DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2022.05.010

# 基于轴桥柔性的100%低地板车动力学分析\*

戚 壮<sup>1</sup>, 张成成<sup>2</sup>, 王美琪<sup>1</sup>, 刘鹏飞<sup>1</sup>
 (1.石家庄铁道大学机械工程学院 石家庄,050043)
 (2.中车唐山机车车辆有限公司动车检修事业部 唐山,063000)

**摘要**为了研究独立旋转车轮转向架簧下轴桥的弹性特性对整车动力学性能的影响,以某型100%低地板车整车为研究对象,在建立其多刚体模型的基础上,考虑轴桥的振动弹性特性,进一步建立了3模块整车刚柔耦合动力学 模型。在轨道随机不平顺激扰下开展整车动力学性能对比分析,发现刚柔耦合模型较多刚体模型轮轴横向力和脱 轨系数升高,轮轨垂向力和轮重减载率降低。轴桥振动响应的计算结果表明,刚柔耦合模型的轴桥横向振动响应较 多刚体模型幅值降低约15%;轴桥弹性特性分析结果显示,当轴桥结构垂向自振频率在15~25 Hz之间时,其模态 振型会被轮轨动态作用激发,从而对整车动力学性能产生较大影响。在此研究基础上,开展了轴桥结构的轻量化设 计,在保证整车动力学性能的约束条件和结构强度的前提下,优化了其几何截面并将其质量降低了约15%,在一定 程度上为100%低地板车的轴桥设计提供了工程借鉴。

关键词 刚柔耦合;振动;车辆动力学;独立旋转车轮;结构优化 中图分类号 U270.33;TH113.1

## 引 言

随着大中型城市人口数量的快速增加,发展城 市轨道交通显得尤为重要。与城市地铁轨道交通相 比,城市轻轨交通设备维护费用和系统耗能更低,其 中100%低地板车具有以下优点:①地板面低,无需 设立高站台,方便乘客上下车;②建设周期短并且节 能节地,可与路面交通实现路权共享等。

我国越来越多的大中型城市开始引入低地板车 并投入运营,作为公共交通车辆,其乘坐舒适性和运 行安全性必然会受到广泛关注。轴桥结构作为车辆 的簧下质量,其大小会影响轮轨相互作用,从而影响 车辆的动力学性能,如平稳性、安全性等。一般情况 下将簧下质量视为刚体进行动力学建模,而在车辆 的实际运行中由于簧下质量结构的不同,其固有模 态振型会在轮轨激励频率和设备自振频率产生共振 时表现出来,从而影响车辆的动力学性能。笔者以 某型100%低地板车的簧下轴桥设备为研究对象, 运用模态叠加法进行坐标变换,在建立了刚柔耦合 模型的基础下,与多刚体模型在轨道不平顺激扰下 的振动响应和动力学性能进行对比。对比分析多刚 体模型和刚柔耦合模型的动力学性能后,进一步对 簧下轴桥柔性特性进行研究,为以后100%低地板 车的工程应用研究提供一定程度的借鉴。

## 1 刚柔耦合模型动力学建模

#### 1.1 轴桥有限元模型的建立及模态分析

此型100%低地板车采用独立旋转车轮<sup>[1]</sup>,轴桥 是连接轮对的重要结构件,且作为簧下质量,其结构 形式和本身特性不仅对车辆的轮轨相互作用影响巨 大,而且对整车车辆动力学性能也有重要影响,因此 将其考虑为柔性体,并研究其弹性特性对整车动力 学的影响是很有必要的<sup>[2]</sup>。

基于柔性体轴桥有限元模型,进行自由模态计 算,得到轴桥的自由振动模态,根据轴桥的振动模态 分析其振动特性,求解出振动方程特征根和振动向 量,得到每一阶的固有频率和振型。将轴桥的空间 物理坐标转换为模态坐标是求解步骤的关键。在小 变形假设的前提下,浮动坐标系方法是将物体的运 动视为浮动坐标系的大范围运动与小弹性变形的 叠加<sup>[3]</sup>。

图1为柔性轴桥的空间坐标表示。基点O为附 着在此柔性体上的质点,选择浮动坐标系O'xyz。P

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金资助项目(11790282);河北省重点研发计划项目资助(20310803D) 收稿日期:2020-07-03;修回日期:2020-11-20

为柔性体上的任意点,此任意点的运动可分解为浮 动坐标系的牵连运动和相对浮动坐标系的变形运动 的叠加。并取P点相对惯性参考系Oxyz,其相对于  $P_i$ 点的矢径为 $R_p$ ,相对于浮动坐标系的矢径为 $R_o$ , 设柔性体在发生变形前的位置为 $P_o$ , $\rho$ 和 $\mu$ 分别为P点的弹性形变向量和柔性体未发生形变时P点相 对浮动坐标系的位置向量, $r_o$ 为P点的位移矢量, 如图1所示,则有



图1 柔性轴桥的坐标表示

Fig.1 The coordinate representation of the flexible axle bridge

$$\begin{cases} \boldsymbol{R}_{P} = \boldsymbol{R}_{o} + \boldsymbol{r}_{op} \\ \boldsymbol{r}_{op} = \boldsymbol{\rho} + \boldsymbol{\mu} \end{cases}$$
(1)

为计算P点加速度,将式(1)对t进行2阶求导, 得到

$$\ddot{\mathbf{R}}_{P} = \ddot{\mathbf{R}}_{O} + \dot{\omega}\boldsymbol{\rho} + \omega(\omega\boldsymbol{\rho}) + \ddot{\boldsymbol{\mu}} + 2\omega\dot{\boldsymbol{\mu}} \qquad (2)$$

其中:ω为浮动坐标系 O'xyz 的转动角速度。

以描述浮动坐标系 O'xyz 相对惯性坐标系姿态的角坐标  $\theta = (\theta_1 \ \theta_2 \ \theta_3)$ 的导数来表示浮动坐标系的角速度  $\omega$ 

$$\omega = D\dot{\theta} \tag{3}$$

则浮动坐标系的广义坐标可以表示为

$$\boldsymbol{q} = (\boldsymbol{R}_0^{\mathrm{T}} \quad \boldsymbol{\theta}^{\mathrm{T}})^{\mathrm{T}} \tag{4}$$

其中: $\mathbf{R}_0^{\mathsf{T}} = (x_0 y_0 z_0)^{\mathsf{T}}$ 为浮动坐标系 O'xyz 在惯性坐标系的位置。

如果改用欧拉参数代替绝对坐标描述浮动坐标 系的姿态,则*q*中的*θ*应以欧拉参数的坐标阵*Λ* 代替。

变形位移μ用模态分析综合法离散为有限自由 度,则可表示为

$$\boldsymbol{\mu} = \boldsymbol{\Phi} \boldsymbol{q}_d \tag{5}$$

其中: $\boldsymbol{\Phi}$ 为形函数矩阵,即模态分析法中的模态函数 矩阵; $q_d$ 为 $n_d$ 个模态坐标组成的阵列。

$$\boldsymbol{\Phi} = \begin{bmatrix} \varphi_{11} & \cdots & \varphi_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ \varphi_{n1} & \cdots & \varphi_{nn} \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{q}_{d} = (\boldsymbol{q}_{d1} \quad \boldsymbol{q}_{d2} \quad \boldsymbol{q}_{dn})^{\mathrm{T}}$$

如若不考虑柔性体内部阻尼的影响,则此时柔性体的自由振动微分方程是

$$\begin{bmatrix} m_{11} & \cdots & m_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ m_{n1} & \cdots & m_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_{11} & \cdots & \varphi_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ \varphi_{n1} & \cdots & \varphi_{nm} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{q}_{d1} \\ \vdots \\ \ddot{q}_{dn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} k_{11} & \cdots & k_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ k_{n1} & \cdots & k_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_{11} & \cdots & \varphi_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ \varphi_{n1} & \cdots & \varphi_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_{d1} \\ \vdots \\ q_{dn} \end{bmatrix} = 0 \quad (6)$$

其中:*M*矩阵为柔性体的质量矩阵;*K*矩阵为柔性体的刚度矩阵。

将两个矩阵转换为对角矩阵便于对微分方程解 耦,即

$$\boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{T}} \begin{bmatrix} m_{11} & \cdots & m_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ m_{n1} & \cdots & m_{nn} \end{bmatrix} \boldsymbol{\Phi} = \boldsymbol{M}_{P}$$
$$\boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{T}} \begin{bmatrix} k_{11} & \cdots & k_{1n} \\ \vdots & \vdots \\ k_{n1} & \cdots & k_{nm} \end{bmatrix} \boldsymbol{\Phi} = \boldsymbol{K}_{P}$$

其中:

$$M_{P} = \begin{bmatrix} M_{P1} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots \\ 0 & \cdots & M_{Pn} \end{bmatrix}; K_{P} = \begin{bmatrix} K_{P1} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots \\ 0 & \cdots & K_{Pn} \end{bmatrix}_{\circ}$$
$$\vec{\mathfrak{x}}(6) \notin \mathcal{H}$$

$$\boldsymbol{M}_{\boldsymbol{P}}\boldsymbol{q}_{d} + \boldsymbol{K}_{\boldsymbol{P}}\boldsymbol{q}_{d} = 0 \tag{7}$$

此时质量矩阵和刚度矩阵都是正定矩阵,正定 系统只可能出现形如 $q = \phi a \sin(\omega t + \varphi)$ 的同步运 动,即将 $q = \phi a \sin(\omega t + \varphi)$ 代入式(7)中,得下列 齐次方程组

$$\left(\boldsymbol{K} - \boldsymbol{\omega}^2 \boldsymbol{M}\right) \boldsymbol{\phi} = 0 \tag{8}$$

式(8)有非零解*ϕ*的充分必要条件是系数行列 式为0,即

$$\left| \boldsymbol{K} - \boldsymbol{\omega}^2 \boldsymbol{M} \right| = 0 \tag{9}$$

由式(9)可求解方程对应的n个特征值 $\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_n, 从而可求解<math>\varphi_1, \varphi_2, \dots, \varphi_n,$ 得到

 $\boldsymbol{\phi} = \begin{bmatrix} \varphi_1 & \varphi_2 & \cdots & \varphi_n \end{bmatrix}$ 

即得到振动微分方程,该过程将求解空间耦合向量µ转化为了求解模态向量矩阵**φ**,进而求解系统固有频率得到计算结果。

轴桥的固有频率在第3阶达到了152.53 Hz,传 统车辆的振动频率主要集中在低频,显然高频在本 研究中并无研究必要。通过有限元法求得其前20 阶自由模态,一般截断模态取分析模态的2倍,以保 证求解精度,因此笔者取其前10阶模态进行研究, 其振动频率见表1。由表可知,此柔性轴桥的振动 形式主要体现为垂向弯曲和扭转,因此后续重点分 析其出现的振动响应结果。部分自由模态振型如 图2所示。

	表1	柔性	E轴桥	前10阶	自日	由模	态	
Tab.1	The firs	t 10	free	modes	of	the	flexible	axle

阶数	<i>f</i> /Hz	振型
1	78.09	垂向弯曲
2	99.62	2阶垂向弯曲
3	152.53	垂向扭转
4	209.34	两端垂向扭转
5	288.44	纵向同侧旁弯
6	310.67	3阶垂向弯曲
7	398.43	侧弯
8	403.25	垂向弯扭
9	407.80	纵向异侧旁弯
10	511.27	2阶垂向弯扭



## 1.2 刚柔耦合动力学建模

独立旋转车轮低地板车辆的转向架结构主要包括轮对、轴桥、构架以及一、二系悬挂装置,笔者主要研究簧下质量轴桥的柔性特性,轴桥材料为某种合金钢,其弹性模量为210 GPa,泊松比为0.3,密度为7 900 kg/m<sup>3[46]</sup>。在HYPERMESH中实现柔性体的离散,在ANSYS中求解模态,进一步在UM动力学软件中搭建了100%低地板车整车刚柔耦合动力学模型。图3为UM动力学软件中的100%低地板车整车动力学模型,图4为转向架刚柔耦合动力学模型的建模过程。



图 3 整车动力学模型 Fig.3 Vehicle dynamics model



图4 转向架刚柔耦合模型建模过程

Fig.4 Rigid-flexible coupling model modeling process of bogie

## 2 刚柔耦合模型动力学对比分析

## 2.1 轴桥的振动响应对比分析

车辆在运行过程中会受到轨道随机不平顺的激扰,该激扰由轨道层级传递到车体引起整车振动,根据城市有轨电车的运行情况,以美国 V级谱作为轨道随机不平顺激扰,车轮踏面为某种特殊车轮踏面。在速度为70 km/h的工况下对振动响应明显的一系弹簧座处进行观察研究,并进行轴桥柔性模型和刚性模型的振动响应特征对比分析<sup>[7-8]</sup>。

图 5分别为轴桥刚性模型和轴桥柔性模型一系 弹簧座处的横向振动和垂向振动加速度时域响应分 析图。由图可知:横向振动加速度除个别刚性冲击 外,柔性体整体的振动响应要低于刚性体,并且振动 规律也完全不同;而在垂向加速度振动响应的比较 中,两者无论从振动规律还是振动加速度幅值大小 都几乎相同。



Fig.5 Time domain response of acceleration to track irregularities

图 6 分别为轴桥刚性模型和轴桥柔性模型在弹 簧座处的横向振动和垂向振动加速度频域响应分析 图。由图可知:刚性模型横向加速度的振动能量主 要集中在 5~28 Hz,而刚柔耦合模型则是集中在 1~ 30 Hz,且幅值相较于刚性模型振动低 15% 左右;而 垂向振动的频域分析中,除刚柔耦合模型能量幅值 在 2~10 Hz 略小于刚性模型外,两模型的整体振动 响应规律和能量分布大致相同。由计算结果发现轴 桥的垂向弹性特性并未表现出来,推测在此工况下 轴桥的垂向弹性特性并未被激发。



Fig.6 The frequency domain response of acceleration to track irregularities

## 2.2 整车安全性对比分析

笔者研究的轴桥作为簧下质量,会直接对轮轨 关系造成影响,当车辆通过轨道线路不平顺时,会产 生较大的轮轨动作用力,此作用力会影响列车安全 性、平稳性和稳定性等,因此需要在考虑此轴桥结构 本身的弹性特性下,基于整车动力学模型对安全性 进行分析。

设置车辆通过线路的圆曲线长度为150m,缓 和曲线长度为100m,曲线半径为300m,曲线超高 为0mm,笔者此处未设超高旨在极限情况下考虑车 辆的曲线通过性,至于不同工况下的曲线通过性分 析会在后续研究中展开<sup>[9-10]</sup>。以美国V级谱为轨道 随机不平顺激扰,分别让刚性模型和刚柔耦合模型 以不同的车速通过曲线,计算轮轴横向力、轮轨垂向 力、脱轨系数和轮重减载率,并进行对比分析。

图 7 为安全性计算结果。由计算结果可知:刚 柔耦合模型的轮轴横向力、脱轨系数指标都高于刚 性模型,尤其脱轨系数平均升高 20% 左右,这可能 是因为轴桥的横向弹性特性被激发造成轮轨作用剧 烈,而导致动力学性能下降;轮轨垂向力、轮重减载 率系数则是降低的,这可能是因为轴桥的垂向弹性 特性并未被激发,但在刚柔耦合动力学模型中考虑 了轴桥的柔性,其自身的弹性适当的缓冲了垂向振动,从而使车辆的动力学性能在垂向上表现出更好的结果。在动力学分析计算时应适当考虑结构本身弹性特性,当其自身弹性对车辆动力学影响较大时,应将结构考虑为柔性体进行刚柔耦合动力学建模。



## 3 轴桥柔性体的弹性特性分析

通过分析对比柔性轴桥和刚性轴桥时域和频域 的振动响应,发现在将轴桥考虑成柔性体时,横向弹 性特性被激发,在垂向振动响应中,柔性体和刚性体 并未表现出明显区别,怀疑是结构的固有振动频率 太高,无法被现有的激励所激发<sup>[11-12]</sup>。为找出其可 被激发的振动频率,通过研究发现适当调整轴桥的 厚度可激发其振动模态。阶梯降低轴桥厚度分别建 立刚柔耦合动力学模型并进行计算,厚度分别设为 50,40,30,20,15和10 mm。轴桥不同厚度下各阶 约束模态频率如表2所示。

由轴桥的振动模态分析可知,轴桥主要振动模态更多的表现为垂向弯曲和扭转,而在2.1节中的振动响应分析中发现轴桥的横向振动特性已经被激发且对比明显,但垂向振动完全未表现出来,因此本节只研究垂向振动。考虑是轴桥结构原因,将不同厚度下柔性体与原厚度柔性体一系弹簧座处的振动响应进行分析对比,并将计算结果进行傅里叶变换,得到频域的振动响应进行分析。设置2.2节中的计算条件,进行仿真计算。

图 8 和图 9 分别为柔性轴桥的厚度为 40 和 30 mm时的垂向振动时域和频域分析图。从图中对比分析可知,将轴桥厚度降低至 40 和 30 mm时与原厚

	表2 各厚度轴桥约束模态频率		
Tab.2	Constrained modal frequencies fe	or	axle-
	bridge of various thickness		Hz

吃米店			轴桥厚	度/mm		
PT SX -	50	40	30	20	15	10
1	43.4	35.5	25.3	15.4	10.6	6.1
2	70.0	56.0	39.3	23.3	15.8	9.0
3	101.4	83.9	61.1	37.2	25.9	15.1
4	183.7	176.5	166.3	134.4	101.4	67.8
5	301.5	257.6	197.8	151.4	138.5	95.1
6	304.1	281.6	252.1	151.5	140.8	96.7
7	312.7	282.5	262.6	183.4	143.3	111.4
8	438.2	352.7	271.4	187.2	169.6	115.6
9	441.1	354.7	281.3	220.1	181.3	125.9
10	462.8	402.6	318.6	223.2	195.8	132.9

度相比,其时域振动响应与原厚度相比并无明显差异,振动加速度大小几乎一致,振动规律基本相似; 在频域振动响应中,其振动能量都集中在1~20 Hz, 幅值大小基本一致,振动规律接近一致,表明轴桥的 弹性特性仍未被激发。









图 10 为轴桥柔性体厚度为 20 mm 时其垂向振 动加速度的时域和频域分析图。由图可知, 当厚度 降低至 20 mm 时,在时域响应分析中,轴桥一系弹 簧座处的振动加速度相较于原厚度,其幅值有所降低,振动规律也表现出一定的差异;在频域响应分析 中,与原厚度轴桥对比发现,此时轴桥振动能量主要 集中在 1~10 Hz,且两厚度模型的能量峰值也有所 不同,20 mm 厚度模型能量峰值集中在 5 Hz 左右, 原厚度模型的能量峰值则集中在 16 Hz 附近,20 mm 厚度模型在 15 Hz 左右其第 1 阶模态被激发,振 动能量达到了此阶段的最大值。此现象与表 2 中计 算结果 15.4 Hz 相吻合。





Fig.10 Vertical acceleration response of the 20 mm thick flexible body in time and frequency domains

图 11 和图 12 分别为厚度为 15 和 10 mm 时轴桥 柔性体的时域和频域振动响应。由图可知,在时域 响应分析中,15 mm 厚度的轴桥振动加速度幅值相 较于 20 mm 时有一定程度的降低,振动规律也有所 不同;而在频域分析中,与表 2 对应的第 1 和第 2 阶 模态分别在 10 和 15 Hz 左右被激发。当厚度为 10 mm 时,时域响应分析中的振动加速度幅值相较于 15 mm 明显降低,振动规律也表现出较大差异;在频 域响应分析中,其前 6 阶模态都已被激发,且在其振 动模态被激发的频率处发生能量集中。





Fig.11 Vertical acceleration response of the 15 mm thick flexible body in time and frequency domains



图 12 10 mm 厚度柔性体时域和频域的垂向加速度响应

Fig.12 Vertical acceleration response of the 10 mm thick flexible body in time and frequency domains

由上述计算结果可知,轴桥在原厚度 50 mm 时 其结构垂向振动弹性特性并未被激发,随着结构厚 度降低,轴桥的固有频率发生改变,弹性特性逐渐被 激发。当结构固有频率降至 15~25 Hz,其弹性特性 开始被激发,当结构固有频率继续降低时其低阶弹 性特性将完全被激发。这也解释了 2.1 中弹性体和 刚性体在轨道不平顺激扰下,为何无明显差异。因 此,在结构设计时,轴桥的固有频率应高于 25 Hz, 避免与其他部件发生共振,加剧轮轨相互作用而导 致的车辆动力学性能下降。

## 4 簧下轴桥结构轻量化优化设计

#### 4.1 优化重建模

轴桥结构为簧下质量,而簧下质量的大小对轮 轨相互作用关系有着很大的影响,因此对轴桥进行 结构轻量化设计会减小轮轨相互作用,减轻轮轨磨 损,降低轮轨力,提高车辆的动力学性能。通过拓扑 优化的方法得到满足性能要求的结构分布的最优 解。轴桥材料为某种合金钢,其弹性模量为210 GPa,泊松比为0.3,密度为7900 kg/m<sup>3</sup>,轴桥的初始 长度为2.2 m,宽度为0.8 m,厚度为50 mm。

通过HYPERWORKS中的Optistruct拓扑优化 模块,设置好优化条件以及约束工况后,将模型提交 到Optistruct中进行优化求解,在15次迭代后得到模 型的单元密度分布云图,高密度区表示此区域需要 材料,低密度区表示此区域无需或需要较少材料。 图13为拓扑优化结果。

根据密度分布,将图14红色部分的单元变为壳 单元,中间连接桥的位置几乎不受力,但是为了其他 结构的设计和连接起到轴桥过度的作用,将中间桥 的单元适当减少但不完全去掉。优化后结果的网格 划分如图14所示,其中实体网格为20200个,壳单



元网格为1992个。优化后的质量为530.9 kg,较优 化前的质量624 kg减少了15%。表3为模型优化前 后的固有频率对比。由表可见,优化后轴桥的第1 阶频率提高了12.3%,第2阶频率提高了2%。在轨 道系统中,车辆运行时振动能量主要集中在低频,约 束模态频率提高,更容易避免产生共振,减轻轮轨振 动,降低磨损,提高安全性和舒适性。



图 14 拓扑优化重建有限元模型

Fig.14 The finite element model after topology optimization

表 3 优化频率对比 Tab.3 Optimized frequency comparision

阶数	<i>f</i> /]		
	优化前模型	优化后模型	左开/70
1	45.788	51.415	12.3
2	75.756	77.238	2.0
3	108.930	108.020	-0.8

#### 4.2 轴桥静强度分析

在结构优化的基础上进行轴桥极限工况的静强 度分析,轴桥材料为某种合金钢,其弹性模量为210 GPa,泊松比为0.3,密度为7900 kg/m<sup>3</sup>,屈服强度为 600 MPa,疲劳强度为300 MPa。考虑轴桥在极限 工况下的静强度,参照EN 13749标准中的工况加载 方式将车辆的极限垂向载荷和极限横向载荷加载到 轴桥上,工况组合方式为车辆通过直线、曲线和道 岔<sup>[1344]</sup>。各工况下轴桥优化前后的最大 Von Mises 应力计算结果如表4 所示。

图 15分别为轴桥结构优化前后应力最大的 Von Mises 应力云图。由图可知,优化前的最大应力为 247.6 MPa,优化后的最大应力为 387.5 MPa,均小于材 料的屈服极限。优化前后轴桥的静强度满足设计要求。

表4 优化前后最大 Von Mises 应力					
Tab.4	Maximum	stress of Von	Mises before a	and	
	after optin	nization	Ν	1Pa	
L	二况	优化前	优化后		
	1	198.1	387.5		
	2	210.7	323.9		
	3	210.7	323.9		
	4	247.6	353.7		



Fig.15 Von Mises stress nephogram

#### 4.3 优化后安全性对比分析

分别以优化前后的轴桥进行刚柔耦合动力学建模,设置2.2中的工况进行安全性计算分析。

图 16 为优化前后轴桥刚柔耦合模型和刚性模型的安全性计算结果对比。由图可知,在 60 km/h 条件下,轮轴横向力优化前为 11.9 kN,优化后为 11.6 kN,降低了 2.5%;脱轨系数优化前为 0.7,优化 后为 0.62,降低了 11.4%。轮轨横向力和脱轨系数 由于簧下质量的降低,减轻了轮轨相互作用力,使车



Fig.16 Security calculation results of axle bridge after optimization

辆安全性提高。轮轨垂向力优化前为43.5 kN,优化 后为46.2 kN,升高了6.2%;轮重减载率优化前为 0.36,优化后为0.37,升高了2.7%。反观轮轨垂向 力和轮重减载率有所升高,可能是由于在轻量化优 化后,轴桥本身在垂向上表现出的弹性特性不如优 化前,导致轮轨垂向力和轮重减载率升高。

优化后轴桥的结构改变导致其固有频率也随之 改变,而质量的减轻则从根本上减小了轮轴横向力 和脱轨系数这两个重要的安全性指标使得车辆动力 学性能提升,安全性提高,减少了轮轨磨损,降低检 修成本。

## 5 结 论

 1)通过模态叠加法,将柔性变形的时间与空间 耦合相关性进行坐标变换,达到解耦目的,从而实现 了将无限的自由度转换成可以计算的有限自由度。

2)在对比分析多刚体模型和刚柔耦合模型的 整车振动响应和动力学性能时,柔性体在整车运行 时横向弹性特性被激发,加剧了轮轨相互作用,导致 了轮轨横向力增大,脱轨系数升高。而垂向特性未 被激发,但在动力学计算时,其本身的弹性适当的缓 冲了轮轨垂向力,引起轮重减载率降低。

3)在轨道不平顺激扰下研究基于整车模型的 轴桥柔性特性时,与多刚体模型进行对比,发现原有 柔性模型的横向弹性振动被激发而垂向弹性特性并 未被激发。在轴桥结构的固有频率降至15~25 Hz 时,轴桥的垂向弹性特性被激发,且在其固有模态激 发时发生能量集中。

4)经过优化的轴桥模型质量减少了15%,1阶频率提高了12.3%,2阶频率提高了2%,且静强度 满足设计要求。在安全性分析中,轮轴横向力降低 了2.5%,脱轨系数降低了11.4%,结果显示车辆的 动力学性能得到提升,达到了优化目的。

#### 参考 文 献

- [1] 池茂儒,张卫华,曾京,等.新型独立轮对柔性耦合径 向转向架[J].机械工程学报,2008,44(3):9-15.
  CHI Maoru, ZHANG Weihua, ZENG Jing, et al. A new type of independent wheelset flexible coupled radial bogie[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2008, 44(3):9-15.(in Chinese)
- [2] 杨光,任尊松.基于弹性模型的高速列车曲线通过时 轮轨接触特性研究[J].机械工程学报,2018,54(4):

132-141.

YANG Guang, REN Zunsong. Study on wheel-rail contact characteristics of high-speed train curve passing through based on elastic model[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2018,54(4):132-141.(in Chinese)

- [3] 洪嘉振.计算多体系统动力学[M].北京:高等教育出版社,1999:327-338.
- [4] 崔潇,姚建伟,孙丽霞.基于柔性旋转轮对的车轮多边 形磨耗对轮轨力的影响分析[J].铁道建筑,2019, 59(6):140-145.

CUI Xiao, YAO Jianwei, SUN Lixia. Analysis on the influence of polygonal wear of wheels on wheel-rail force based on flexible rotating wheel pairs [J]. Railway Engineering, 2019, 59(6):140-145.(in Chinese)

[5] 李再帏,练松良,刘晓舟.HHT在车辆-轨道系统垂向 振动时频分析中的应用[J].振动、测试与诊断, 2013(5):799-803.

LI Zaiwei, LIAN Songliang, LIU Xiaozhou. Application of HHT in time-frequency analysis of vertical vibration of vehicle-track system [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2013(5):799-803.(in Chinese)

[6] 李凡松,王建斌,石怀龙,等.动车组车体异常弹性振动原因及抑制措施研究[J]. 机械工程学报, 2019,55(12):178-188.

> LI Fansong, WANG Jianbin, SHI Huailong, et al. Study on the cause of abnormal elastic vibration of emu body and its restraining measures [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2019, 55(12): 178-188.(in Chinese)

 [7] 廖爱华,黄旭,方宇.基于刚柔耦合的轨道车辆转向架 构架疲劳分析[J].振动、测试与诊断,2017,37(2): 392-397.

LIAO Aihua, HUANG Xu, FANG Yu. Fatigue analysis for bogie frame based on rigid-flexible coupling simulation[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(2): 392-397. (in Chinese)

- [8] 高浩.车辆系统刚柔耦合动力学仿真方法及仿真平台 研究[D].成都:西南交通大学,2013.
- [9] BAEZA L, FAYOS J, RODA A, et al. High frequency railway vehicle-track dynamics through flexible rotating wheelsets [J]. Vehicle System Dynamics, 2008, 46(7):647-659.
- [10] YANG S P, CHEN L Q, LI S H. Dynamics of vehicleroad coupled system[M]. Beijing: Science Press, 2015:23-51.
- [11] LU Y,ZENG J, WU P, et al. Modeling of rigid-flexible coupling system dynamics for railway vehicles with flexible bogie frame [C] //2009 Fourth International Conference on Innovative Computing. Kaohsiung: Information and Control (ICICIC), 2009:1355-1360.
- [12] WANG H W, LIU G, WU L Y, et al. Modeling and parameter revising method of rigid-flexible coupling dynamics model [J]. Journal of Coastal Research, 2015(73):720-724.
- [13] 安琪.高速动车组转向架柔性构架动态特性研究[D]. 成都:西南交通大学,2013.
- [14] 成金娜,周劲松,王超冉. 跨坐式单轨弹性车体和转向架耦合振动分析[J]. 机械设计与制造工程,2018,47(9):27-30.

CHENG Jinna, ZHOU Jinsong, WANG Chaoran. Coupling vibration analysis of straddle monorail elastic body and bogie[J]. Machine Design and Manufacturing Engineering, 2018, 47(9): 27-30.(in Chinese)



第一作者简介: 戚壮, 男, 1988年2月生, 博士、副教授。主要研究方向为高速列 车动力学、城轨车辆动力学及刚柔耦合 动力学。曾发表《高速动车组空气弹簧 垂向动态特性研究》(《机械工程学报》 2015年第51卷第10期)等论文。 E-mail: qizhuang@stdu.edu.cn