DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2022.05.017

# 变参数分空腔单层微穿孔板低频降噪性能研究<sup>\*</sup>

杨 菲, 沈新民, 王 强, 张蕉蕉 (陆军工程大学野战工程学院 南京,210007)

摘要 由于微穿孔板结构在低频噪声下无法实现高效宽带的吸声效果,为了提高低频吸声性能,需要优化吸声器的 结构参数以达到需要的降噪水平。本研究优化和测试了变参数分空腔单层微穿孔板结构,该结构在低频的吸声系 数高且吸声频带宽。首先,通过声电类比法建立变参数分空腔单层微穿孔板结构理论模型,分析吸声系数与结构参 数之间的关系;其次,确定优化变量和约束条件,利用布谷鸟算法优化理论模型,得到最佳吸声系数的结构参数;最 后,对微穿孔板结构的吸声系数进行有限元仿真,加工微穿孔板结构样品,在驻波管中进行了吸声性能测试。结果 表明,3组结构参数分空腔单层微穿孔板结构和4组结构参数分空腔单层微穿孔板结构能够在400~2000 Hz的频 率范围内保证高吸收(恒定超过80%)。

关键词 变参数分空腔单层微穿孔板;低频降噪性能;布谷鸟搜索算法;有限元仿真;驻波管测试 中图分类号 TH122

# 引 言

微穿孔板(microperforated panel,简称 MPP)吸 声结构是一种防水防潮、表面强度高及无二次污染 的共振吸声结构,可以胜任极端的工况环境,能够很 好地适应复杂多变的战场环境<sup>[3]</sup>。微穿孔板吸声结 构的吸声性能主要取决于自身的4个结构参数(孔 径*d*、板厚*t*、孔间距*b*、空腔深度*D*)。在前人的研究 中,大多数是理论上的分析而未将现实约束条件和 目标频率范围考虑在内。笔者所研究的变参数分空 腔单层微穿孔板结构是对4个结构参数进行设计与 优化,以获得最佳的吸声效果。 首先,基于微穿孔板理论<sup>[6]</sup>构建了变参数分空 腔单层微穿孔板结构的理论吸声模型,分析结构参 数与吸声系数的关系;其次,确定优化目标和约束条 件,通过布谷鸟搜索算法对变参数分空腔单层微穿 孔板的结构参数进行优化,为后续样品的制备和吸 声性能的评估提供了有效指导;然后,利用有限元仿 真初步评估了最佳变参数分空腔单层微穿孔板结构 的吸声性能,并通过驻波管测试验证有限元仿真的 准确性和有效性;最后,对于每个最佳的变参数分空 腔单层微穿孔板结构吸声性能进行了比较,为不同

通过优化算法搜索得到最优的结构参数组合可 以使变参数分空腔单层微穿孔板结构的吸声性能最 大化。布谷鸟搜索算法具有利用参数少、操作简单、 易于实现、优良的随机搜索路径以及出色的优化能 力等优点,已被用于优化声学结构参数<sup>[4-5]</sup>。Duan 等<sup>[4]</sup>通过布谷鸟搜索算法优化了MPP和多孔金属 复合结构的参数,在2000~6000 Hz的频率范围内 获得的平均声音吸收系数为0.9765。Yang等<sup>[5]</sup>通 过布谷鸟搜索算法优化了具有有限尺寸的标准化多 层 MPP的结构参数,层数为1~4的标准化多层 MPP在频率范围100~6000 Hz内平均吸声系数分 别为0.5745,0.7085,0.7199和0.7228。所以,笔 者选取布谷鸟搜索算法作为工具,对变参数分空腔 单层微穿孔板的结构参数进行优化。

<sup>\*</sup> 江苏省自然科学基金面上资助项目(BK20201336) 收稿日期:2020-07-12;修回日期:2020-12-04

# 1 变参数分空腔单层微穿孔板结构

微穿孔板的结构参数包括板的厚度、微孔的直 径、相邻孔间距离以及空腔长度,这些参数影响其吸 声性能。笔者研究的变参数分空腔单层微穿孔板结 构是由多组结构参数不相同的微穿孔板并联拼接而 成,其基本结构如图1所示(以4组结构参数微穿孔 板为例)。微孔为圆形、呈线性等距排列,并且不同 微孔的板后空腔需要用隔板隔开,使各不同孔径微 孔独立的吸声特性有效地结合起来<sup>[7]</sup>。焦风雷等<sup>[8]</sup> 已经证明,不同孔径组成的单层变孔径微穿孔板结 构可以拓宽吸声频带。



图1 变参数分空腔单层微穿孔板结构示意图



笔者所研究的变参数分空腔单层微穿孔板结构 中不同结构参数的组数为1~4,优化目标是在 100~500 Hz,100~1 000 Hz,100~1 500 Hz和100~ 2 000 Hz的频率范围内获得最佳的吸声性能。变参 数分空腔单层微穿孔板结构的理论模型可以通过声 电类比法构建。在声学研究领域,很多研究已经通 过简化的电路图对吸声结构的吸声特性进行分析, 此方法被称为声电类比法。因此,图1的结构可以 理解为微穿孔板上不同结构参数的部分微穿孔板的 声阻抗与各自的板后空腔串联再相互并联,由此可 以得出等效电路如图2所示。

对于笔者研究的变参数分空腔单层微穿孔板结构,其第 *i* 组结构参数的声阻抗率 *Zs<sub>i</sub>* 可以根据微穿 孔板理论<sup>[6]</sup>通过式(1)计算得到

$$Zs_i = R_i + j\omega M_i \tag{1}$$

其中:*R*<sub>i</sub>为微穿孔板的声阻;ω为声波角频率;*M*<sub>i</sub>为 微穿孔板的声质量。



图2 变参数分空腔单层微穿孔板结构等效电路图

Fig.2 The equivalent circuit diagram of a single-layer microperforated panel structure with variable parameters and separated cavities

### R<sub>i</sub>和M<sub>i</sub>可以分别由式(2)和(3)计算得到

$$R_{i} = \frac{32(\mu + \nu)\rho}{\epsilon_{i}} \frac{t_{i}}{d_{i}^{2}} \left(\sqrt{1 + \frac{k_{i}^{2}}{32}} + \frac{\sqrt{2}k_{i}}{8}\frac{d_{i}}{t_{i}}\right) (2)$$

$$M_{i} = \frac{t_{i}\rho}{\epsilon_{i}} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{9 + \frac{k_{i}^{2}}{2}}} + 0.85 \frac{d_{i}}{t_{i}}\right)$$
(3)

其中: $\rho$ 为空气密度; $\mu$ 为空气的黏度系数;v为金属 板的导热系数; $\epsilon_i$ 为穿孔率; $t_i$ 和 $d_i$ 分别为微穿孔板 的厚度和微孔的直径; $k_i$ 为穿孔板常数。

$$\boldsymbol{\varepsilon}_i = \frac{\pi}{4} \left( \frac{d_i}{b_i} \right)^2 \tag{4}$$

$$\omega = 2\pi f \tag{5}$$

$$k_i = \sqrt{\frac{\omega}{\mu + v}} \frac{d_i}{2} \tag{6}$$

其中:*d*<sub>i</sub>和*b*<sub>i</sub>分别为微孔的直径和相邻微孔之间的 距离;*f*为声波频率。

根据微穿孔板理论<sup>[6]</sup>,可以推导出变参数分空 腔单层微穿孔板结构的总声阻抗率*z*<sub>total</sub>为

$$z_{\text{total}} = \frac{1}{\sum_{i=1}^{n} \left( \frac{Zs_i}{\rho c} - j \cot\left(\frac{\omega}{c} D_i\right) \right)^{-1}}$$
(7)

其中:D<sub>i</sub>为板后空腔长度。

由此可得变参数分空腔单层微穿孔板结构的吸 声系数为

$$\alpha = 1 - \left| \frac{z_{\text{total}} - 1}{z_{\text{total}} + 1} \right|^2 \tag{8}$$

# 2 布谷鸟搜索优化算法

根据第1节中理论吸声模型,选取布谷鸟搜索 优化算法,优化获得变参数分空腔单层微穿孔板结 构的最佳结构参数。

#### 2.1 优化流程

对于变参数分空腔单层微穿孔板结构,其吸声 性能由各组微穿孔板的结构参数共同决定。基于布 谷鸟搜索算法的变参数分空腔单层微穿孔板结构的 优化设计步骤如下。

 建立优化模型。以变参数分空腔单层微穿 孔板结构在给定的频率范围[fmin, fmax]平均吸声系 数最大为目标,建立目标函数,即

$$\langle \alpha \rangle = \max(\operatorname{average}(\alpha(f)))$$
 (9)

2)确定决策变量和约束条件。考虑实际加工 工艺条件限制,对各结构参数设定如下约束条件(数 值单位为m)

$$\begin{cases} 2 \times 10^{-4} \le d_i \le 2 \times 10^{-3} \\ 10^{-3} \le b_i \le 20 \times 10^{-3} \\ 0.1 \times 10^{-3} \le t_i \le 1 \times 10^{-3} \\ D_i + t_i = 20 \times 10^{-3} \end{cases}$$
(10)

3)确定布谷鸟搜索算法的运算参数。宿主鸟 窝种群数量n=20,最大发现概率 $p_a=0.25$ ,步长控 制因子的最大值 $\beta_{max} \leq 1$ ,最小值 $\beta_{min} \geq 0$ ,步长控制 因子通过式(11)计算得到。设置种群进化最大迭代 次数为10000,生成初始的随机种群,并令迭代次数 初始值为1。随机生成符合条件的自变量,计算每 一个宿主鸟窝的目标函数值并记录,不断迭代直至 满足结束条件,输出最优解。

$$\beta(z) = \frac{\beta_{\min}}{1 + (\frac{\beta_{\min}}{\beta_{\max}} - 1) \exp(-az)}$$
(11)

其中:z为迭代的次数;a为β的衰减率的初始值。

#### 2.2 优化结果

布谷鸟搜索优化得到的最佳结构参数以及相应 的平均吸声系数理论值分别如表1~4所示。优化 结果表明,对于每个目标频率范围,变参数分空腔单 层微穿孔板结构的平均吸声系数随着结构参数组数 从1~4的增加而增长。从变参数分空腔单层微穿 孔板结构的最佳平均吸声系数可以看出,通过优化 结构参数可以改善其吸声性能。

尽管通过布谷鸟搜索算法获得了目标频率范围 的变参数分空腔单层微穿孔板结构的理论最佳结构 参数,但仍需通过有限元仿真和驻波管测试,检验理 论模型与布谷鸟搜索算法的有效性和可靠性。

表1 目标频率范围为100~500 Hz时的最佳结构参数

Tab.1 The optimal structural parameters for the target frequency range of 100~500 Hz

结构参	孔径/	孔间距/	板厚/	空腔长度/	平均吸声
数组数	mm	mm	mm	mm	系数
1	1.07	20.00	0.78	19.22	0.354 5
0	1.04	20.00	0.57	19.43	0 512 2
2	0.88	20.00	1.00	19.00	0.312 2
	1.07	19.90	0.55	19.45	
3	0.82	19.98	1.00	19.00	0.611 4
	0.82	20.00	1.00	19.00	
4	0.79	19.96	0.96	19.04	
	0.78	20.00	1.00	19.00	0.670.0
	1.13	19.25	0.72	19.28	0.6799
	0.78	19.97	1.00	19.00	

表 2 目标频率范围为 100~1 000 Hz 时的最佳结构参数 Tab.2 The optimal structural parameters for the target frequency range of 100~1 000 Hz

结构参	孔径/	孔间距/	板厚/	空腔长度/	平均吸声	
数组数	mm	mm	mm	mm	系数	
1	0.59	8.34	0.35	19.65	0.462 6	
0	0.60	7.40	0.41	19.59	0.000 5	
2	0.86	19.10	0.24	19.76	0.633 5	
3	0.59	6.62	0.48	19.52		
	0.76	14.26	0.37	19.63	0.722 9	
	0.95	19.97	0.98	19.02		
4	0.61	6.34	0.56	19.44		
	0.75	12.58	0.51	19.49	0.770 5	
	0.79	19.91	0.66	19.34	0.7785	
	0.84	19.68	0.83	19.17		

表3 目标频率范围为100~1500 Hz时的最佳结构参数

Tab.3 The optimal structural parameters for the target frequency range of 100~1 500 Hz

结构参	孔径/	孔间距/	板厚/	空腔长度/	平均吸声	
数组数	mm	mm	mm	mm	系数	
1	0.41	4.23	0.37	19.63	0.534 8	
2	0.39	3.53	0.42	19.58	0.000.0	
	0.66	11.73	0.30	19.70	0.698 2	
3	0.38	3.05	0.50	19.50		
	0.59	9.00	0.38	19.62	0.780 3	
	0.93	19.98	0.51	19.49		
4	0.38	2.85	0.55	19.45		
	0.59	8.5	0.38	19.62	0.007.0	
	0.89	19.99	0.89	19.11	0.827.3	
	0.81	16.35	0.54	19.46		

	frequency range of 100~2 000 Hz
Tab.4	The optimal structural parameters for the target
表 4	目标频率范围为100~2000Hz时的最佳结构参数

结构参	孔径/	孔间距/	板厚/	空腔长度/	平均吸声	
数组数	mm	mm	mm	mm	系数	
1	0.31	2.58	0.35	19.65	0.588 1	
2	0.29	2.04	0.41	19.59	0.749.6	
	0.55	8.52	0.32	19.68	0.742 6	
3	0.50	6.40	0.41	19.59		
	0.88	18.54	0.33	19.67	0.816 4	
	0.28	1.70	0.5	19.50		
4	0.27	1.67	0.43	19.55		
	0.47	5.38	0.55	19.33	0.050.0	
	0.73	12.67	0.55	19.44	0.858.0	
	0.91	19.75	0.85	19.12		

# 3 有限元仿真

为了提高验证效率并降低实验成本,采用有限 元仿真对目标频率范围可变的变参数分空腔单层微 穿孔板结构的吸声性能进行了初步验证。在虚拟声 学实验室<sup>[9]</sup>中建立如图3所示的有限元仿真模型,驻 波管的尺寸设置为60 mm × 60 mm × 300 mm,将 其划分为5mm的三角形网格。传声器1到微穿孔 板的距离为90mm,传声器2到微穿孔板的距离为 40 mm。将驻波管模型的左侧面定义为声波入射 面,微穿孔板为一层与表1~4中微穿孔板板厚相同 的空气层。由于微穿孔板小孔的存在,使得划分有 限元的网格变得非常困难,而且网格质量很差,网格 的数量和计算量非常巨大。为了解决小孔的问题, 在建立声学有限元网格时,通常忽略小孔,在声学计 算的时候,在微穿孔两边的网格之间通过定义一种 传递导纳关系,间接模拟这些小孔。所以,本次仿真 根据表1~4中的最佳结构参数计算出微穿孔板两 侧的传递导纳关系来模拟微穿孔板吸声机理[10-12]。



图 3 单层变孔径微穿孔板结构的有限元仿真模型



将变参数分空腔单层微穿孔板结构平均吸声系 数理论值和仿真值进行比较,可以评估最佳结构参 数的准确性和布谷鸟搜索优化算法的有效性。

# 4 驻波管测试

为检验有限元仿真的有效性和准确性,根据表 1~4中的最佳结构参数,利用精密激光束加工技术 制备出不同频率范围内优化后的变参数分空腔单层 微穿孔板结构,通过驻波管测量样品的垂直入射吸 声系数<sup>[13-16]</sup>。实验中使用的是AWA6128A型驻波 管测试仪,结构如图4所示。将测试样品安装在被 测材料管中,调整刚性活塞获得板后空腔长度,驻波 管的另一端连接扬声器,将正弦波信号通过扬声器 放大垂直射向待测样品,通过变参数分空腔单层微 穿孔板结构反射的回波则由安装在滑车上的测试探 头接收,通过调节滑车在滑道上的位置,可以获得一 定频率的峰值声级和相应的谷值声级,根据驻波比 可以测出样品的吸声系数。



图 4 AWA6128A型驻波管测试仪结构示意图 Fig.4 Structure diagram of AWA6128A standing wave tube

tester 变参数分空腔单层微穿孔板结构的实际吸声系

数可以通过计算机中的控制软件计算得到<sup>[13-16]</sup>。通 过这种方式,获得具有可变目标频率范围的变参数 分空腔单层微穿孔板结构的实际吸声系数,可以为 构建的理论吸声模型、选择的布谷鸟搜索优化算法 以及利用的有限元仿真方法提供实验验证。

### 5 结果与讨论

图 5 中展示了这些最佳变参数分空腔单层微穿 孔板结构在可变目标频率范围内的吸声系数理论 值、仿真值和实验值。为避免多组数据之间出现重 叠和混淆,图 5 根据结构参数组数来划分。优化变 参数分空腔单层微穿孔板结构的平均吸声系数理论 值、仿真值和实验值对比如表 5 所示。



图 5 最佳变参数分空腔单层微穿孔板结构的吸声系数

Fig.5 The sound absorption coefficient of the optimal single-layer microperforated panel structure with variable parameters and separated cavities

### 表5 优化变参数分空腔单层微穿孔板结构平均吸声系 数对比

Tab.5 Comparison of average sound absorption coefficient of single-layer microperforated panel structure with optimized variable parameters and separated cavities

日仁恆安共国/田-	4日 米ケ	平均吸声系数			
日协则平氾団/HZ	组剱	理论值	仿真值	实验值	
	1	0.354 5	0.364 7	0.333 7	
100 500	2	0.512 2	$0.524\ 4$	0.485 5	
100~300	3	0.611 4	0.623 7	0.602 8	
	4	0.679 9	0.691 6	0.662 6	
	1	0.462 6	0.472 6	0.437 0	
100 1 000	2	0.633 5	0.643 4	0.594 4	
100~1 000	3	0.722 9	0.732 4	0.684 0	
	4	0.778 5	0.786 9	0.745 6	
	1	0.534 8	0.545 0	0.502 8	
100- 1 500	2	0.698 2	$0.707\ 4$	$0.647\ 1$	
100~1 500	3	0.780 3	0.788 3	0.734 7	
	4	0.827 3	0.834 2	0.787 5	
	1	0.588 1	0.598 1	0.555 6	
100- 2000	2	0.742 6	0.751 0	0.706 9	
100~2 000	3	0.816 4	0.823 4	0.773 6	
	4	0.858 0	0.863 9	0.826 7	

由图 5 可以看出,对于不同的组数和频率范围, 优化后的吸声系数理论值、仿真值和实验值的一致 性高,证明了本研究所建立的理论吸声模型、选择的 布谷鸟搜索优化算法和使用的有限元仿真方法是准 确的。由表 5 可以看出,4 种结构参数微穿孔板吸声 结构的平均吸声系数更优于 2 种以及 3 种结构参数 微穿孔板吸声结构,这说明变参数分空腔单层微穿 孔板结构的吸声性能与不同结构参数的组数多少密 切相关。

# 6 结 论

 1)理论数据、仿真数据和实验数据之间的一致 性高,证明了理论吸声模型、布谷鸟搜索优化算法和 有限元仿真的准确性。

2) 在总厚度为 20 mm 的限制条件下,对于目标 频率范围 100~500 Hz,100~1 000 Hz,100~1 500 Hz 和 100~2 000 Hz,相应的变参数分空腔单层微穿孔 板结构的最佳实际平均吸声系数分别为 0.662 6, 0.745 6,0.787 5和 0.826 7,表现出了出色的低频吸 声性能。

3)随着结构参数种类的增加,变参数分空腔单 层微穿孔板结构的吸声频带变宽,3组结构参数分 4)与传统微穿孔板吸声结构相比,优化变参数 分空腔单层微穿孔板结构的低频吸收性能显著提高,吸声频带宽,因而在装备吸声降噪领域具有很大的实际应用价值。

#### 参考文献

- [1] 张浩.压电分流型声学超材料的隔声特性研究[D].长沙:国防科学技术大学,2016.
- [2] BUCCIARELLI F, MALFENSE-FIERRO G P, MEO M. A multilayer microperforated panel prototype for broadband sound absorption at low frequencies [J]. Applied Acoustics, 2019, 146:134-144.
- [3] SHISX, JINGY, XIAOB, et al, Acoustic modeling and eigenanalysis of coupled rooms with a transparent coupling aperture of variable size [J]. Journal of Sound and Vibration, 2018, 419:352-366.
- [4] DUAN H Q, SHEN X M, YANG F, et al. Parameter optimization for composite structures of microperforated panel and porous metal for optimal sound absorption performance[J]. Applied Sciences, 2019, 9(22):4798.
- [5] YANG X C, CHEN L, SHEN X M, et al. Optimization of geometric parameters of the standardized multilayer microperforated panel with finite dimension [J]. Noise Control Engineering Journal, 2019, 67(3):197-209.
- [6] 马大猷.现代声学理论基础[M].北京:科学出版社, 2004:210-230.
- [7] 钱玉洁.宽频带单层微穿孔板吸声体的研究[D].合肥:中国科学技术大学,2014.
- [8] 焦风雷,杨传成,杨建军,等.微穿孔板吸声体的准确 理论和计算机辅助设计[J].噪声与振动控制,2000(1): 18-23.

JIAO Fenglei, YANG Chuancheng, YANG Jianjun, et al. Accurate theory and computer aided design of micro-perforated sound absorber [J]. Noise and Vibration Control, 2000(1):18-23. (in Chinese)

[9] YANG X C, SHEN X M, DUAN H Q, et al. Improving and optimizing sound absorption performance of polyurethane foam by prepositive microperforated polymethyl methacrylate panel [J]. Applied Sciences, 2020, 10(6):2103.

- [10] YANG X C, BAI P F, SHEN X M, et al. Optimal design and experimental validation of sound absorbing multilayer microperforated panel with constraint conditions[J]. Applied Acoustics, 2019, 146: 334-344.
- [11] YANG X C, PENG K, SHEN X M, et al. Geometrical and dimensional optimization of sound absorbing porous copper with cavity [J]. Materials &. Design, 2017, 131: 297-306.
- [12] BAI P F, YANG X C, SHEN X M, et al. Sound absorption performance of the acoustic absorber fabricated by compression and microperforation of the porous metal[J]. Materials & Design. 2019, 167: 107637.
- [13] SHEN X M, BAI P F, YANG X C, et al. Lowfrequency sound absorption by optimal combination structure of porous metal and microperforated panel[J]. Applied Sciences, 2019, 9(7):1507.
- [14] YANG F, SHEN X M, BAI P F, et al. Optimization and validation of sound absorption performance of 10layer gradient compressed porous metal [J]. Metals, 2019, 9(5):588.
- [15] LI X, WU Q Q, KANG L D, et al. Design of multiple parallel-arranged perforated panel absorbers for low frequency sound absorption[J]. Materials, 2019, 12(13): 2099.
- [16] QIAN Y J, KONG D Y, FEI J T. A note on the fabrication methods of flexible ultra microperforated panels[J]. Applied Acoustics, 2015, 90:138-142.



**第一作者简介**:杨菲,女,1995年10月 生,硕士生。主要研究方向为军用机械 工程装备噪声控制结构设计与优化。 E-mail:19962061916@163.com

通信作者简介:沈新民,男,1985年10月 生,副教授。主要研究方向为装备噪声 控制。

E-mail:shenxmjfjlgdx2014@163.com