时频特征融合的交叉项消除及其故障诊断应用

黄伟国,赵凯,鞠华,朱忠奎

(苏州大学城市轨道交通学院 苏州,215131)

摘要 提出一种基于线性时频分布和双线性时频分布的时频特征融合策略,既消除双线性时频分析的交叉项,又 保持双线性时频分析的时频聚集性。仿真信号的分析说明了该融合策略的有效性。通过融合策略在轴承外圈故障 以及齿轮箱故障情况下的特征信号的时频分析,表明该策略能有效表示信号中的故障特征对时间和频率的分布情 况,是一种有效的故障诊断时频特征表示方法。

关键词 轴承;齿轮箱;时频分析;融合 中图分类号 TP391

引 言

旋转机械设备的故障诊断研究主要是通过对其 关键部件的故障诊断展开的。关键部件的局部故障 往往会导致设备零件故障部位在运行过程中存在较 大的瞬时局部应力,扩展较快,对设备的运行安全具 有较大的影响。局部故障诊断就是对其监测信息的 处理,而其监测信息通常为非平稳信号,对非平稳信 号的处理最常用的方法是时频分析^[1-3]。时频分析方 法按照时频联合函数的不同可分为线性时频分析和 双线性时频分析。线性时频分析包括小波分析和短 时傅里叶分析,双线性时频分析中最受关注的是Cohen 类时频分析。Leon Cohen^[4]回顾了联合时频分 布的基本思想和方法;Z.K. Peng 等^[5]总结了小波 变换在机械故障诊断中的应用;Seidi c E 等^[6]总结 了信号时频分析中特征的地位并提供了一些特征提 取的分类分析方法。线性时频分析的时频聚集性差, 但无交叉项;而双线性时频分析的时频聚集性好,但 出现交叉项,影响对信号特征的分析和理解。李振春 等[7]概括了线性时频分析方法的特点及各种方法的 发展历程;赵培洪等^[8]总结了 Wigner-Ville 分布 (WVD)中交叉项消除方法。笔者基于线性和双线性 的时频特征,提出了通过两者融合的方法,使得融合 后的结果既消除了双线性时频分析的交叉项,又提 高了线性时频分析的时频聚集性。通过不同信噪比 的仿真信号试验证明了该方法的有效性。将基于时 频特征融合的交叉项消除方法应用与轴承外圈故障 和齿轮箱故障信号中,辨识出了信号时频特征随时 间和频率变化的分布情况。

1 时频分析

1.1 线性时频分析

内积运算。

小波变换和短时傅里叶变换都属于线性时频变换,对于信号*x*,其线性时频变换可以表达如下

$$\mathrm{TF}_{x}(t,\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)\phi_{t,\omega}^{*}(\tau)\mathrm{d}\tau = \langle x,\phi_{t,\omega} \rangle (1)$$

小波变换实际上是一种线性时频分布,表示为

$$WT_{x}(b,a) = a^{-1/2} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \phi^{*} \left(\frac{t-b}{a}\right) dt =$$

$$< x(t), \phi \left(\frac{t-b}{a}\right) > \qquad (2)$$

其中: $\phi\left(\frac{t-b}{a}\right)$ 为其母小波,经过伸缩和平移而得到。 由式(3)可知,小波变换的本质是用小波基函数 $\phi\left(\frac{t-b}{a}\right)$ 代替傅里叶变换中的基函数 $e^{-j2\pi/t}$ 而进行的

小波变换通过尺度因子和时移因子的变化,使 其在高频处时间分辨率高,频率分辨率低;在低频处 时间分辨率低,频率分辨率高。这样就具有了"变 焦"的性质,也就是自适应窗的性质。短时傅里叶变 换STFT 是一种时窗大小及形状都固定不变的时频 局部化分析。

^{*} 国家自然科学基金资助项目(编号:50905121);江苏省自然科学基金资助项目(编号:BK2010225) 收稿日期:2011-06-24;修改稿收到日期:2011-09-20

1.2 双线性时频分析

对信号x,其双线性时频分布表示为

$$\mathrm{TFD}_{x}(t,\omega) = \frac{1}{4\pi^{2}} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} x \left(u + \frac{1}{2}\tau \right) x^{*} \times \left(u - \frac{1}{2}\tau \right) \phi(\theta,\tau) \mathrm{e}^{-\mathrm{j}\theta t - \mathrm{j}\tau\omega + \mathrm{j}\theta u} \mathrm{d}u \mathrm{d}\tau d\theta \qquad (3)$$

其中:φ(θ,τ)为核函数。

对于Wigner-Ville 分布(WVD),核函数为1,信 号x的WVD 分布可表示为

$$WV_{x}(t,\omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} x \left(t + \frac{1}{2}\tau \right) x^{*} \times \left(t - \frac{1}{2}\tau \right) e^{-j\tau\omega} d\tau \qquad (4)$$

WVD 是 Cohen 类时频分布的原型。信号某时 刻的 WVD 的实质是该时刻过去某一时间的信号乘 上该时刻未来某一时间的信号,所取信号的过去时 间和未来时间相等,然后对乘积结果做傅里叶变换。

2 基于时频特征融合的交叉项消除

由于小波变换和 WV 时频变换都有各自的缺 点,小波变换的时频聚集性差,WV 时频变换由于其 交叉项的出现,影响对信号特征的分析和理解。为了 弥补两者的缺陷,采用基于时频特征融合的方法来 解决此问题。

2.1 预处理

由于小波变换和WV时频变换的不同,并且振动信号通常包含噪声,需要在融合之前进行预处理, 采用均值滤波方法来减少噪声对结果的影响

$$\overline{\mathbf{TFR}}(t,f) = \frac{1}{mn} \sum_{(t,f) \in S_{tf}} \mathbf{TFR}(t,f)$$
(5)

其中: S_{tf} 为原始信号时频变换后的矩阵**TFR**(t, f)中 $m \times n$ 维的子区间;S的下标(t, f)为子区间的中心位置;**TFR**(t, f)为滤波之后的值。

由于小波变换和WV时频变换的不同,为了使 两者的融合在同一水平上,必须对两者进行如下归 一化处理

$$\mathbf{TFR}'(t,f) = \frac{\overline{\mathbf{TFR}}(t,f) - \mathbf{TFR}_{\min}}{\mathbf{TFR}_{\max} - \mathbf{TFR}_{\min}}$$
(6)

其中:**TFR**_{max}和**TFR**_{min}为信号时频变换后矩阵中的最大值和最小值;**TFR**'(t, f)为归一化的结果。

2.2 融合策略

由于WV 时频变换中存在交叉项,而小波变换

中无交叉项,那么在WV 变换时出现交叉项的时频 域中,在小波变换时其时频值一定很小;同样,如果 某处时频域中经小波变换后得到的时频值大,而经 过WV 变换后得到的时频值小,则该时频区域一定 是由于小波变换的分辨率低于WV 变换而引起的。 在真实成分中,WV 变换和小波变换的时频值都会 很大。所采用的融合算法必须要求当两者时频值很 大时,融合之后的时频值才会大,而一大一小或两者 都小时要求融合后的时频值要小。采用的融合算法 可表示为

 $z = \min(\min(x, y)(x + y), 1)$

 $x \in \mathbf{TFR'}_{WT}(t, f), y \in \mathbf{TFR'}_{WVD}(t, f)$ (7)

其中:**TFR**[']_{WT}(t,f)和**TFR**[']_{WVD}(t,f)为小波变换和 WV 变换得到的矩阵经过预处理之后的矩阵 min(•)表示取小运算,经过归一化处理之后x和y都在区间[0,1]上。

图1 表示融合结果与输入之间的关系,情形1 中 $x \in [0, 0.5], y \in [0.7, 1]$ 。由图可知,输出的结果 $z \in [0, 0.1]$ 。这表示该时频区域中WV变换的时频 值大,而小波变化的时频值小,说明该时频域是交叉 项,而融合后的时频值很小,表明交叉项被有效地消 除了。情形2 中 $x \in [0.7, 1], y \in [0, 0.5]$,由图可知 输出的结果 $z \in [0, 0.1]$ 。这表示该时频区域中WV 变换的时频值小,而小波变化的时频值大,说明该时 频域是由于WV变换的时频分辨率高于小波变换而 引起的,而融合后的时频值很小,表明采用融合方法 之后有效地保持了WV变换的分辨率。对于图1 中 最黑的部分,表示融合之后的值很大,此处x和y的 值也很大。这表示在该时频区域中,WV变换和小波 变换后的时频值都很大,说明该时频区域内是真实 成分,而融合之后的结果也说明了此处是真实值。



图1 融合结果示意图

2.3 应用步骤

基于时频特征的融合交叉项消除方法的应用步

骤如图 2 所示。对信号分别进行小波变换和WV 变换,得到两个矩阵TFR_{wT}(*t*,*f*)和TFR_{wvD}(*t*,*f*)。对其进行预处理后,得到TFR'wT(*t*,*f*)和TFR'wVD(*t*,*f*)。 采用融合算法,融合小波变换和WV 变换的值,得到 融合结果FTFR',对结果进行反归一化,即对融合之 后的矩阵乘以WV 时频变换矩阵的最大值,得到 FTFR。由于在采用融合算法前,分别对小波变换和 WV 变换结果进行了归一化处理,采用融合算法之 后得到的结果也是在区间[0,1]上,它不能表示信号 的能量大小。为了清晰地描述信号的能量随时间和 频率的变化情况,需要对融合结果进行反归一化处 理。反归一化的表达式为

FTFR = **FTFR**' × max**TFR**_{WVD} (8) 其中: **FTFR** 为信号经过反归一化得到的结果; **FTFR**'为采用融合算法得到的结果; max**TFR**_{WVD}为 信号经过WV变换得到的矩阵**TFR**_{WVD}(t, f)中的最 大值。



图2 应用步骤

3 仿真应用研究

设*x*(*t*)为包含多冲击响应成分的信号,其表达 式为

x(t) =

$$\begin{cases} f(t) + A_n n(t) & t \in [\tau_0 + kT_0, \tau_0 + W_s + kT] \\ A_n n(t) & 其他 \end{cases}$$

其中:
$$f(t) = \sum \exp\left(\frac{\zeta_0}{\sqrt{1-\zeta_0^2}} 2\pi f(t-\tau_0-kT_0)\right)$$
×

 $\sin 2\pi f(t-\tau_0-kT_0)_{\circ}$

取 $f=3\ 000\ \text{Hz}, \tau_0=0.\ 001, t\in [0,0.1]\ \text{s}, T_0=0.\ 008, n(t)$ 为白噪声, $A_n=0.2, 用 25.6\ \text{kHz} 采样频$ 率对 <math>x(t)离散化。不包含噪声与包含噪声的时域波 形如图 3 所示。



图 3 仿真信号的时域波形

为了减小噪声对分析结果的影响,分别对小波 变换和WV时频变换的结果运用均值滤波,结果如 图4所示,表明均值滤波方法能够降低噪声的影响。



图 4 仿真信号的时频表示

采用基于时频分析的融合交叉项消除方法得到的结果见图 5。由图 5 可知,融合后的结果有效地消除了 WV 变换的交叉项,并提高了小波变换的时频分辨率。为了更直观地展示融合方法的有效性,把小波变换和WV 变换以及融合后得到的结果分别投影到时间轴和频率轴上,得到的结果如图 6 所示。由图 6(a)和图 6(e)可以看出,融合之后的结果消除了WV 变换的交叉项;图 6(c)和图 6(e)表明融合后的结果提高了小波变换的分辨率;由图 6(f)可以看出信号的冲击频率。





图 6 仿真信号采用不同方法分别在时间、频率轴上的投影

当噪声系数 A_n 的值高到一定的限值时, 信噪比 太低, 不能有效地描述信号能量随时间和频率的变化 情况。图 7 表示在不同噪声水平下的融合结果, 图 7(a)是信号在 A_n 为 0.4 时的融合结果, 从中能够 判断出 3 kHz 处还有能量聚集。图 7(b)是信号在 A_n 为 0.6 时的融合结果, 所得结果由于噪声的影响已经 不能描述信号特征的变化情况。



图 7 仿真信号在不同噪声水平时的融合效果

4 故障诊断应用

4.1 在轴承外圈故障检测中的应用

在轴承外圈存在局部故障时,由于滚动体通过 外圈而使得轴承的振动中具有冲击响应振动,冲击 响应信号为非平稳信号,故可采用基于时频分析的 融合交叉项消除方法来确定振动响应信号的能量随 时间和频率变化的分布情况。试验对象为某减速机 轴端的圆锥滚子轴承,轴承型号为 33207,利用线切 割在轴承外圈设置了 0.6 mm 的贯通裂痕故障。轴 承结构参数如下:滚动体个数 Z = 17;滚动体直径 d = 9 mm;接触角 $\alpha = 12^{\circ}$;轴承节径D = 55 mm;采样 频率为 10 kHz。 图 8 为轴承外圈严重故障对应的时域波形。 图 9(a)表示信号经过 WV 变换得到的结果,从图中 可以看出,WV 变换存在严重的交叉项,影响对信号 特征的分析和理解;图 9(b)表示信号经过小波变换 得到的结果,从图中可看出,由于小波变换的时频分 辨率低,导致其不能很好地描述信号能量随时间和 频率的变化情况。图10 是采用基于时频分析的融合 交叉项消除方法得到的结果,由图10可看出,融合



后的结果有很好的时频聚集性,同时对交叉项的抑制效果很明显。为了更直观地展示融合方法的有效性,把小波变换和WV变换以及融合后得到的结果 分别投影到时间轴和频率轴上,得到的结果如图11 所示。从图11(a),(c),(e)中可以看出,融合之后的 结果有效地消除了交叉项;而图11(f)可以看出信号 中的主要频率成分。

4.2 在齿轮故障特征检测中的应用

当齿轮箱正常运转时,由于齿轮每次啮合时存 在冲击,导致振动信号中存在啮合频率。当齿轮箱存 在故障时,除了啮合频率之外还存在由于故障而导 致的冲击频率。为了描述振动信号中能量随时间 和频率的变化情况,可以采用基于时频分析的融合





交叉项消除方法。试验对象为LC5T81型变速箱,它 有5个前进档和1个倒档。笔者以三档齿轮为研究对 象,主要测取三档齿轮严重故障(三档齿轮断裂)的 齿轮振动加速度信号,齿轮箱三档齿轮的啮合频率 为500 Hz,采样频率 f_s=3 kHz。

图 12 为齿轮振动加速度信号的时域波形。 图 13(a)表示信号经过 WV 变换得到结果,可以看 出,信号在500 Hz处有能量聚集,但在 500 Hz 以下 的地方由于有交叉项的存在,影响对信号特征的分 析和理解;图 13(b)为信号经过小波变换得到的结 果,由于其时频聚集性差,所得到的结果很难清晰地 描述信号能量随时间和频率的变化情况。图14 为融 合后的结果,由于原始信号中包含了很大的噪声,导 致融合后的结果不能完全消除交叉项,但对其有了 很大的抑制作用。为了更直观地展示融合方法的有 效性,将小波变换和 WV 变换以及融合后得到的结 果分别投影到时间轴上和频率轴上,得到的结果如 图15 所示。从图15(a),(b),(c)中可以看出,融合之 后的结果有效地消除了交叉项;而从图15(f)可以看 出信号中的啮合频率以及冲击频率。







5 结束语

在线性时频分析和双线性时频分析的基础上 提出了基于时频分析融合的交叉项消除方法。通过



图 15 齿轮振动信号采用不同方法分别在时间、频率轴上的投影

仿真信号的应用研究,说明该方法在保持双线性时 频分析的时频分辨率的同时很好地抑制了交叉项。 在轴承故障信号和齿轮箱故障信号中的应用,证明 了基于时频特征融合的交叉项消除方法能够有效描 述信号能量对时间和频率的分布情况,为故障诊断 提供了有效的时频特征表示方法。

参考文献

- [1] L. 科恩,时-频分析:理论与应用[M],西安:西安交 通大学出版社,1998:1-267.
- [2] 张贤达,保铮. 非平稳信号分析与处理[M]. 北京:国 防工业出版社,1998: 1-446.
- [3] 马世伟. 非平稳信号的参数自适应时频表示及其应用的研究[D]. 上海: 上海大学, 2000.
- [4] Leon C. Time-frequency distributions-a review [J].Proceedings of the IEEE, 1989, 77(7): 941-981.
- [5] Peng Zhike, Chu Fulei. Application of the wavelet transform in machine condition monitoring and fault diagnostics: a review with bibliography [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2004, 18: 199-221.
- [6] Sejdi ć E, Djurovi ć I, Jiang J. Time-frequency feature representation using energy concentration: an overview of recent advances [J]. Digital Signal Processing, 2009, 19: 153-183.
- [7] 李振春,刁瑞,韩文功,等.线性时频分析方法综述[J].勘探地球物理进展,2010,33(4):239-247.

Li Zhenchun, Diao Rui, Han Wengong, et al. Review on linear time-frequency analysis methods [J]. Progress in Exploration Geophysics, 2010, 33(4) 239-247. (in Chinese)

[8] 赵培洪,平殿发,邓兵,等.魏格纳-维尔分布交叉项 抑制方法综述[J]. 探测与控制学报,2010,32(1) 23-29.

Zhao Peihong, Ping Dianfa, Deng Bing, et al. Review of cross-terms suppression methods in Wigner-Ville distribution [J]. Journal of Detection & Contron, 2010, 32(1): 23-29. (in Chinese)



第一作者简介:黄伟国,男,1981年10月 生,博士、讲师。主要研究方向为数字信 号处理及机械故障诊断。曾发表《Fault feature extracting for rotating machinery vibration based on blind deconvolution and spectral kurtosis》(《Journal of Theoretical and Applied Information Technology》2012, Vol. 43, No. 2)等 论文。

E-mail:wghuang@suda.edu.cn

通信作者简介:鞠华,女,1973年1月生 博士、讲师。主要研究方向为车辆动力 学、可靠性及机械CAD/CAM。 E-mail:juhua@suda.edu.cn