# 齿轮点蚀的多通道数据融合识别方法。

熊 炘<sup>1,2</sup>,杨世锡<sup>1</sup>,甘春标<sup>1</sup>,叶红仙<sup>3</sup>

(1. 浙江大学液压传动及控制国家重点实验室 杭州, 310027)

(2. 上海大学机电工程与自动化学院 上海,200072) (3. 杭州电子科技大学机械工程学院 杭州,310018)

摘要 针对齿轮箱振动信号中混杂其他零部件振动频率的问题,提出一种基于小波包分解独立分量分析(wavelet package independent component analysis,简称 WPICA)和多维经验模式分解(multivariate empirical mode decomposition,简称 MEMD)的齿轮箱齿面点蚀故障信号的多通道数据融合识别方法。首先,利用一种窄带独立分量分析 (sub-band decomposition independent component analysis,简称 SDICA)方法一WPICA,从水泵机组多通道信号中 提取齿轮箱振源,确定齿轮箱振动包含的特征频率成分;其次,借助 MEMD 分解多通道机组振动信号,将所获得的 多维固有模式函数(intrinsic mode function,简称 IMF)进行矩阵互信息运算,完成多通道数据的融合;最后,通过定 义 IMF 故障敏感因子,确定故障敏感 IMF 的阶数并获得了齿轮点蚀故障的特征频率。数据分析结果证明了本研 究方法的有效性。

关键词 齿轮箱;齿轮点蚀;小波包分解独立分量分析;多维经验模式分解 中图分类号 TN911.7;TH165.3

## 引 言

齿轮箱是机械设备中连接和传递动力的通用部件,其结构复杂,工作环境恶劣,极易产生损伤而发 生故障。研究其振动机理并开展振动信号的特征分析,对于故障诊断工作意义重大。

Wang 等<sup>[1]</sup>利用小波变换成功提取了直升机齿 轮箱的冲击振动特征。刘婷婷等<sup>[2]</sup>将一种基于快速 不动点迭代的独立分量分析(independent component analysis, 简称 ICA)方法应用于旋转机械故障 特征提取。毕锦烟等<sup>[3]</sup>利用半监督学习的模糊核聚 类方法将齿轮轻微点蚀样本与正常运行样本分离 开。雷亚国等<sup>[4]</sup>在国内外研究的基础上,对行星齿 轮箱故障诊断的特点与难点进行了综述,指出了研 究中存在的问题,并讨论了解决问题的途径。以上 工作是将齿轮箱从整个机械设备中剥离开单独进行 研究,但齿轮箱作为传动机构,通常与机械系统的动 力输入部件及负载部件同时运转,其振动响应常常 混杂了机组其他零部件的振动成分,因而上述研究 具有一定的局限性。要准确判别齿轮箱运转是否正 常,必须从多路传感观测中提取包含齿轮箱相关振 动的频率成分。近年来,ICA 和经验模式分解(empirical mode decomposition, 简称 EMD) 信号分析 方法[5-6]的出现、发展及其在多维数据分析等领域的 应用[5-7],为上述问题的解决开辟了新途径。ICA 和 EMD 被广泛应用于旋转机械振动信号的特征提 取<sup>[2,8-10]</sup>。ICA要求源信号必须满足统计独立性假 设[5],因此对于相互之间不独立的机械振源只能进 行近似估计。Zhang 等<sup>[11]</sup>提出了窄带分解 ICA (sub-band decomposition ICA, 简称 SDICA)方法。 该方法在源信号间存在频率交叠的情况下,不要求 源信号间严格独立,放宽了对源信号的假设条件,适 用于机械振源的分离。EMD 作为一种自适应的非 线性、非平稳数据分析方法,特别适用于提取复杂机 械振动信号的频率成分。以往的研究[10] 通常只利 用单一通道数据进行分析,没有借助多通道数据综 合分析机械系统的振动状态,容易造成特征信息的 丢失。笔者根据 Rehman 等<sup>[12]</sup>提出的 MEMD 方 法,在分解多通道机组振动数据的基础上,提出了一 种齿轮点蚀故障的多通道数据融合识别方法。

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金资助项目(11072214);上海大学理工类创新基金资助项目(K.10-0109-13-007) 收稿日期:2012-03-09;修回日期:2012-05-17

# 1 基于 SDICA 的齿轮箱振源识别 方法

由于机组其他部件的振动与齿轮箱振动存在耦 合现象,因此计划利用盲信号分离(blind source separation,简称 BSS)方法进行水泵机组振源识 别,进而分离出相对纯净的齿轮箱振动信号。

### 1.1 SDICA 基本原理

标准 ICA 方法作为 BSS 的一种实现手段,根据 独立性测度函数获得源信号估计。

设  $s = [s_1, s_2, \dots, s_p]^T$  为相互独立的源信号;  $x = [x_1, x_2, \dots, x_q]^T$  为观测信号。x 中的元素由s 中的元素线性组合而成,用矩阵形式可表示为

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{H}\boldsymbol{s} + \boldsymbol{b} \tag{1}$$

其中:H 为一列满秩矩阵;b 为加性测量噪声。

ICA 从已知的观测 x 出发,确定线性变换  $W = [w_1, w_1, \dots, w_q] \cdot H^{-1}$ ,使得变换后的信号尽快能独立,即

$$\mathbf{y} = \mathbf{W}\mathbf{x} = \mathbf{W}\mathbf{H}\mathbf{s} = \mathbf{Q}\mathbf{s} \tag{2}$$

在水泵机组的 BSS 应用中,因为机组各部件 (泵和齿轮箱)的耦合作用,其振动存在频率交叠。 如果将不同部件的激励响应视为源信号,它们将不 满足独立性条件;因此,用标准 ICA 方法无法准确 分离出振源信号。考虑 SDICA 方法,将机组观测信 号表示为其子带分量的组合,在不考虑噪声且观测 信号个数和源信号个数相等时,式(1)可改写为

$$\begin{bmatrix} \mathbf{x}^{1} \\ \mathbf{x}^{2} \\ \vdots \\ \mathbf{x}^{l} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{H} & \mathbf{0} & \cdots & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{H} & \cdots & \mathbf{0} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \cdots & \mathbf{H} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{s}^{1} \\ \mathbf{s}^{2} \\ \vdots \\ \mathbf{s}^{l} \end{bmatrix}$$
(3)

其中: $\mathbf{x}^{i} = [x_{1}^{i} + x_{2}^{i} + \cdots + x_{p}^{i}]^{T}$ 和  $\mathbf{s}^{i} = [s_{1}^{i} + s_{2}^{i} + \cdots + s_{p}^{i}]^{T}$ 分别为观测信号和源信号的 i个子带,i=1, 2,…,I。

机组待分离源信号 s 在通带内是相关的,但存 在若干个相互独立的子带。假设在第 i 个子带上是 独立的,则可在该子带内用标准的 ICA 方法估计分 离矩阵 W。

$$\mathbf{y}^i = \mathbf{W} \mathbf{x}^i = \mathbf{W} \mathbf{H} \mathbf{s}^i \tag{4}$$

Kopriva 等<sup>[13]</sup>在 SDICA 方法的基础上,提出了 基于小波包分解的相关源分离(WPICA)方法。该 方法首先将观测信号用小波包分解成子带信号,假 定共轭滤波器 h(n)满足  $\sum h(n - 2a)(n - 2b) =$   $\delta_{ab}$ ,令 $g(a) = (-1)_{a}h_{-a+1}$ ,则可定义递归函数 $\{\mu_a\}$ ( $a = 0, 1, \cdots$ )

$$\begin{cases} \mu_{2n}(t) = \sum h_{a}\mu_{n}(2t-a) \\ \mu_{2n+1}(t) = \sum g_{a}\mu_{n}(2t-a) \end{cases}$$
(5)

其中: $\mu_0(t)$ 定义为尺度函数  $\Phi(t)$ ; $\mu_1(t)$ 为小波基函 数  $\varphi(t)$ ; $\mu_n(t)$ (n=2b或n=2b+1,b=0,1,…)为正 交尺度函数  $\Phi(t)$ 的小波包。

经 *n* 层小波包分解后,观测信号和相应的源信 号可分别表示为

$$\boldsymbol{x} = \sum_{i=1}^{2^n} \boldsymbol{x}^i \tag{6}$$

$$\mathbf{s} = \sum_{i=1}^{2^{+}} \mathbf{s}^{i} \tag{7}$$

观测信号的子带分量可表示为

$$\sum_{i=1}^{2^{n}} x^{i} = \sum_{i=1}^{2^{n}} s^{i}$$
(8)

接下来计算各个子带内信号的互信息,选择互 信息较小的几个子带信号重构成新的观测信号。文 献[13]证明了子带观测信号 x<sup>i</sup> 的互信息最小,意味 着子带源信号的互信息最小,即统计独立。利用 Cardoso<sup>[14]</sup>提出的互信息近似计算方法,选择归一 化互信息小于阈值的 J 个子带重构观测信号 x<sub>ree</sub>,则

$$\boldsymbol{x}_{nc} = \sum_{i=1}^{J} \boldsymbol{x}^{i} = \boldsymbol{H} \sum_{i=1}^{J} \boldsymbol{s}^{i} = \boldsymbol{H} \boldsymbol{s}_{rec}$$
(9)

其中:srec为重构的独立源信号。

最后,用 FastICA 算法<sup>[15]</sup>从重构的机组观测信 号 *x*<sub>rec</sub>中估计分离矩阵 *W*,用分离矩阵乘以原始观 测信号 *x* 就可实现机组待分离的相关源信号分离。

#### 1.2 齿轮箱振源识别

借助来源于荷兰 Lemmer 的 Buma 泵站的水泵 机组振动数据<sup>[16]</sup>进行机组的振源识别。机组由电 机、齿轮箱和泵组成,齿轮箱由电机驱动,带动潜水 泵。机组示意图及传感器安装位置如图1所示。其



图 1 设备示意图及加速度计安装位置 Fig. 1 Device schematic and accelerometer location

中一台正常工作,另一台机组的齿轮箱发生齿面点 蚀故障。齿轮箱输入轴的齿轮齿数为13,转速为 997 r/min(216 Hz)。通过安装在机组上的1~7通 道单向加速度计拾取振动数据,信号采样频率为 3.2 kHz。

对整台机组中的泵而言,其工作介质为液态,且 受齿轮箱输出轴的激励,因此其结构振动被激发出 来<sup>[8]</sup>。由此判断机组存在两个振源:泵的结构振动和 齿轮啮合相关振动。这两个信号源间存在交叠的频 率成分,并在7个通道传感观测处分别产生激励响 应。对故障机组的7个通道数据进行傅里叶分析,得 到如图2所示的信号幅值谱。图2中:第1,2和4通 道在50~150 Hz范围内存在一定能量的25 Hz 振动 频率成分;在所有7个通道中,都存在较强的216 Hz 和286 Hz 成分。因此估计系统有两个振源。

利用 WPICA 分离出两个机组振源的时域波形 及幅值谱如图 3 所示。可见,齿轮箱振源(图 3(d)) 能量主要集中在 216 Hz 和 286 Hz 两个频率成分 上。泵的结构振动(图 3(b))能量主要集中在 0~ 150 Hz 频率范围内,成分以 25 Hz 及其高次谐波为 主,其中以 126 Hz 的频率成分能量最大。图 3(b) 中仍存在能量相对较弱的 216 Hz 和 286 Hz 频率成











分。图 3 的分离结果表明,286 Hz 的频率成分和 216 Hz 的输入轴齿轮啮合频率成分被共同分离到 齿轮箱振源,25 Hz 及其倍频成分属于泵的结构振 动源。利用 WPICA 识别出了机组中存在的两个振 源,确定了故障特征频率的来源(泵或齿轮箱)。

# 2 MEMD 在齿轮箱故障特征提取中 的应用

EMD 作为一种自适应数据分析方法(详细算法 参见文献[6]),能将非线性、非平稳信号分解为一组 近似平稳的表征信号所含时间尺度的时间序列—— 固有 模式 函数(intrinsic mode function, 简称 IMF),进而描述信号的频率构成。设有一维信号 *x*(*t*)经 EMD 分解后可表示为

$$x(t) = \sum_{k=1}^{K} c_k(t) + r_K(t)$$
(10)

其中: $c_k(t)$ 为第 k 阶 IMF; $r_K(t)$ 为信号趋势项。

然而,面对工程实际中诸多复杂的、具有不确定 性的非线性动力学问题,以及一些多通道信号处理 问题<sup>[12]</sup>,原始的一维 EMD 算法遇到了阻碍。这主 要是因为一维 EMD 算法在处理多维数据时存在尺 度排列的不确定性问题<sup>[9,12]</sup>,即一维算法在分别对 多维数据中的单一维进行分解时,所得 IMF 的数量 不尽相同,给后续的数据融合带来了困难。因此有 必要将原有 EMD 算法从一维拓展到多维,方便多 维数据的聚类融合。

#### 2.1 MEMD 基本原理

Rehman 等<sup>[12]</sup>提出了 MEMD 方法,该方法首 先将多维信号投影至多个方向向量,然后分别在各 方向上求取信号的投影包络线,最后通过计算包络 线均值的方式定义多维信号的均值。算法的关键问 题是利用准蒙特卡罗低偏差序列(Halton 序列和 Hammersley 序列),生成均匀分布于(*n*-1)球面的 点集(方向向量集)。因篇幅所限,准蒙特卡罗低偏 差序列生成均匀分布方向向量的算法参见文献 [15]。

定义 q 维观测信号  $x = [x_1, x_2, \dots, x_q]^T$  和其方 向向量集 **D** 中的第 l 个方向向量 **D**<sup>l</sup> =  $[d_1^l, d_2^l, \dots, d_q^l]$ ,则 MEMD 的基本步骤为:

1)确定方向向量集 D。

2) 在 **D**<sup>l</sup> 上计算 x 的第 l 个投影 p<sup>l</sup>(t), l=1,2,
…, L, 其中 L 为方向向量的个数并确定 p<sup>l</sup>(t) 最大 值所在的时刻 t<sup>l</sup><sub>m</sub>。



3) 在最大值点[*t*<sup>*t*</sup><sub>*m*</sub>,*x*<sup>*t*</sup><sub>*m*</sub>]上插值获得多维包络线

 $E^l(t)$  .

4) 计算包络均值

$$M(t) = \frac{1}{L} \sum_{l=1}^{L} E^{l}(t)$$
 (11)

5) 计算剩余量 R(t) = V(t) - M(t),如果 R(t)满足多维 IMF 的迭代终止条件<sup>[15]</sup>,则定义 R(t)为 IMF,并对 V(t) - R(t)重复步骤 2~5,直至分离出 下一阶 IMF。如果 R(t)不满足 IMF 迭代终止条 件,则对其重复执行步骤 2~5,直至满足终止条件。

#### 2.2 齿轮箱故障特征频率的提取

根据 WPICA 振源分析,确定了机组中泵结构 振动(25 Hz 及其倍频成分)和齿轮箱啮合振动 (216 Hz和 286 Hz)两个振源。接下来需要确定齿 轮箱啮合振动中,哪个频率成分为点蚀故障特征频 率。因此,将正常条件下通道 1~7 的数据和点蚀条 件下通道 1~7 的数据不改变次序的组成 14 路振动 数据,利用 MEMD 对其进行分解,每通道分别得到 13 个 IMF。图 4(a)为 14 路振动观测中,正常工况下



(b) EMD

图 4 机组正常运行数据的 IMF 尺度排列对比

Fig. 4 Normal operation data comparison based on different IMF time scales

通道 2 和 4 的 IMF 时域波形。由图可知, MEMD 不存在一维 EMD 的尺度排列问题(图 4(a)~(b)), 不同传感观测分解所得的 IMF 数量同为 13。与此 形成对比的是图 4(b)中的 EMD 分解结果。第 2 通 道共分解出 10 阶 IMF, 而第 4 通道只分解出 8 阶 IMF, IMF 阶数互不相同, 出现了尺度排列问题(图 4 只进行 IMF 尺度排列对比, 不关心信号能量大 小, 因此不标注信号幅值)。例如, 图 4(b)中通道 2 的第 8 阶 IMF 和通道 4 的第 7 阶 IMF 时间尺度近 似, 但所处的 IMF 阶数却不尽相同。在图 4(a)中, 相近的时间尺度都被分解到了第 9 阶 IMF 中。

MEMD 分解后,为了从多个 IMF 中提取对故 障敏感的 IMF,进而确定其包含的频率成分,首先 将每个通道的对应阶 IMF 组成 13 个包含 7 个 IMF 列向量的矩阵,然后通过计算互信息对 IMF 进行聚 类,提取故障敏感频率成分。引入第 k 阶 IMF 的故 障敏感因子 $\lambda_k$ ,这里定义正常信号为 $x'_{nor}$ ,其中r= $1,2,\dots,q(本例中q=7)$ 表示信号来源的通道。 $x'_{nor}$ 的第 k 阶 IMF 为  $c'_{nork}$ 。齿轮点蚀信号为  $x'_{eb}$ ,它的 第 k 阶 IMF 为 c'gpk。将正常信号和齿轮点蚀信号组 成观测信号矩阵  $\mathbf{x} = [\mathbf{x}_{nor}, \mathbf{x}_{gp}], 其中: \mathbf{x}_{nor} = [x_{nor}^1, \mathbf{x}_{nor}]$  $\dots, x_{nor}^{q}$ ;  $\mathbf{x}_{gp} = [x_{gp}^{1}, \dots, x_{gp}^{q}]$ 。对于  $\mathbf{x}_{nor}$ ,将分解所 得每个通道的对应阶 IMF 组成 IMF 列向量的矩阵  $c_{nork} = [c_{nork}^{1}, \dots, c_{nork}^{q}]$ 。对于  $x_{gp}$ ,将分解所得每个通 道的对应阶 IMF 组成 IMF 列向量的矩阵  $c_{gpk} =$  $[c_{gpk}^1, \cdots, c_{gpk}^q]$ 。分别计算  $x_{nor}$ 和  $c_{nork}, x_{gp}$ 和  $c_{gpk}, c_{nork}$ 和  $c_{gpk}$ 之间的互信息<sup>[14]</sup>  $u_k$ ,  $v_k$  和  $w_k$ , 从而计算出敏 感因子

$$\lambda_k = \frac{u_k + v_k}{2} - w_k \tag{12}$$

 $\lambda_k$ 的值越大,表明第 k 阶 IMF 的频率成分对齿轮箱故障越敏感。

选取占据信号总能量 98%的 2~7 阶 IMF 的故 障敏感因子如表 1 所示。由表可知,2 阶 IMF 的故 障敏感因子最大,表示该 IMF 中包含的频率成分对 故障最为敏感,是故障特征频率。图5即为7个通

表 1 IMF 故障敏感因子  $\lambda_k$ 

IMF #	故障敏感因子 λ <sub>k</sub>
2	0.899
3	0.780
4	-1.221
5	-3.406
6	-5.612
7	-6.005



图 5 7 个通道对应 2 阶 IMF 的幅值谱,主要频率为 286 Hz

Fig. 5 Fault sensitive IMF # 2 each of the seven channel, with the principle frequency being 286 Hz

道对应 2 阶 IMF 的幅值谱。图中,2 阶 IMF 主要以 286 Hz 频率成分为主。由于已确定 286 Hz 频率成 分和 216 Hz 的输入轴齿轮啮合频率成分同属于齿 轮箱振源,在已知齿轮箱发生点蚀故障的前提条件 下,286 Hz 成分可确定为齿轮点蚀故障的特征 频率。

### 3 结束语

笔者结合一种相关源窄带分解方法 WPICA 和 MEMD方法,对水泵机组齿轮箱点蚀故障进行了信 号特征提取和识别。WPICA 放宽了原始 ICA 算法 对源信号统计独立的假设条件,在源信号间存在频 率交叠的情况下,通过信号的小波包分解,分离出其 中的独立成分,进而使用传统 ICA 算法实现源信号 的分离。借助 WPICA 方法,首先将泵的结构振动 和齿轮箱中齿轮的啮合振动两个振源从 7 通道传感 观测中分离出来。利用 MEMD 的尺度排列优势分 解多维观测矩阵。分别计算分离所得各阶 IMF 矩阵的故障敏感因子,获得对故障敏感的 IMF 阶数。 多通道数据融合后的结果表明,2 阶 IMF 对齿轮点 蚀故障最为敏感,所包含的 286 Hz 频率成分幅值变 化最大,是齿轮箱故障的特征频率。

值得注意的是,WPICA 方法在分离观测信号时,假定其是由源信号线性混叠而成的。在实际情况下,齿轮箱内部存在固液耦合及冲击振动等非线性因素,用线性混叠模型很难准确地进行系统辨识。因此,对基于相关源的卷积混叠盲分离方法的研究具有重要意义。

参考文献

- [1] Wang W J, McFadden P D. Application of wavelets to gearbox vibration signals for fault detection[J]. Journal of Sound and Vibration, 1996, 192(5): 927-939.
- [2] 刘婷婷,任兴民.独立分量分析在机械振动信号分离中的应用[J].振动、测试与诊断,2009,29(1):36-41. Liu Tingting, Ren Xingmin. Application of independent component analysis to vibration signal separation of rotational machine[J]. Journal of Vibration, Measurement and Diagnosis, 2009, 29(1):36-41. (in Chinese)
- [3] 毕锦烟,李巍华.基于半监督模糊核聚类的齿轮箱离 群检测方法[J].机械工程学报,2009,45(10):48-52.
  Bi Jinyan, Li Weihua. Semi-supervised kernel-based fuzzy clustering for gear outlier detection[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2009, 45(10):48-52. (in Chinese)
- [4] 雷亚国,何正嘉,林京,等.行星齿轮箱故障诊断技 术的研究进展[J].机械工程学报,2011,47(19):59-67.

Lei Yaguo, He Zhengjia, Lin Jing, et al. Research advances of fault diagnosis technique for planetary gearboxes[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2011, 47(19): 59-67. (in Chinese)

- [5] Comon P. Independent component analysis, a new concept[J]. Signal Process, 1994, 36(3): 287-314.
- Huang N E, Shen Z, Long S R, et al. The empirical mode decomposition and the Hilbert spectrum for non-linear and non-stationary time series analysis[J]. Proceedings of the Royal Society of London. Series A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences, 1998, 454(1971); 903-995.
- [7] Lin S L, Tung P C, Huang N E. Data analysis using a combination of independent component analysis and

empirical mode decomposition[J]. Physical Review E, 2009, 79(6):1-6.

- [8] Ypma A, Leshem A, Duin P W R. Blind separation of rotating machine sources: bilinear forms and convolutive mixtures[J]. Neurocomputing, 2002, 49(1-4): 349-368.
- [9] Zhao X, Patel T H, Zuo M J. Multivariate EMD and full spectrum based condition monitoring for rotating machinery[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2012, 27: 712-728.
- [10] 曹冲锋,杨世锡,杨将新. 基于白噪声统计特性的振动模式提取方法[J]. 机械工程学报,2010,46(3):65-70.

Cao Chongfeng, Yang Shixi, Yang Jiangxin. Vibration mode extraction method based on the characteristics of white noise[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2010, 46(3): 65-70. (in Chinese)

- [11] Zhang K, Chan L W. An adaptive method for subband decomposition ICA [J]. Neural Computation, 2006, 18(1): 191-223.
- [12] Rehman N, Mandic D P. Multivariate empirical mode decomposition [J]. Proceedings of the Royal Society A: Mathematical, Physical and Engineering Science, 2010, 466:1291-1302.
- [13] Kopriva I, Seršić D. Wavelet packets approach to blind separation of statistically dependent sources[J]. Neurocomputing, 2008, 71(7-9): 1642-1655.
- [14] Cardoso J F. Dependence, correlation and Gaussianity in independent component analysis[J]. Journal of Machine Learning Research, 2003, 4:1177-1203.
- [15] Hyvarinen A. Fast and robust fixed-point algorithms for independent component analysis[J]. IEEE Transactions on Neural Networks, 1999, 10(3): 626-634.
- [16] Ypma A. Vibration measurement dataset[EB/OL].
  [1999-12-08]. http://www.ph.th.tudelft.nl/~yp-ma/mechanical.html.



**第一作者简介:**熊炘,男,1983 年 11 月 生,博士、讲师。主要研究方向为机电装 备故障诊断、机械动力学和智能检测技 术。曾发表《A new procedure for extracting fault feature of multi-frequency signal from rotating machinery》(《Mechanical Systems and Signal Processing》 2012 年第 32 卷)等论文。

E-mail:xxiong@shu.edu.cn