<sup>[5]</sup>。 检测缸体振动信号<sup>[6]</sup>属于间接方法,具有易安装、可 靠性高以及成本低的优点。因此,基于振动信号的 爆震检测已成为当前国内外研究的重要方向。

发动机缸体振动信号包含大量噪声,低信噪比 增加了爆震检测和强度评价的难度,尤其是爆震边 缘检测。国内外学者采用滤波、统计量以及时频分 析等方法进行爆震特征提取和强度评价<sup>[7-10]</sup>。目 前,基于傅里叶变换和数字滤波的滤波方法广泛应 用于爆震检测,但在微弱爆震和信噪比较低的情况 下难以识别。时频分析方法通过时频变换对比不同 时频窗中的信号特征来判别爆震,易受噪声影响,同 时爆震窗口的选取也会影响爆震判定结果。爆震发 生时,末端混合气急剧燃烧,能量迅速释放,在燃烧 室内形成高频压力振荡波,压力波不断冲击发动机 缸壁,引起其被动振动并产生明显的金属敲击声。 这种高频压力振荡波的传播具有方向性,以往的研 究仅针对某一方向的振动信号进行分析,没有考虑 其余方向的振动特性。双谱可以抑制信号中的高斯 成分,又能分析信号频率成分间的相位耦合关系,广 泛应用于机械故障振动诊断领域<sup>[11]</sup>。

笔者将双谱理论应用于爆震振动信号特性分析,通过一系列实际信号分析证明了方法的可行性 及有效性。首先,用功率谱密度估计的方法分析发 动机 3 个方向的振动信号,预估爆震特征频率;然 后,利用双谱分析不同爆震强度下的振动信号,通过 对双谱进行降维,从其主对角线切片中提取爆震特 征频率;最后,根据爆震特征频率,提出了爆震强度 评价参数 K<sub>1</sub>的计算方法。

# 1 双谱分析

### 1.1 双谱定义

对于循环平稳过程的振动信号 X(n), 定义其 双谱为

$$B_{x}(\boldsymbol{\omega}_{1},\boldsymbol{\omega}_{2}) = \frac{1}{N} X(\boldsymbol{\omega}_{1}) X(\boldsymbol{\omega}_{2}) X^{*}(\boldsymbol{\omega}_{1} + \boldsymbol{\omega}_{2}) \quad (1)$$

<sup>\*</sup> 国家科技支撑计划资助项目(2015BAF07B04) 收稿日期:2015-09-22;修回日期:2015-12-28

由式(1)可知,双谱有两个频率变量  $\omega_1$ 和  $\omega_2$ , X(n)在( $\omega_1$ , $\omega_2$ )处的双谱幅值等于其位于  $\omega_1$ , $\omega_2$ 和( $\omega_1 + \omega_2$ )处的频谱的幅值之积。双谱的物理意 义不是太明确,某种程度上相当于信号歪度在频域 的分解<sup>[12]</sup>,具有相位信息和幅度信息,可以描述信 号非线性、非高斯性特征。当机械系统发生故障或 状态改变时,系统的非线性就会发生改变<sup>[13]</sup>。二次 相位耦合现象是常见的非线性现象,即信号中的两 个频率成分间相互关联作用,对应的相位关系称为 二次相位耦合。对于非线性耦合现象,仅用二阶统 计信息难从根本上解决,而双谱则可以定量描述二 次相位耦合,提取二阶非线性相位耦合信息。

#### 1.2 双谱的计算

对信号进行双谱计算时,参数化双谱估计可以 在数据较短的情况下提供较高分辨率和信号的相位 信息,计算量相对较小,但数据太短,不能全面反映 信号特性,甚至丢失重要的特征信息。非参数化双 谱估计通常用到相对较多的数据样本,可以减少估 计方差、提高准确性,但计算量增大。为尽量反映出 信号的重要特征,笔者采用非参数化双谱估计,其计 算步骤<sup>[12]</sup>如下。

1)将试验数据均分为*K*段观测数据,并对每段 观测数据去除本段均值。

2) 计算各段数据的离散傅里叶变化系数

$$X_{i}(\lambda) = \frac{1}{M} \sum_{n=1}^{M} x_{i}(n) e^{\frac{-i2\pi n\lambda}{M}}$$
$$(\lambda = 0, 1, \cdots, \frac{M}{2}; i = 1, 2, \cdots, K)$$
(2)

3) 根据式(2)结果计算三重相关

$$\hat{b}_{i}(\lambda_{1},\lambda_{2}) = \frac{1}{\Delta_{0}^{2}} \sum_{p_{1}=-L_{1}}^{L_{1}} \sum_{p_{2}=-L_{1}}^{L_{1}} X_{i}(\lambda_{1}+p_{1}) \cdot X_{i}(\lambda_{2}+p_{2}) X_{i}(-\lambda_{1}-\lambda_{2}-p_{1}-p_{2})$$
(3)

4) 计算平均值,得到双谱估计为

$$\hat{B}_x(\boldsymbol{\omega}_1,\boldsymbol{\omega}_2) = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^K \hat{b}_i(\boldsymbol{\omega}_1,\boldsymbol{\omega}_2)$$
(4)

其中: $\omega_1 = \frac{2\pi f_s}{N_0} \lambda_1$ ; $\omega_2 = \frac{2\pi f_s}{N_0} \lambda_2$ 。

### 1.3 双谱切片

由于双谱是二维函数,其图像特征相比一维曲 线不易提取和分析,在实际应用中通常用双谱的一 维切片来分析信号特征。双谱切片定义为相应累积 量切片的一维傅里叶变换<sup>[14]</sup>。对于双谱  $\hat{B}_x(\omega_1, \omega_2)$ ,固定其中任意一个自变量  $\omega_1$  或  $\omega_2$ ,计算  $\hat{B}_x(\omega_1, \omega_2)$ ,即得到其一维切片,当  $\omega_1 = \omega_2$  时,为双 谱对角切片。

# 2 汽油机爆震试验

爆震试验在一台缸内直喷、涡轮增压四缸汽油 发动机上进行。试验工况:转速为1500~2700 r/ min,扭矩为200 Nm。试验时,在发动机四缸缸体 顶部布置三向振动加速度传感器,同时布置AVL 压力传感器测取四缸缸内压力信号。振动和缸压信 号经 LMS Scada 声振测试系统以51.2 kHz 的采样 频率采集存储。在信号采集过程中,通过调整点火 提前角来控制爆震的发生。图1(a)为转速1500 r/ min,在点火提前角为16.59°时测定的某一循环的 缸压信号,通过缸压信号上的锯齿波可以判断出该 循环产生了明显爆震。图1(b)为点火提前角为 10.26°(正常燃烧状况)时测定的缸压信号。



图 1 爆震发生与正常燃烧时的缸压信号



图 2 为点火提前角为 16.59°时对应的机体振动信号。发动机振动方向的定义如下:相对于发动机曲轴轴线,x 向为曲轴轴向,y 向为垂直曲轴水平横向,z 向为垂直向。图 3 为点火提前角为 10.26°时对应的机体振动信号。图 2 和图 3 中每一个信号样本均包括 4 096 个采样点。

从图 2 可以看出,发生爆震时 3 个方向的振动 加速度信号均有明显的冲击成分,且该成分和缸压 信号出现锯齿波的时刻一致,但冲击成分的峰值各



图 2 爆震发生时的振动信号



有不同,其中 y 向振动信号的峰值明显大于其余方向的振动信号, x 向的峰值最小。这是因为 y 向处 在缸内压力振荡和活塞敲击共同作用下,冲击能量 很大; z 向则受缸内压力振荡和气门落座冲击等因 素影响,冲击能量较大; x 向仅受缸内压力作用,所 受冲击能量较小,幅值峰值最小。

从图 3 可以看出,正常燃烧时 3 个方向的振动 加速度信号均无明显的冲击成分,y,z 向的幅值峰 值比较接近,y 向稍大,但两者均大于 x 向的幅值峰 值,这和爆震发生时的规律一致,但相对于爆震时 3 个方向振动信号峰值的相对值远远减小。

## 3 爆震特征提取及强度评价

### 3.1 爆震特征频率范围的确立

爆震特征频率是爆震激励的机体振动响应的主 要频率带。对机体振动信号进行功率谱密度估计并 对比分析,如图 4 所示。可以看出,无论爆震与否, 在 5 kHz 以下 3 个方向的功率谱基本重合,说明爆



Fig. 3 The vibration signals of non-knock in different direction

震频率在5 kHz 以上,这和以往研究学者提出的爆 震通常出现的 5 kHz~25 kHz 频带内<sup>[3,14]</sup>一致。有 爆震发生时,x向的振动信号在5950,7150,9633, 12 940,16 650,18 580 及 21 780 Hz 7 个特征频率 上相比无爆震时存在明显峰值。y向的振动信号在 7 500,12 850,17 400 及 21 500 Hz 4 个特征频率上 相比无爆震时存在明显峰值。z向的振动信号在 7 050,12 900,17 650 及 21 350 Hz 4 个特征频率上 相比无爆震时存在明显峰值。x 向特征频率较多是 由于受活塞拍击和气门落座冲击影响较弱,而受缸 内压力振荡影响较大,更能体现缸内压力变换情况。 y向受活塞拍击和缸内压力振荡的双重作用。z向 受气门落座冲击和缸内压力振荡影响,相比无爆震 出现明显峰值的特征频率较少。进一步分析发现, y,z向的4个特征频率比较接近,x向也有4个特 征频率与 y,z 接近,说明这 4 个特征频率为爆震特 有频率。

#### 3.2 爆震特征提取

由功率谱密度估计确定爆震特征频率的方法易



图 4 无爆震与剧烈爆震下机体振动信号的功率谱密度估计 Fig. 4 The PSD estimation of vibration signals on different direction

受噪声影响,在信噪比较低和轻微爆震情况下很难 区分。图5为无爆震和点火提前角为11.75°(微弱爆 震)时,y向振动信号的功率谱密度估计谱图。可以 看出,两者相比没有明显峰值,爆震频率难于提取。



图 5 无爆震与轻微爆震下 y 向振动信号的功率谱密度 估计

Fig. 5 The PSD estimation of vibration signals on y direction for non-knock and light-konck

信号分析时,相比相关函数和功率谱等二阶统 计量,高阶累积量包含了更为丰富的信息,可以描述 信号非线性、非高斯性特征,能够刻画频率间的二次 相位耦合特征。爆震信号为非平稳信号,但在发动 机完成一个工作循环内的爆震信号,其高阶统计特 性是有规律可循的。双谱是高阶统计量理论中阶数 最低、应用最广的高阶谱,具有高阶累积量的所有特 点。利用非参数双谱估计爆震振动信号,数据分段 长度为 256,每段数据之间的重叠度为 50%,共分为 15 段。图 6 为无爆震、轻微爆震和剧烈爆震下 x 向 振动信号的双谱图。其中, $f_1$ , $f_2$  以双频的最大频 率值为基准进行归一化处理,频率  $f_1$ , $f_2$  (0 ~ 0.5 Hz)实际对应 0~25.6 kHz,文中提到的频率均 为归一化后的值。





从图 6 可以看出,随着爆震强度的增加,双谱幅 度峰值逐渐突出,其相对应的频率也逐渐增大,幅度 整体图形呈现由中心向周围扩散的趋势。无爆震时 双谱峰值出现在(0.039 1,0.039 1)频率(实际为 2 kHz)附近;微弱爆震时双谱峰值出现在(0.136 7, 0.078 1)和(0.078 1,0.136 7)频率(实际为 7 kHz) 附近;剧烈爆震时双谱峰值出现在(0.136 7,0.078 1) 和(0.0781,0.1367)频率(实际为7kHz)附近。微 弱爆震和剧烈爆震时的双谱峰值频率一致,说明该 频率为爆震特征频率。同理,分析 y, z向振动信号 也得到相似的结果。

双谱是一个二维量,对其直接进行分析处理比 较复杂,可以采用一维切片进行数据降维和爆震特 征选择。通过大量试验分析后,选取双谱主对角切 片作为特征进行分析。图 7 为无爆震、轻微爆震和 剧烈爆震下振动信号的双谱切片。





从图 7(a)可以看出,在 0.125~0.168 Hz(实际 为 6 400~8 600 Hz),0.414 1~0.445 3 Hz(实际为 21 200~22 800 Hz)频率范围内,轻微爆震和剧烈 爆震相比无爆震均出现明显峰值,故这两个频带范 围为该振动方向的爆震特征频率。幅值峰值在 0.136 7 Hz频率处(实际为 7 kHz),由双谱的对称性 可知,该峰值频率和双谱图中的爆震频率(0.1367, 0.0781)和(0.0781,0.1367))相一致。从图7(b) 可以看出,爆震特征频率集中在 0.234 4~ 0.265 6 Hz(实际为 12 kHz~13.6 kHz), 0.277 3~ 0.296 9 Hz(实际为 14.2 kHz~15 kHz), 0.316 4~ 0.359 4 Hz(实际为 16.2 kHz~18.4 kHz) 频率范 围内,峰值在 0.339 8 Hz 频率处(实际为 17.4 kHz)。 从图 7(c)可以看出,爆震特征频率集中在 0.062 5~ 0.078 1 Hz(实际为 3.2 kHz~4 kHz), 0.117 2~ 0.156 3 Hz(实际为 6 kHz~8 kHz)以及 0.406 3~ 0.437 5 Hz(实际为 20.8 kHz ~ 22.4 kHz)3 个频带 范围内,峰值频率分别为 0.070 3 Hz(实际为 3.6 kHz), 0.140 6 Hz(实际为 7.2 kHz), 0.418 Hz (实际为 21.4 kHz)。和功率谱密度估计相比,双谱 主对角切片更能凸显爆震特征频率。通过对处在爆 震特征频率范围内的信号深入分析可对爆震强度进 行评价。

### 3.3 爆震强度评价

由图 7 可以看出,处在爆震特征频率范围内的 不同强度爆震的振动信号双谱切片的幅值有明显区 分。据此,笔者提出单一振动方向的爆震强度评价 指标 *k* 为

$$k = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} x(i)^{2}}{\sum_{i=1}^{M} y(j)^{2}}}$$
(5)

其中:N 为爆震频率范围内的数据点数;x(i)为第 *i* 个数据点幅值;M 为非爆震区域内的数据点数; y(*j*)为第 *j* 个数据点幅值。

经式(5)得到3个振动方向的爆震强度指标 k<sub>x</sub>,k<sub>y</sub>,k<sub>z</sub>后,由式(6)得到总的爆震强度指标 K<sub>1</sub>为

$$K_{I} = \sqrt{\frac{k_{x}^{2} + k_{y}^{2} + k_{z}^{2}}{3}} \tag{6}$$

利用笔者提出的方法对无爆震、轻微爆震和剧 烈爆震的振动信号进行爆震强度评价参数计算,结 果如表1所示。为更加准确评价爆震强度,分析了 发动机在不同转速下的振动信号,结果如图8所示。

表1 不同爆震强度工作循环的爆震评价参数

Tab. 1 Knock intensity evaluation parameters in different work cycles

	•			
爆震强度	$k_x$	$k_y$	$k_z$	$K_I$
无爆震	0.06	0.39	0.64	0.43
轻微爆震	0.40	1.11	4.26	2.55
剧烈爆震	1.40	7.18	16.79	10.57



图 8 不同转速爆震强度的评价参数计算结果

Fig. 8 Results of the knock intensity evaluation parameter calculation under different speed

可以看出,在3种爆震强度下,爆震强度评价参数 K<sub>1</sub>有明显的差异且分布在不同的区域内。据此,界 定无爆震 K<sub>1</sub>的值在2以下;超过2时可以判断为轻 微爆震的发生;当 K<sub>1</sub>值超过8时,表明爆震强度较 强,发生剧烈爆震。

## 4 结束语

双谱反映了爆震频率间的相位耦合特征,相比 功率谱密度估计,双谱峰值频率更能凸显爆震的特 征频率。基于双谱对角切片提出的爆震强度评价方 法能够有效地区分不同强度的爆震。

参考文献

- [1] Lumsden G, OudeNijeweme D, Fraser N, et al. Development of a turbocharged direct injection downsizing demonstrator engine[J]. SAE International Journal of Engines, 2009, 2(1): 1420-1432.
- [2] 韩璞,毕凤荣,张剑. 基于振动的汽油机爆震始点识别 与强度评价研究[J]. 内燃机工程,2016,37(5):134-139.

Han Pu, Bi Fengrong, Zhang Jian. Research on gasoline knock onset identification and knock intensity evaluation using vibration signal [J]. Chinese Internal Combustion Engine Engineering, 2016, 37(5):134-139. (in Chinese)

- [3] Hudson C, Gao X, Stone R. Knock measurement for fuel evaluation in spark ignition engines[J]. Fuel Journal, 2001, 80: 395-407.
- [4] Wang Ying, Zhou Longbau. Investigation of the detection of knock and misfire of a spark ignition engine with the ionic current method[J]. Journal of Automobile Engineering, 2003, 217(7): 617-621.
- [5] Boubai O. Knock detection in automobile engines[J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2000, 3(3): 24-28.
- [6] Ettefagh M M, Sadeghi M H, Rezaee M. Application

of a new parametric model-based filter to knock intensity measurement [J]. Measurement, 2010, 43(3): 353-362.

- Lee J H, Hwang S H, Lim J S, et al. A new knock-detection method using cylinder pressure, block vibration and sound pressure signals from a SI engine[C]// International Spring Fuels and Lubricants Meeting and Exposition. Michigan:[s. n. ],1998.
- [8] Wu Gang. A real time statistical method for engine knock detection[C]// SAE Technical Paper Series. Detroit:[s. n.],2007.
- [9] Vulli S, Dunne J F, Potenza R, et al. Time-frequency analysis of single-point engine-block vibration measurement for multiple excitation-event identifica-tion [J]. Journal of Sound and Vibration, 2009, 321: 1129-1143.
- [10] Li Ning, Yang Jianguo, Zhou Rui, et al. Knock detection in spark ignition engines using a nonlinear wavelet transform of the engine cylinder head vibration signal
   [J]. Measurement Science and Technology, 2014, 25 (11): 115002.
- [11] Shen Guoji, McLaughlin S, Xu Yongcheng, et al. Theoretical and experimental analysis of bispectrum of vibration signals for fault diagnosis of gears [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2014, 43: 76-89.
- [12] 赵慧敏,夏超英,肖云魁,等.柴油发动机曲轴轴承振动信号的双谱分析[J].振动、测试与诊断,2009,29 (1):14-18.
  Zhao Huimin, Xia Chaoying, Xiao Yunkui, et al. Bispectrum analysis for vibration data of crankshaft bearing in diesel engine[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2009, 29 (1): 14-18. (in
- [13] Liang B, Iwnicki S D, Zhao Y. Application of power spectrum, cepstrum, higher order spectrum and neural network analyses for induction motor fault diagnosis [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2013, 39: 342-360.
- [14] 段向阳,王永生,苏永生. 切片双谱分析在离心泵故障 诊断中的应用[J]. 振动、测试与诊断, 2010, 30(5): 581-584.

Duan Xiangyang, Wang Yongsheng, Su Yongsheng. Application of slice bispectrum analysis to fault diagnosis of centrifugal pump[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2010,30(5):581-584. (in Chinese)



Chinese)

**第一作者简介**:张剑,男,1983 年 11 月 生,博士生。主要研究方向为内燃机振 动控制及状态检测。曾发表《柴油机气 门故障信号的双谱图形分形维数分析》 (《内燃机学报》2016 年第 3 期)等论文。 E-mail:neil1101@tju.edu.cn