# 弹性波在高压输电线中的传播特性

杨永军1, 李华东1, 裘进浩2

(1.山东电力研究院国家电网电力机器人技术实验室 济南,250002)(2.南京航空航天大学机械结构力学及控制国家重点实验室 南京,210016)

**摘要** 采用压电陶瓷设计了一种适用于高压输电线结构健康监测的传感器,分析了该传感器在输电线表面激励弹性波,得到了弹性波在输电线中的传播特性。利用Gabor小波变换计算传感信号到达时间的原理,试验得到了弹性 波在输电线中传播的群速度频散曲线。结果表明,在低频段(低于 30kHz)时,弹性波在输电线中的传播模态比较简 单,适合用于结构健康监测。通过弹性波在输电线中的衰减试验,得到了信号峰值随传播距离的衰减曲线以及激励 信号频率与信号峰值之间的关系曲线,得到弹性波在输电线中按照指数规律衰减。

关键词 输电线;弹性波;传播特性;Gabor小波变换;结构健康监测 中图分类号 TB553;TN384

# 引 言

长期以来,输电线在电力网中发挥着重要的作用。钢芯铝绞线是输电线上普遍采用的导线材料,主要是利用镀锌钢芯承受荷载,利用外层铝绞线输送电能。覆冰以及断股经常造成输电线路的舞动以致 杆塔的倒塌以及电路短路,因此输电线的结构健康 监测十分必要。由于弹性波在结构中能够传播较远 距离,而且对结构中的损伤比较敏感,所以在结构健 康监测领域得到了广泛的应用<sup>[1]</sup>。基于弹性波对输 油管道以及铁轨的结构健康监测已经取得了比较成 熟的研究成果,但是利用弹性波对输电线的结构损 伤以及覆冰监测还是一个比较新的研究方向。

基于弹性波的结构健康监测技术一般采用压电 元件作为激励与传感元件<sup>[2-4]</sup>,通过分析监测信号遇 到损伤时候产生的散射、反射等特征信号进行监测。 弹性波在输电线中的传播具有频散特性,选择合适 的频率使信号频散最小成为监测能否实现的关键, 对弹性波在输电线中的传播特性的研究显得尤为重 要。输电线结构比较特殊,一般是钢芯螺旋铝绞线, 传统的压电功能器件以块状和片状居多,不易粘贴 在非平面结构表面。笔者根据实际的输电线,设计了 一种夹持装置,将压电陶瓷片贴在夹持装置上,共同 组成传感器。通过试验系统,对弹性波在输电线中的 时间的原理,得到了弹性波在输电线传播的群速度 频散曲线,对不同的传播模态及频散特性进行了分 析,为今后进一步选择适当的频率,利用弹性波对输 电线进行结构健康监测提供了依据。在不同位置布 置传感器,基于小波变换计算峰值到达时间的原理 测得了 Lamb 在输电线中传播的衰减特性曲线,拟 合得到了衰减规律。

# 1 波速测量原理

#### 1.1 基于小波变换计算峰值到达时间的原理

函数*f*(*t*)的连续小波<sup>[5-6]</sup>变换定义如下

$$CWT(a,b) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \psi_{a,b}^*(t) dt \qquad (1)$$

其中: $\psi_{a,b}(t) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi\left(\frac{t-b}{a}\right)$ 为小波函数;符号"\*" 为其共轭变换:a为尺度因子:b为平移因子。

小波函数由母小波 $\phi(t)$ 经过伸缩、平移后得到。

在允许条件下,通过*a*,*b*的移动,可得到一个 灵活可变的时间-频率窗,高"中心频率"时,窗口自 动变窄;低"中心频率"时,窗口自动变宽,达到时频 分析的作用。

笔者选用的小波函数为Gabor小波,提供了更好的时频分辨率。Gabor小波函数<sup>[7-10]</sup>定义如下

<sup>\*</sup> 国家高技术研究发展计划("八六三"计划)资助项目(编号:2007AA032104);国家自然科学基金中美合作项目(编号 51161120326);教育部长江学者创新团队资助项目(编号:IRT0968) 收稿日期:2010-11-12;修改稿收到日期:2011-08-29

$$\psi_m(t) = \frac{1}{\sqrt[4]{\sigma^2 \pi}} \exp\left(-\frac{t^2}{2\sigma^2} + j\omega_c t\right)$$
(2)

其傅里叶变换为

$$\hat{\psi}_m(\omega) = \frac{\sqrt{2\pi}}{\sqrt[4]{\pi\sigma^2}} \exp\left(-\frac{(\omega-\omega_c)^2}{2\sigma^2}\right) \qquad (3)$$

其中:σ,ω。为正常数。

Gabor 小波函数看作中心在t=0的Gaussian 窗 函数,其傅里叶变换的中心为 $\omega=\omega_c$ 。函数 $\frac{1}{\sqrt{a}}\hat{\psi}_m \times \left(\frac{t-b}{a}\right)$ 的中心为t=b,其傅里叶变换 $\sqrt{a}\hat{\psi}_m(a\omega) \times \exp(-j\omega b)$ 的中心为 $\omega=\omega_c/a$ 。Gabor 小波变换 CWT<sub>f</sub>(a,b)代表函数f(t)在t=b, $\omega=\omega_c/a$ 附近的 时频成分。试验令 $\omega_c=2\pi$ ,则1/a等于中心频率 $f=\omega/2\pi$ 。

考虑沿*x*方向传播、相同单位幅度、角频率不同的两个谐波构成的发散波为

$$u(x,t) = e^{-i(k_1x-\omega_1t)} + e^{-i(k_2x-\omega_2t)}$$
(4)  
使用Gabor 小波对  $u(x,t)$ 作小波变换,得

$$\operatorname{CWT}_{u}(x,a,b) = \sqrt{a} \left\{ e^{-i(k_{1}x-\omega_{1}b)} \hat{\psi}_{m}^{*}(a\omega_{1}) + e^{-i(k_{2}x-\omega_{2}b)} \hat{\psi}_{m}^{*}(a\omega_{2}) \right\}$$
(5)

若 Δω 足够小,得到 Gabor 小波变换(CWT<sub>u</sub>)模 |(CWT<sub>u</sub>)(x,a,b)|  $\approx \sqrt{ab} |\hat{\psi}_m(a\omega_c)| \times$ 

$$[1 + \cos(2\Delta kx - 2\Delta \omega b)]^{1/2}$$
(6)

结果表明,小波变换后的模在  $a = \omega_c / \omega_0, b = (\Delta k / \Delta \omega) x = x / c_g$  时取得最大值,即在(a, b)平面上的峰值对应频率为 $\omega_0 = \omega_c / a$ 时的波包,以群速度 $c_g$  传播的到达时刻。

根据以上结论,信号峰值到达时间 t 为信号Gabor 小波变换的最大峰值所对应的时间,利用到达 时刻测量出信号到达时间。

#### 1.2 基于信号传播时间的波速测量原理

试验系统基本思想是:驱动器在结构表面激发 主动监测信号,同时传感器在同一表面的其他地方 接收结构响应信号,并对信号进行分析。笔者采用压 电片(PZT1)进行激励,另一压电片(PZT2)进行传 感(见图1),分别采集激励信号和传感信号,对两种 信号做小波变换,得到激励信号的峰值到达时间t<sub>1</sub> 和接收信号的峰值到达时间t<sub>2</sub>,弹性波在两传感器 之间的传播速度v为

$$v = L_0 / \Delta t \tag{7}$$

其中: $L_0$  为 PZT1 到 PZT2 的距离; $\Delta t = t_2 - t_1$ , $\Delta t$  为 信号从PZT1 传到 PZT2 的时间。由于 $L_0$  一定, $t_1$  和  $t_2$  可以通过对监测信号进行 Gabor 小波变换得到, 采用式(7)计算信号传播的速度v。

## 2 试验系统

试验系统采用了2片压电片,1片用作激励信号,另1片用作接收信号。整个试验系统包括功率放 大器、电荷放大器、NI采集卡和计算机。试验系统示 意图如图1所示。试验中,为了研究弹性波在输电线 中的传播特性,采用0~80 kHz、幅值为10 V 的7 波 峰的正弦调制窄带信号作为激励信号。因为正弦曲 线周期性比较平滑,且达到波峰的时间相对于抛物 线形状较快,通过调制之后的正弦信号的周期数越 多,带宽越窄,一定程度上缓解了Lamb 传播过程中 的频散。经过多次试验得出,采用7 波峰的正弦调制 波在输电线中传播效率较高。因此,笔者采用7 波峰 的正弦调制窄带信号作为激励信号。图2 所示为30 kHz 激励信号时的时域与频域图。





图 2 激励信号的时域波形和频域波形

#### 2.1 输电线的结构

输电线一般是钢芯铝绞线,所选材质为内层是7 根钢芯,外层是 26 根铝绞线围绕的钢芯铝绞线,如 图 3 所示。其中每根钢芯的直径为2.32 mm,每根铝 绞线的直径为2.98 mm,整个钢芯铝绞线的外径为 18.88 mm。钢芯的计算截面为 29.59 mm<sup>2</sup>,铝绞线 的计算截面为 181.34 mm<sup>2</sup>。

#### 2.2 传感器的设计

由于输电线的结构比较特殊,为了使压电片能 够更好地与输电线接触,设计了一组夹持装置,夹持



图 3 钢芯铝绞线

装置是由铝合金制成,外径为22.3 mm,内径为 18.88 mm,长30 mm,如图4 所示。将圆弧形的压电 片贴在夹持装置上,压电片与夹持装置共同组成了 传感器,这样组成的传感器可以夹紧在输电线上面, 使传感器很好地与输电线接触,而且传感器可以很 容易地沿着输电线移动,实现对输电线整体的监测, 如图 5 所示。



图 5 放置在输电线上的传感器与驱动器

## 3 弹性波在输电线中传播的特性

#### 3.1 频散特性分析

在输电线中,不同的振动模态或振频的弹性波 具有不同的相群速度,这种现象称为频散<sup>[11]</sup>。试验 中利用PZT1驱动元件激发不同频率的弹性波,对 PZT2传感元件接收的信号进行小波变换,提取峰 值到达时间信息,并根据式(7)计算波速,得到了弹 性波在输电线中传播的群速度频散曲线,如图6所 示。通过分析频散曲线可以看出,在低频段(低于 30kHz)传播模态较少,仅有III,IV 2个模态。随着 频率的增加,频散越严重。在高频段按照波速的大小 会先后出现5个传播模态。图7、图8分别为激励频率 为25和35kHz下传感器接收的时域信号。25kHz 激励下,按照波速大小先后出现了III,IV 2个模态, 35kHz激励下,按照波速大小出现了I,II,III和IV 4个模态。

通过试验对相速度频散特性进行了分析,在不



图 8 频率为 35 kHz 时的接收信号波形

同频率下,信号在传播过程中会出现许多传播模态 许多模态的传播速度差别不大,容易造成信号的混 叠。目前主要是利用损伤位置的反射回波信号实现 对一维结构损伤的定位。由于传播过程会有许多模 态出现,使得损伤反射信号与其他模态叠加在一起 很难提取有用的特征信号。不同的损伤类型对波的 传播特性有很大影响,有的损伤对回波反射信号较 强,有的则较弱,有的频率易反射,有的则不易反射。 因此,选择合适的频率,使监测信号的模态尽可能 少,是实现结构健康监测的关键。频散特性的分析为 选择合适的激励频率提供了依据,基于以上观点和 试验结果,30 kHz 比较适于作为输电线结构健康监 测信号的中心频率。

#### 3.2 弹性波在输电线中的衰减

根据频散实现分析结果,当激励频率为30 kHz 时,传播模态简单,频散较小,适合用于输电线结构 健康监测。为了研究该频率在输电线中传播衰减特 性,在输电线一端布置驱动元件PZT1,移动传感元 件PZT2在输电线中的位置。通过对接收信号进行 Gabor小波变换,提取信号峰值,得到弹性波的幅值 与传播距离之间的关系,如图9 所示。试验得到的幅 值衰减曲线,说明弹性波在输电线中的传播按照非 线性的衰减。经过对试验数据的拟合,得到的拟合函

217

数为:A=3.228e<sup>-0.7295x</sup>。经过分析发现,弹性波在 输电线中的传播按照指数规律衰减,类似弹性波在 板结构中的衰减规律:A=A<sub>0</sub>e<sup>-xe[12]</sup>。通过对弹性波 在输电线中传播的衰减规律的研究,可以预测信号 传播距离以及衰减情况。弹性波在输电线中波的传 播特性还易受到多种因素的影响,如温度、湿度和输 电线的张紧程度(张力)等。



## 4 结束语

利用压电传感器在输电线表面激励弹性波的方法,根据输电线的特殊结构,设计了一种传感器,实现了在输电线任意位置激励和接收弹性波。利用小波变换的方法提取时间信息,通过试验得到了弹性波在输电线中传播的群速度频散曲线和衰减特性曲线。分析频散曲线可以发现,低频段信号频散较小,传播模态简单和单一低频的模式进行单次探伤可以代替以往的多模式多次探伤,故大大减少了数据的冗余。该方法计算速度快,功耗小,非常适合输电线结构的实时监测。试验得到的频散曲线为今后利用弹性波对输电线的结构健康监测的研究提供了试验依据。衰减特性试验结果表明,弹性波在输电线中的传播按照指数规律衰减,有助于分析弹性波在输电线中的长距离传播情况,并对较远距离的衰减情况进行预测。

#### 参考 文献

- [1] Tain J, Takagi T, Qiu J H. Intellingent material systems: application of functional materials [J]. Applied Mechanics Reviews, 1998, 51:505-521.
- [2] Rose J L, Lee C M, Hay T R, et al. Rail inspection with guided waves [C] // 12th A-PCNDT 2006-Asia-Pacific Conference on NDT. New Zealand: Auckland, 2006.

- [3] Cawley P, Wilcox P, Alleyne D N, et al. Lowe, long range inspection of rail using guided waves-field experience[C]//16th World Conferences on NDT. Quebec City, Canada: University Laval, 2004.
- [4] Cawley, P, Alleyne D. Practical long range guided wave inspection-managing complexity [C] // Second Middle East Nondestructive Testing Conference and Exhibition. USA Washington: Amer Inst Physics, 2003.
- [5] Georgiev M. Crack growth resistence of railway rails[M]. Sofia: Ab Press, 1999:125-138.
- [6] Rose J L, Lee C M, Hay T R, et al. Rail inspection with guided waves [C] // 12th A-PCNDT 2006-Asia-Pacific Conference on NDT. New Zealand Auckland, 2006.
- [7] Ip K H, Tse P W, Tam H Y. Extraction of patch-induced lamb waves using a wavelet transform [J].
  Smart Materials and Structures, 2004, 13:861-872.
- [8] Mallats H W. Singularity detection and processing with wavelets [J]. IEEE Trans on Information Theory, 1992, 38(2):617-643.
- [9] Chen Changming, Kovacevic R, Jandgric D. Wavelet transform analysis of acoustic emission in monitoring friction stir welding of 6061 aluminum[J]. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2003, 43 (13):1383-1390.
- [10] Chen Yuejun J, Shi Yaowen, Zhang Xinping. Detection of weak bonding in friction welds by ultrasound [J]. Ultrasonics, 1998, 36(1-5):141-146.
- [11] Rose J L. Ultrasonic waves in solid media [M]. New York:Cambridge University Press, 1999.
- [12] 耿荣生,景鹏,付刚强,等.声发射波形分析技术在复合 材料故障评价中的应用[J].无损检测,1999,21(7) 289-293.

Geng Rongsheng, Jing Peng, Fu Gangqiang, et al. Acoustic essission(AE) waveform analysis and its application in fault identification of composites[J]. Nondestructive Testing, 1999, 21 (7): 289-293. (in Chinese)

> 第一作者简介:杨永军,男,1961年7月 生,高级工程师。主要研究方向为电力 系统及其自动化。 E-mail;zhaojl@powerrobot.org