doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2015.01.008

V 型推力杆纵向刚度的预测和优化方法^{*}

柯 俊¹, 史文库¹, 滕 腾², 周宇飞², 刘天云³, 吴志勇³

(1. 吉林大学汽车仿真与控制国家重点实验室 长春,130022) (2. 中国第一汽车集团公司技术中心 长春,130011)(3. 长春成云汽车配件有限公司 长春,130114)

摘要 为了预测和优化重型商用车 V 型推力杆的纵向刚度,通过橡胶试样单轴拉压试验建立 V 型推力杆中橡胶 材料的超弹性本构模型,采用 Abaqus 软件对 V 型推力杆的工作过程进行有限元动态模拟。利用 Abaqus 软件的 后处理模块预测 V 型推力杆的纵向刚度,并根据橡胶层的应变云图分析 V 型推力杆的纵向刚度与球铰结构之间 的关系。分析结果表明,增大球铰塑料层的宽度可提高 V 型推力杆的纵向刚度,原因是这种结构改变了球铰橡胶 层的体积及硫化面积,并阻碍橡胶层向两侧端盖的延展。对原结构及优化方案的样件进行台架试验。试验结果表 明,提出的预测及优化方法是有效的,可缩短 V 型推力杆的开发周期,显著提高 V 型推力杆的纵向刚度。

关键词 推力杆;本构模型;有限元分析;刚度优化;平衡悬架 中图分类号 U463.33;TH136

引 言

推力杆是多轴汽车平衡悬架的关键零部件之一。由于重型商用车的服役强度大,其平衡悬架的 V型推力杆受力情况非常恶劣,经常出现疲劳失效 的现象,严重影响整车的安全性。与此同时,关于 V 型推力杆的研究才刚起步,仅集中在结构形式、失效 分析、静动态特性分析^[1]及试验方法的探讨上。因 此,急需探索出针对 V型推力杆各项性能的优化原 理和方法。

纵向刚度是 V 型推力杆的重要性能指标,该项 性能的好坏直接影响 V 型推力杆的疲劳寿命。这 是因为 V 型推力杆在服役过程中的变形主要来源 于其球铰内部的橡胶层,而增加橡胶材料的硬度会 导致其疲劳寿命的大幅度下降,因此只能通过改进 球铰的内部结构来改善橡胶层的变形状态。V 型推 力杆的球铰结构不合理,会导致橡胶层在承受载荷 时的变形过大,宏观上就体现为纵向刚度不足,这将 导致橡胶层的过早失效,使其疲劳寿命下降。因此, 如何找出 V 型推力杆的纵向刚度与其球铰结构之 间的关系,从而提出结构优化方案,达到提高 V 型 推力杆纵向刚度的目的,是当前研究面临的难点和 关键。 笔者应用有限元法对 V 型推力杆的工作过程 进行有限元动态模拟,通过模拟结果预测 V 型推力 杆的纵向刚度。根据不同球铰结构中橡胶层的应变 云图分析 V 型推力杆的纵向刚度与球铰结构之间 的关系,提出了优化方案。通过台架试验验证了优 化方案的有效性,并对预测的刚度值进行了修正。

1 V型推力杆有限元模型的建立

1.1 橡胶材料超弹性本构模型的确定

对橡胶材料变形行为的准确模拟是预测 V 型 推力杆纵向刚度的难点和关键。对 V 型推力杆中 橡胶材料的标准试样进行单轴拉压试验,将试验测 得的应力应变数据导入 Abaqus 软件中。Abaqus 软件会对试验数据进行去噪处理,自动核查材料的 Drucker 稳定性,并运用最小二乘法进行数据拟合, 计算出超弹性模型的参数^[2]。运用常见的超弹性模 型对实验测得的应力应变数据进行拟合,各模型的 拟合曲线与试验曲线的对比如图 1 所示。

从图 1 可看出,与其他超弹性模型相比,1 阶 Ogden 模型能更精确地模拟橡胶材料的应力应变 特性。Ogden 模型是唯象理论中相对成熟的超弹 性本构模型,它用单位体积应变能密度来描述橡胶

^{*} 吉林省重大科技专项基金资助项目(212E362415);吉林大学研究生创新基金资助项目(450060503159) 收稿日期:2013-06-12;修回日期:2013-07-19







Fig. 1 The fitting curves of different constitutive models for rubber material

材料的力学特性,能较好地度量变形,特别适用于大 变形材料[3-6]。该模型单位体积的应变能函数[7]为 $W = \sum_{i=1}^{N} \frac{\mu_i}{\alpha_i} (\lambda_1^{a_i} + \lambda_2^{a_i} + \lambda_3^{a_i} - 3) + \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{D_i} (J^d - 1)^{2i}$ 其中:W 为单位体积的应变能;N 为材料参数; μ_i , α_i 和D_i都是和温度相关的材料参数;λ_i为橡胶的主 伸长比;J^e为弹性体积比率。

Ogden 模型的初始剪切模量和体积模型分 别为

$$\mu_0 = \sum_{i=1}^N \mu_i$$
$$K_0 = 2/D_1$$

在 Abaqus 软件中,采用一阶 Ogden 模型对试 验测得的应力应变数据进行拟合,建立 V 型推力杆 中橡胶材料的本构模型,将泊松比的值设置为0.49, 从而实现对 V 型推力杆中橡胶材料力学特征的准 确模拟[7]。

1.2 有限元模型的建立

采用 Catia 软件建立 V 型推力杆的三维几何模 型。将建立的三维几何模型导入 Hypermesh 软件, 对各零部件进行网格划分[8]。将模型文件导入 Abaqus 软件中,将材料属性赋予各单元,并根据实 际安装环境及装配关系定义相关零件的接触对、绑 定和耦合约束^[9-10]。完成网格划分后的 V 型推力杆 如图2所示。

2 V型推力杆纵向刚度预测

2.1 V型推力杆工作过程的动态模拟

V 型推力杆的结构复杂,包含橡胶等非线性材



图 2 V型推力杆的有限元模型 Fig. 2 The finite element model of V-type thrust rod

料,准确模拟 V 型推力杆在试验载荷下的工作过程 是对 V 型推力杆的纵向刚度进行预测的前提条件。 由于V型推力杆球铰的内部结构具有对称性且有 限元模型的规模比较庞大,因此利用 Abaqus 软件 对V型推力杆在试验载荷下的拉伸过程进行动态 模拟即可^[11]。在 V 型推力杆的装配过程中,对球铰 中的橡胶层施加了较大的压装力,橡胶层的变形状 态是压装力和外界载荷叠加作用的结果。

对V型推力杆在试验载荷下的动态模拟应该 分成两个阶段。

1) 为了使球铰中的橡胶层产生预变形[12],在 Abagus 软件中通过 V 型推力杆大端头的端盖对大 端头球铰的橡胶层施加 105 kN 的压装力,通过 V 型推力杆小端头的端盖对小端头球铰的橡胶层施加 70 kN的压装力,并在对应的弹性挡圈上施加了反 作用力。各压装力同时从 t=0.00 s 时开始作用,在 t=0.03 s 时稳定施加在各端盖上,并保持该状态直 到全部模拟过程结束。

2) 为了模拟 V 型推力杆在试验载荷下的拉伸 变形过程^[13],在 Abaqus 软件中对 V 型推力杆两个 小端头芯轴的端耳施加固定约束,在时间为0.03~ 0.05 s 阶段向大端头芯轴的端耳均匀施加幅值为 150 kN 纵向拉伸载荷。为了保证 V 型推力杆的变 形状态趋于稳定,设定载荷在时间为 0.05~0.06 s 阶段保持不变。为了能方便地预测 V 型推力杆的 纵向刚度,利用相关模块在 V 型推力杆大端头球铰 的中心处预先定义了参考点,并要求输出该参考点 沿试验载荷方向的位移-时间曲线。由于模型很大, 所以设定总模拟时间为 0.06 s。

V型推力杆纵向刚度的预测方法 2.2

首先,按照上述建模及模拟方法对特定结构的

V型推力杆在试验载荷下的工作过程进行有限元动 态模拟;然后,通过 Abaqus 软件的后处理模块提取 大端头球铰中心处预先定义的参考点沿试验载荷方 向的位移历程。将 150 kN 的试验载荷除以参考点 在时间为 0.05~0.06 s之间的位移平均值,即可得 到特定结构下 V型推力杆纵向刚度的预测值。

3 V型推力杆纵向刚度优化

V型推力杆大端头的球铰包括芯轴、塑料层、橡胶层及端盖、垫片和外套等外围零件,球铰内部的剖面图如图3所示。考虑工艺及成本因素,芯轴的结构不宜改动。为了降低注塑成型时产生缺陷的概率,塑料层的厚度不宜继续增大。因此,为了分析总结 V型推力杆的纵向刚度与球铰结构之间的关系,提出两种改进措施,即增大球铰塑料层的宽度。



图 3 V型推力杆球铰的剖面图

Fig. 3 The section drawn of the spherical hinge in Vtype thrust rod

3.1 球铰外围零件直径的影响

将 V 型推力杆三维模型中大端头球铰外围零件的直径增大,通过有限元模拟预测 V 型推力杆的 纵向刚度,得到的 V 型推力杆纵向刚度随大端头球 铰外围零件直径的增大而变化的情况如表1 所示。

表 1 纵向刚度随外围零件直径的增大而变化的情况

Tab. 1 The change of longitudinal stiffness with increasing diameter of peripheral parts

直径增大值/mm	纵向刚度/($kN \cdot mm^{-1}$)	变动幅度/%
0	37.037	
2	35.714	-3.6
4	34.091	-8.0

从表 1 可看出,随着大端头球铰外围零件直径的增大,V型推力杆的纵向刚度有下降的趋势。

3.2 球铰塑料层宽度的影响

将 V 型推力杆三维模型中大端头球铰塑料层

的宽度增大,通过有限元模拟预测 V 型推力杆的纵 向刚度,得到的 V 型推力杆纵向刚度随大端头球铰 塑料层宽度的增大而变化的情况如表 2 所示。

表 2 纵向刚度随塑料层宽度的增大而变化的情况

 Tab. 2
 The change of longitudinal stiffness with increasing width of plastic layer

宽度增大值/mm	纵向刚度/($kN \cdot mm^{-1}$)	变动幅度/%
0	37.037	
4.6	39.683	+7.1
6.6	41.380	+11.7

从表 2 可看出,随着大端头球铰塑料层宽度的 增大,V型推力杆的纵向刚度有上升的趋势。

3.3 纵向刚度与球铰结构之间的关系

利用 Catia 软件计算大端头球铰橡胶层的体积,大端头球铰橡胶层的体积随各参数变化的情况如表 3 所示。

表 3 橡胶层的体积随各参数变化的情况

Tab. 3 The volume change of rubber layer with the change of each parameter

方案/mm	橡胶层体积/ 10 ⁻⁴ m ³	体积变动/ %	刚度变动/ %
原有结构	2.825		
外围零件 直径增大 2	3.034	+7.4	-3.6
外围零件 直径增大 4	3.247	+14.9	-8.0
塑料层宽度 增大 4.6	2.669	-5.5	+7.1
塑料层宽度 增大 6.6	2.621	-7.2	+11.7

对比表 1~3 可看出,V 型推力杆纵向刚度的变 化趋势与球铰橡胶层体积的变化趋势有非常密切的 联系:随着外围零件直径的增大,球铰橡胶层的体积 和变形空间随之扩大,从而提高了橡胶层的变形潜 力,导致 V 型推力杆的纵向刚度下降;随着塑料层 宽度的增大,球铰橡胶层的体积和变形空间随之缩 小,从而降低了橡胶层的变形潜力,导致 V 型推力 杆的纵向刚度上升。进一步还发现,增大外围零件 直径及增大塑料层宽度这两种措施对调整 V 型推 力杆纵向刚度的效果有强弱之分。从表 3 看出,在 增大外围零件直径的两个方案中,刚度变动幅度仅 为对应体积变动幅度的一半;而在增大塑料层宽度 的两个方案中,刚度变动幅度为体积变动幅度的1.3 倍以上,且随着塑料层宽度增加、幅度的扩大,刚度 变动幅度相对体积变动幅度由 1.3 倍上升至 1.6 倍。为了探明出现这种现象的原因,利用 Abaqus 后处理模块提取原有结构、球铰外围零件直径增大 4 mm 及塑料层宽度增大 6.6 mm 后大端头球铰内 橡胶层的应变云图,分别如图 4~6 所示。



图 4 原有结构橡胶层的应变云图









图 6 塑料层宽度增大 6.6 mm 后橡胶层的应变云图 Fig. 6 The strain nephogram of rubber layer with which the width of plastic layer increased 6.6 mm

对比图 4(a)及图 5 可看出,球铰外围零件直径 增大 4 mm 后,橡胶层上与端盖内侧硫化处(图中椭 圆标示内)拉伸应变最大值由 0.862 上升至 1.978, 且拉伸应变较大的部位显著扩大,这说明球铰橡胶 层外围环面体积的增加会增大芯轴的位移幅值。因 为球铰外围零件的直径增大后,加厚了球铰橡胶层 的外围环面。外围环面在承受相同载荷时的变形量 增大,导致芯轴的位移幅值增大,从而加剧了对橡胶 层上与端盖内侧硫化处(图中椭圆标示内)的拉伸作 用。还可以看出,橡胶层外围环面上不承受载荷一 侧拉伸应变较大的部位(图中矩形标示内)显著缩 小,这说明承受载荷一侧的橡胶层有向两侧端盖方 向延展的趋势。这是因为外套内腔的体积是固定 的,橡胶承受载荷一侧的橡胶层由于发生了严重的 压缩变形,必然试图向两侧端盖方向延展。球铰外 围零件的直径增大后,扩大了橡胶层外围环面向两 端盖方向延展的通道,使更多的橡胶被挤入外围环 面不承受载荷的一侧,从而使外围环面发生拉伸应 变的区域缩小。

对比图 4(b) 及图 6 可以看出, 球铰塑料层宽度 增大 6.6mm 后,橡胶层上与端盖内环面硫化处(图 中椭圆标示内)拉伸应变最大值由 0.862 下降至 0.802,且拉伸应变较大的部位显著缩小。这说明球 较塑料层宽度的增加会减小芯轴的位移幅值。因为 球铰橡胶层外围环面的体积减小后,外围环面在承 受相同载荷时的变形量减小,导致芯轴的位移幅值 降低,从而缓解了对橡胶层上与端盖内侧硫化处(图 中椭圆标示内)的拉伸作用。还可以看出,橡胶层与 塑料层外壁接触环面上的压缩应变最大值由 0.011 上升至 0.066,且压缩应变较大的部位(图中矩形标 示内)显著缩小。这一现象说明球铰塑料层的宽度 增大后,橡胶层在压缩变形时的延展不够顺畅。这 是因为增加的塑料体占据了一部分流动通道,阻碍 了橡胶层外围环面向两侧端盖方向的延展,同时增 大了橡胶层与塑料层的硫化面积,使橡胶层延展的 阻力增大,造成了产生压缩应变的部位相对集中,而 且压缩应变的数值显著增大的现象。

3.4 V型推力杆纵向刚度的优化方案

根据对橡胶层体积变化及应力云图分析的结 果,要从结构上采取措施提高 V 型推力杆的纵向刚 度,就必须减少球铰橡胶层外围环面的体积,增大橡 胶层的硫化面积,并采取措施阻碍橡胶层外围环面 在压缩变形时向两侧端盖方向的延展;因此,通过增 大球铰塑料层的宽度来提高 V 型推力杆的纵向刚 度是可行的且成本较低。为了防止塑料层与球铰芯 轴运动中的极限位置发生干涉,塑料层的宽度最多 能增加 6.6 mm,因此选择将球铰塑料层的宽度增 加 6.6 mm,其他结构不变作为优化方案。

4 验证试验

4.1 V型推力杆的台架试验

为了验证优化方案对 V 型推力杆纵向刚度的 优化效果,对 V 型推力杆原结构的样件及优化方案 的样件进行台架试验。将 V 型推力杆样件装夹在 GPA-1000 型电液伺服疲劳试验系统的夹具中,计 算机通过控制装置向电机发送载荷信号,电机通过 液压传动系统驱动作动器向 V 型推力杆大端头球 铰缓慢施加幅值为 150 kN、均值为 0N 的正弦载荷。 通过传感器测量试验过程中 V 型推力杆总成承受 的载荷值及大端头球铰中心的位移值,并将信息实 时输入计算机。计算机通过专业软件对载荷及位移 历程进行实时显示和记录,经过数据处理后即可获 得 V 型推力杆总成的纵向刚度。V 型推力杆的装 夹状态如图 7 所示。



图 7 V型推力杆的装夹状态 Fig. 7 The clamping state of V-type thrust rod

4.2 试验结果

试验测得各样件的纵向载荷-位移曲线及经过 线性回归分析得到的对应趋势线如图 8 所示。

从图 8 得到各样件的纵向刚度及其变化情况如 表 4 所示。

表 4 各样件的纵向刚度及其变化情况

Tab. 4 The longitudinal stiffness of each sample and the change of them

方案	纵向刚度/($kN \cdot mm^{-1}$)	变化幅度/%
原有结构	58.781	
优化方案	67.674	+15.1



Fig. 8 The load-displacement curves of each sample

从表 4 可看出,试验测试刚度大于预测刚度,这 是由于在有限元建模过程中对模型进行了适当的简 化,且橡胶材料的单轴拉压试验数据与实物有一定 的误差。经过优化方案优化后,V型推力杆的纵向 刚度提高了 15.1%,与预测的提高幅值 11.7%接 近。这说明优化方案的效果显著,且优化效果与预 期一致。

5 结 论

 利用笔者提出的针对 V 型推力杆的建模及 动态模拟方法可有效预测 V 型推力杆纵向刚度的 变化趋势,提前评价优化方案的优化效果,从而缩短 了 V 型推力杆的开发周期。

2) 从结构上对 V 型推力杆纵向刚度进行优化 的实质是降低球铰橡胶层外围环面的体积,提高橡 胶层的硫化面积,并阻碍橡胶层外围环面在压缩变 形时向两侧端盖方向的延展趋势。

3) 球铰塑料层加宽 6.6 mm 后,V 型推力杆的 纵向刚度提高了 15.1%,优化效果显著。

参考文献

- [1] 张红红,陈昆山,张健. 空气悬架 V 型推力杆静动态特 性分析[J]. 拖拉机与农用运输车,2009,36(3):40-42.
 Zhang Honghong, Chen Kunshan, Zhang Jian. Static & dynamic analysis of V-type propelling rod in air suspension system [J]. Tractor & Farm Transporter, 2009,36(3):40-42. (in Chinese)
- [2] 陈志勇.轻型车驾驶室液压悬置性能匹配研究[D].长春:吉林大学,2011.
- [3] 李晓芳,杨晓翔.橡胶材料的超弹性本构模型[J].弹性体,2005,15(1):50-58.

Li Xiaofang, Yang Xiaoxiang. A review of elastic constitutive model for rubber materials[J]. China Elastomerics,2005,15(1):50-58. (in Chinese)

- [4] Bergstrom J S, Boycem C. Constitutive modeling of the large strain time-dependent behavior of elastomers
 [J]. Journal of the Mechanics and Physics of Solids, 1998,46(5):931-954.
- [5] Yeoh O H. Characterization of elastic properties of carbon black-filled rubber vulcanizates [J]. Rubber Chemistry and Technology, 1990,63(5):792-805.
- [6] Beda T. Modeling hyperelastic behavior of rubber: a novel invariant-based and a review of constitutive models[J]. Journal of Polymer Science Part B: Polymer Physics, 2007, 45(1):1713-1732.
- [7] Yeoh O H. On the ogden strain energy function[J]. Rubber Chemistry and Technology, 1997, 70(2): 175-182.
- [8] 于国飞. HyperWorks 在汽车白车身模态分析中的应 用[J]. 振动、测试与诊断,2012,32(1):138-140.

Yu Guofei. Modal analysis of body-in-white of multipurpose vehicle car based on HyperWorks[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2012, 32 (1):138-140. (in Chinese)

- [9] 石亦平,周玉蓉.ABAQUS有限元分析实例详解[M]. 北京:机械工业出版社,2006:1-3.
- [10] 庄茁,由小川,廖剑晖,等. 基于 ABAQUS 的有限元分 析和应用[M]. 北京:清华大学出版社,2009:449-465.
- [11] Morman Jr K N, Pan T Y. Application of finite-element analysis in the design of automotive elastomeric components [J]. Rubber Chemistry and Technology, 1988,61(3):503-533.
- [12] Valeria A, Roel M. FE-modelling of the rubber mould behaviour during press forming of thermoplastic composites[J]. International Journal of Material Forming, 2010,3(4):679-682.
- [13] 王利荣,吕振华. 橡胶隔振器有限元建模技术及静态弹性特性分析[J]. 汽车工程,2002,24(6):480-485.
 Wang Lirong, Lü Zhenhua. Finite element modeling of rubber mount and its static elastic characteristic simulation[J]. Automotive Engineering, 2002,24(6): 480-485. (in Chinese)



第一作者简介:柯俊,男,1989年2月 生,博士研究生。主要研究方向为汽车 系统动力学与控制、汽车零部件可靠性。 E-mail:coolkejun@163.com

通信作者简介:史文库,男,1960年10 月生,教授、博士生导师。主要研究方向 为汽车系统动力学、汽车 NVH 分析与 控制。

E-mail:shiwk@jlu.edu.cn