Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2017.06.024

高精度定位平台 X-Y 方向振动误差补偿

刘吉柱, 张雯雯, 陈立国, 潘明强, 王阳俊

(苏州大学机电工程学院 & 苏州纳米科技协同创新中心 苏州,215021)

摘要为了减小定位平台在X,Y方向的振动误差,实现高精度定位,搭建了宏微结合精密定位系统,由高性能直线电机驱动,气体静压导轨支撑和导向的宏动平台实现系统的大行程微米级定位,并由安装在宏动平台上的压电陶瓷驱动的微动平台对系统进行定位精度补偿。建立了定位系统机电耦合振动模型,采用比例积分微分(proportion integral derivative,简称 PID)控制与最小节拍响应控制相结合的策略控制宏动平台,采用前馈-PID 控制驱动微动平台,通过电容式微位移传感器实时检测定位系统终端的位置输出信号作为微动台的输入信号,实现定位系统的闭环反馈控制,达到宏动平台的振动误差实时补偿的目的。实验结果显示,所设计的微动补偿平台具有良好的动态特性,定位系统具有良好的误差实时补偿效果,针对 X,Y 向的振动范围由补偿前的 4 和 3.5μm,补偿后减小到 1μm 的范围内。结果表明,所研究的振动误差补偿方法可以有效减小定位系统的振动误差,提高系统的定位精度。

关键词 宏微定位平台;振动模型;压电陶瓷;误差补偿 中图分类号 TH162

引 言

随着微观领域研究的不断深入,对定位精度要 求也不断提高。定位平台在具有一定运行速度、保 证运行效率的基础上同时要求具有微米级、纳米级 的定位精度^[1],通过对定位误差进行补偿来提高定 位系统的性能是当今高速精密定位系统的关键技 术。但是针对振动扰动对定位平台定位精度的影响 及振动的抑制研究还存在很多理论和实际问题,所 以研究振动对定位平台的微扰动机理和振动误差补 偿控制方法具有重要的理论和实用价值。

在高精度定位平台方面,国外出现了不同形式 的精密定位平台发展产品^[2],例如美国的 Intel、日 本的佳能及 NSK 公司、德国的 PI、韩国电子技术研 究所等都研究开发出了各具特色的定位平台,在定 位平台机构形式、驱动方式和控制方法上优化了传 统的定位平台。近年来,日本东京工业大学采用"直 流电机+丝杆"驱动方式,利用空气静压轴承和气浮 导轨导向的机构,达到±2nm 的定位分辨率,提高 了该系统的定位精度^[3]。在国内,哈尔滨工业大学 运用音圈电机驱动宏动平台,压电陶瓷驱动微动平 台,其优点是采用闭环控制,运用双光栅跨尺度位移 测量方法,在20mm的行程范围内达到10nm的运动 分辨率;缺点是整个系统结构复杂。^[4-5]关于提高精密 定位系统精度的研究主要是误差防止法和误差补偿 法,其中误差补偿法最为关键,得到了一些成果^[6-8]。

宏动平台在工作运转时,直线电机电磁推力会产 生波动,从而影响电机性能,产生振动和噪声,造成了 工作台在 *x*,*y*方向产生振动的现象。针对此现象,笔 者提出了基于微动工作台、采用实时补偿振动误差的 闭环控制方案,最后进行了实验验证。

1 定位平台振动误差分析与建模

1.1 定位平台振动误差来源分析

图 1 所示为高速精密定位系统宏动工作台的三 维模型。定位系统的驱动机构传统方式常采用旋转 电机通过联轴节带动滚珠丝杠驱动工作台的形式, 其在传动时的运动间隙、相互摩擦和接触时产生的 热变形及振动都会造成系统定位精度的降低。笔者 所设计的平台采用高速、高精度和高可靠性直线电

^{*} 高等学校博士学科点专项科研基金资助项目(20133201130003);国家高技术研究发展计划("八六三"计划)资助项目 (2013AA041109) 收稿日期:2016-01-16;修回日期:2016-03-18

机的驱动方式,取消了驱动机构到末端执行器的中间所有传动环节,避免了中间环节带来的负面影响。由于气体静压导轨具有无摩擦磨损、较高的稳定性等优点,所以平台上、下直线运动轴采用超精密气体静压导轨。平台在 X 轴运动滑块副和 Y 轴运动平台上分别配置高分辨率以及高速响应的直线光栅线位移传感器来实现位置和速度的闭环测量控制。



1-直线电机; 2-下轴气体静压导轨副; 3-工作台; 4-光栅尺; 5-大理 石平台; 6-电机挡脚; 7-下轴气体静压导轨; 8-气垫式隔振器

图 1 高精度定位系统宏动平台 Fig. 1 High precision positioning system of macro platform

定位平台在工作环境中运动时,由于内外振源 的影响会产生振动误差,从而影响平台的定位精度。 电机运转时直线电机的电磁推力所产生的波动,是 导致振动误差的主要原因。

所有振动产生的因素中,直线电机电磁推力产生的波动以及直线电机动子与定子之间法向力的波动 会使得电机产生振动和噪声,也是最终导致定位平台 产生 X,Y 方向振动误差的主要原因,如图 2 所示。



图 2 振动误差主要来源方框图

Fig. 2 Main source block diagram of vibration error

直线电机电磁推力产生的波动会导致运动方向 加速不稳,从而导致平台驱动方向产生振动。在一 些高速高精密场合下,由于直线电机产生高频率法 向吸力,会使整个系统产生振动,从而造成导轨的支 撑导向性能下降,最终影响系统的性能。

笔者设计的定位平台要求其在上、下轴行程分 别在 600 和 400mm 的同时定位精度优于 1μm。

1.2 X方向振动误差建模

为了研究 X 方向上精密定位平台的性能,在高 动态下,将微位移机构和气体静压导轨滑块副作为 柔性环节,建立了 X 轴振动模型,其物理模型简化 如图 3 所示。其中: K_{x1} 为 X 轴直线电机的伺服刚 度; K_{x2} 为 Y 轴承载平台气体静压导轨滑块副的侧 向等效接触刚度; K_{x3} 为 X 轴振动定位平台中双层 弹性平行板铰链的刚度与压电陶瓷刚度之和; C_{x1} 为 X 轴直线电机的等效阻尼系数; C_{x2} 为 Y 轴承载平 台气体静压导轨滑块副的等效阻尼系数; C_{x3} 为双层 弹性平行板的等效阻尼系数; M_{x1} 为 X 轴双排直线 电机动子、X 轴宏动平台及其附属构件等效集中质 量; M_{x2} 为 Y 轴承载平台及其附属构件等效集中质 量; M_{x3} 为振动平台及其附属构件的等效集中质量; F_{x1} 为 X 轴直线电机的驱动力; F_{x3} 为压电陶瓷的驱 动力; μ_{x1} 为 X 轴气体静压导轨滑块副的等效摩擦因 数,其值很小,可忽略不计。





经过推导,平台 X 轴运动微分方程为 $\begin{cases}
M_{x1}\ddot{u}_{x1} = -k_{x1}u_{x1} - k_{x2}(u_{x1} - u_{x2}) - C_{x1}\dot{u}_{x1} - C_{x2}(\dot{u}_{x1} - \dot{u}_{x2}) + F_{x1} \\
M_{x2}\ddot{u}_{x2} = -k_{x2}(u_{x2} - u_{x1}) - k_{x3}(u_{x2} - u_{x3}) - C_{x2}(\dot{u}_{x2} - \dot{u}_{x3}) - C_{x3}(\dot{u}_{x2} - \dot{u}_{x3}) \\
M_{x3}\ddot{u}_{x3} = -k_{x3}(u_{x3} - u_{x2}) - C_{x3}(\dot{u}_{x3} - \dot{u}_{x2}) + F_{x3} \end{cases}$ (1)

1.3 Y轴定位平台振动误差模型

为了研究高速、高加速情况下精密定位平台系统的动态特性,将弹性解耦机构以及直线导轨滑块 副和微位移机构作为柔性环节,建立了Y轴振动模型,物理模型简化如图4所示。其中:K_{y1}为Y轴直 线电机的伺服刚度;K_{y2}为微位移机构中双层弹性 平行板铰链的刚度与压电陶瓷刚度之和;C_{y1}为Y轴 直线电机的等效阻尼系数;C_{y2}为双层弹性平行板的 等效阻尼系数;M_{y1}为Y轴直线电机动子、导向滑台 及其附属构件等效集中质量;M_{y2}为振动平台及其附 属构件的等效集中质量;F_{y1}为Y轴直线电机的驱动 力;F_{y2}为压电陶瓷的驱动力;μ_{y1}为Y轴气体静压导 轨滑块副的等效摩擦因数,其值很小,可忽略不计。



图 4 Y 轴平台振动物理模型 Fig. 4 Y axis platform vibration physical model

根据牛顿第二定律,可得 Y 轴平台运动微分方 程为

$$\begin{cases} M_{y1}\ddot{u}_{y1} = -k_{y1}u_{y1} - k_{y2}(u_{y1} - u_{y2}) - C_{y1}\ddot{u}_{y1} - \\ C_{y2}(\dot{u}_{y1} - \dot{u}_{y2}) + F_{y1} \\ M_{y2}\ddot{u}_{y2} = -k_{y2}(u_{y2} - u_{y1}) - C_{y2}(\dot{u}_{y2} - \dot{u}_{y1}) + F_{y2} \end{cases}$$

$$(2)$$

1.4 X 轴和 Y 轴机电耦合数学模型的建立

排除外界环境对平台的干扰,为进一步简化分 析,平台的动力学模型可描述为

$$\begin{cases}
\begin{aligned}
\ddot{Mx} + \ddot{\mu x} + F_L &= F(t) \\
\dot{K_e x} + L_1 \frac{dI_i}{dt} + R_i I_i &= U \\
K_e I_i &= F(t)
\end{aligned}$$
(3)

其中:M 为驱动平台的质量; μ 为气体沿运动方向的 等效阻尼系数; F_L 为负载力;F(t) 为电机驱动力; K_e 为反电动势常数; L_i , I_i , R_i 分别为线圈的电感、 电流和电阻;U 为输入电压; K_f 为机械电磁能量转 换常数。

由式(3)进一步可得

$$\frac{ML_{i}}{K_{f}} \frac{\mathrm{d}^{3}x}{\mathrm{d}t^{3}} + \left(\frac{\mu L}{K_{f}} + \frac{MR_{i}}{K_{f}}\right) \frac{\mathrm{d}^{2}x}{\mathrm{d}t^{2}} + \left(\frac{\mu R_{i}}{K_{f}} + K_{e}\right) \frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = U$$
(4)

通过拉氏变换,传递函数为

$$\frac{X(s)}{U(s)} = \frac{K_f}{L_i M s^2 + (\mu L_i + M R_i) s + K_e K_f + \mu R_i} \frac{1}{s}$$
(5)

系统的具体参数如表1所示。

表 1 定位平台 X 轴和 Y 轴各参数

 Tab. 1
 X axis and Y axis parameters of positioning platform

方向	M/kg	L_i/H	R_i/Ω	K_{e}	$\frac{K_f}{(\mathrm{N} \cdot \mathrm{A}^{-1})}$
X轴	60.26	5×10^{-3}	5	63.0	54.5
Y轴	19.03	3.8×10 ⁻³	3	47.2	40.9

由于电磁时间常数 L_i/R_i 相对于电磁能量转换 常数 K_f 很小,所以为简化运算可忽略不计。同时, 气体静压等效阻尼系数 μ 可以忽略,将 X 轴和 Y 轴 各参数分别代入上式,可得电压-位移的传递函数。 伺服驱动器的功能是把输出电压转换成电流来驱动 电机,所以最终得电流-位移的传递函数为

$$G(s) = 0.9/(s^2 + 0.9)$$
(6)

$$G(s) = 2.15/(s^2 + 2.15) \tag{7}$$

2 定位平台响应特性分析

电机高加速启停带来的宽频微振动以及外界环 境影响下对定位平台带来的振动影响都使得定位系 统的定位精度和系统稳定性受到影响。基于宏动控 制系统振动机理及其机电耦合模型,采用传统 PID 控制,加入前置滤波器,并采用最小节拍响应控制来 调整参数的组合控制策略^[9],提高系统的稳定性。 图 5 所示为宏动系统机电耦合控制系统方框图,其 中: $G_{p}(s)$ 为前置滤波器的传递函数; $D_{p}(s)$ 为控制 器传递函数; $G_{c}(s)$ 为被控对象的传递函数。



图 5 宏动系统总体控制方框图



为了验证所设计的控制方法的正确性,对系统 进行仿真,分别得到 X,Y 轴的阶跃响应曲线,如 图 6所示。



由图可知,定位平台在给定 1mm 位移阶跃信 号响应下,*X*和 Y 轴的稳定时间都约为 18ms 左右, 由于 X 轴负载 Y 轴平台及其附属机构,使得 X 轴

第 37 卷

惯性更大,在起始阶段的响应没有 Y 轴快。由于 X,Y 轴直线电机采用的是同一系列型号、行程有所 不同的无铁芯直线电机,所以整体响应相近,基本上 没有稳态误差,表明定位平台能够进行高加速启停 的往复平稳运动。

3 微动补偿平台的设计与分析

3.1 微动补偿平台的设计

为了实现微动误差补偿机构的一系列精度高、 重量轻、响应快及位移输出特性好等指标要求^[10], 笔者设计了双层平行板柔性铰链,它能够连接各个 部件,其三维模型如图7所示。



图 7 微动误差补偿机构 Fig. 7 Micro motion error compensation mechanism

将负载平台视为刚体,可得平行板铰链刚度公 式为

$$K = \left| \frac{F}{w_o} \right| = \frac{2nEbt^3}{L^3} = \frac{4Ebt^3}{L^3} \tag{8}$$

其中:F为外界激励;b,L,t分别为弹性梁的宽度、 长度、厚度;E为弹性梁材料的弹性模量。

3.2 微动补偿平台有限元分析

在 ANSYS 里建立有限元分析模型, 先赋材料 属性, 此处选用硬铝 2A12, 然后划分网格, 最后仿真 分析静态输出位移和应力分布情况。图 8 所示为仿 真结果。



Fig. 8 The finite element model of displacement and stress

为了实现其在满足输出位移的基础上,提高固 有频率,增强抗振能力,本研究压电陶瓷采用德国米 依公司内部集成应变片传感器的 PSt150/5×5/20 型压电陶瓷致动器,它的优点是能够有效消除压电 陶瓷输出的非线性影响,实现机构的驱动、检测一 体化。

各柔性铰链可近似看作弹簧,所以简化了整个 微动平台系统,其微动台的运动微分方程为

 $my + \mu y + (K + K_p)y = K_p x$ (9) 其中:m 为工作台的质量; μ 为弹性铰链平行板的阻 尼系数;K 为平行板柔性铰链刚度; K_p 为压电陶瓷 驱动器刚度;x 为工作台的输入位移;y 为工作台的 输出位移。

式(9)经拉氏变换可得

断

$$G(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{K_P}{K + K_P} \frac{w_n^2}{s^2 + 2\zeta w_n s + w_n^2}$$
(10)

其中: w_n 为系统无阻尼自然固有频率; $w_n = \sqrt{\frac{K_p + K}{m}}$; ζ 为系统阻尼比, $\zeta = \frac{\mu}{2mw_n}$ 。

4 控制方法的研究

4.1 前馈-PID 混合控制方法

传统 PID 控制一定程度上能够提高定位系统 的定位精度,若想进一步提高系统的响应速度、重复 定位精度等动静态性能指标,通常需要结合其他控 制算法混合控制,达到优势互补,更进一步提高系统 的综合特性。国内外学者也做了大量研究,如设计 单神经元自适应 PID 控制器、电荷控制方法及各类 迟滞模型等,虽然改善了迟滞蠕变等非线性现象,但 也增加了控制计算量。针对振动台致动器压电陶瓷 输出的迟滞非线性影响补偿定位精度的问题,笔者 采用前馈-PID(比例、积分、微分)控制相结合的控制 方法,有效抵消了压电陶瓷迟滞非线性给振动补偿 机构的定位精度带来的影响。

图 9 所示为基于前馈-PID 混合控制的复合控制系统方框图,该系统主要由控制计算机、A/D 和



图 9 前馈-PID 混合控制框图 Fig. 9 Feed-forward PID hybrid control block diagram

D/A 转换器、集成高压运放电路的压电陶瓷驱动电 源、压电陶瓷驱动的振动补偿机构以及电容测微仪 组成的闭环反馈系统。

该复合控制过程主要为:给定位移由计算机算 得;前馈控制输出控制电压信号及压电陶瓷输出位 移是经过 D/A 转换器和集成在压电陶瓷驱动电源 内的运放电路驱动得出,并通过电容测微仪测头检 测由压电陶瓷驱动的振动补偿机构的输出位移;偏 差信号是通过 A/D 转换器和电容测微仪控制电路, 将输出信号反馈回控制计算机,然后与输入信号进 行对比,该信号经过 PID 控制器联合运算,输出一 个位移补偿控制量,用于补偿压电陶瓷本身迟滞、蠕 变等非线性影响以及外界环境(包括宏动系统内外 振源及系统外界环境)对振动补偿机构造成的影响 而产生的误差。在混合控制过程中,反馈信号经过 PID 控制运算,不断与输入信号进行比较,直至偏差 信号 e(kt)达到所要求的范围内。

复合控制中,控制系统的信号为 $u(kt) = u_d(kt) + \Delta u(kt) = u_d(kt) + k_p e(kt) + k_I \sum_{i=0}^{k} e(it) + k_D \{e(kt) - e[(k-1)t]\}$ (11) 其中:t 为系统的采样周期。

通常情况下,为保证系统具有足够的精度,采样 周期必须足够小。

4.2 微动系统阶跃仿真分析

根据前人实践总结的经验,最终确定本研究设计的 PID 控制器的 3 个参数分别为: k_p =3.5, T_I =2 000, T_D =0。图 10 所示为微动控制系统前馈-PID 混合控制算法与单纯的 PID 控制下的阶跃信号响应仿真图,输入测试阶跃信号的峰值为 15 μ m,频率为 20 Hz,采样时间为 0.3 ms。







Fig. 10 Comparison of the step simulation of feed forward PID control with PID control step simulation 统经典 PID 控制效果要好,动态响应更好,稳态误 差得到提前抑制,体现了前馈控制效果,同时超调量 减小,系统的动态响应速度更快,精度更高。

5 振动误差补偿实验

高速精密定位平台振动误差补偿实验系统如 图 11所示。



图 11 高速精密定位平台振动误差补偿系统 Fig. 11 High speed precision positioning platform vibration error compensation system

基于宏微结合控制方法的原理为:通过上位机 对宏动控制器施加目标位移指令,宏动控制器按照 控制算法控制宏动平台最终定位,通过光栅尺进行 目标位置反馈,当宏动台末端位置进入压电陶瓷驱 动的微动平台的工作补偿范围内,微动控制器将通 过电容测微仪检测微动台的位移信号与光栅尺反馈 的宏动台的位移信号,按照控制算法进行运算作为 微动系统的输入信号,最终通过微动控制器控制振 动误差补偿系统对定位系统的振动误差进行实时误 差补偿,达到纳米级的定位。通过安装在高速精密 定位系统末端位置的电感测微仪来实时监测宏动定 位平台在振动误差补偿前后的振动特性情况。

针对 X 轴平台进行振动误差补偿实验时,为减 小干扰,X 轴误差补偿实验时需锁定 Y 轴平台,同 时定位平台在行程范围内按规划轨迹运动。图 12 为 X 轴振动误差补偿前后的实验曲线图,左图为振 动误差补偿前系统末端点的振动误差曲线,X 轴振 动误差的振动范围约为 4μm;右图为振动误差补偿 后系统末端点的振动误差曲线,其结果由宏动定位 平台与振动误差补偿平台的运动叠加而成。由图 12 可知,整个定位平台的振动误差范围约为 0.9μm。

针对 Y 轴平台进行振动误差补偿实验时,为减 小干扰,Y 轴误差补偿实验时需锁定 X 轴平台,同 时定位平台在行程范围内按规划轨迹运动。图 13 为 Y 轴振动误差振动补偿前后振动曲线图,左图为



图 12 X 轴振动误差补偿前后曲线

Fig. 12 Before and after the vibration error of X axis compensation curve







进行振动误差补偿前系统末端点的振动误差曲线, Y 轴振动误差的振动范围约为 3.5μm;右图为进行 误差补偿后系统末端点的振动误差曲线,振动误差 范围减小,约 0.9μm。

6 结束语

针对所搭建的宏微结合定位平台系统,采用"直 线电机+压电陶瓷"驱动,运用电容测微仪进行闭环 控制,反馈位置信息。采用前馈 PID 控制算法来实 时补偿振动误差。通过实验研究,系统的工作行程 为 400mm × 600mm,它的定位平台的精度优于 1μm,从而验证了所设计的基于误差补偿方法的定 位系统能够满足实现高精度定位的条件。

参考文献

- [1] 林海波,杨国哲,黄小良.大行程超精密工作台的研究
 [J].机械设计与制造,2010,6(6):130-131.
 Lin Haibo, Yang Guozhe, Huang Xiaoliang. Design of a large travel ultra precision stage[J]. Machinery Design & Manufacture,2010,6(6):130-131. (in Chinese)
- [2] Yun Yuan, Li Yangmin. Design and analysis of a novel 6-DOF redundant actuated parallel robot with compliant hinges for high precision positioning[J]. Nonlinear Dyn, 2010, 61(1): 829-845.
- [3] Mao Junhong , Tachikawa H , Shimokohbe A . Precision positioning of a DC-motor-driven aerostatic slide system
 [J]. Precision Engineering, 2003, 27(1): 32-41.

- [4] 节德刚.宏/微驱动高速高精度定位系统的研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学,2006.
- [5] 节德刚,刘延杰,孙立宁,等,一种宏微双驱动精密定位 机构的建模与控制[J].光学精密工程,2005,13(2): 171-178.

Jie Degang, Liu Yanjie, Sun Lining, et al. Modeling and control of a macro-micro dual-drive ultra-precision positioning mechanism[J]. Optics and Precision Engineering,2005, 13(2): 171-178. (in Chinese)

- [6] Ferrerira P M, Liu C R. A method for estimating and compensating quasistaric error of machinetools [J]. Journal of Engineering for Industry, 1993, 115(1): 149-159.
- [7] Veldhuis S C, Elbestawi M A. A strategy for compensation of errors in five-axis machining[J]. Annals for CIRP, 1995, 44(1): 373-377.
- [8] 孙麟治,李鸣鸣,程维明.精密定位技术研究[J]. 光学 精密工程,2005,13(S): 69-75.
 Sun Lingzhi, Li Mingming, Chen Weiming. Study on precision positioning technique[J]. Optics and precision engineering,2005,13(S):69-75. (in Chinese)
- [9] 郭劲,王卫兵,陈娟,等.最小节拍组合控制方法在光 电跟踪系统中的应用[J].光学精密工程,2013,10: 2594-2602.

Guo Jing, Wang Weibing, Chen Juan, et al. Application of minimal prototype control method in opto-electronics tracking system[J]. Optics and Precision Engineering, 2013, 10:2594-2602. (in Chinese)

[10] 马立,谢炜,刘波,等. 柔性铰链微定位平台的设计
[J]. 光学精密工程,2014(2):338-345.
Ma Li, Xie Wei, Liu Bo, et al. Design of micro-positioning stage with flexure hinge[J]. Optics and Precision Engineering,2014(2):338-345. (in Chinese)



第一作者简介:刘吉柱,男,1978 年 8 月生,博士、副教授。主要研究方向为 机电一体化技术、电机及驱动控制技 术。曾发表《Selecting of the temperature measurement points for positioning platform with large trip and high precision thermally induced error compensation model》(《Applied Mechanics and Materials》2013, Vol. 431)等论文。 E-mail: liu_jizhu@163.com

通信作者简介: 王阳俊, 男, 1979 年 11 月生,博士、讲师。主要研究方向为超 精密测量技术。

E-mail: wangyangjun@suda.edu.cn