Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2015.06.026

过程阻尼效应在钛合金铣削加工中的应用

李 亮^{1,2}, 赵 威¹, 何 宁¹ (1.南京航空航天大学机电学院 南京,210016) (2.盐城工学院机械优集学院 盐城,224051)

摘要 对过程阻尼效应在钛合金铣削加工中的应用进了行研究。利用隐式龙格库塔法,计算典型钛合金材料铣削 加工中干涉产生的侵入面积以及阻力,建立考虑过程阻尼效应的非线性铣削动力学模型,并基于此模型设计减振 后角抑制颤振。计算与试验结果对比分析表明,所建模型能够较为准确地预测稳定性极限,过程阻尼效应可使低 速区极限切深显著增加,而减振后角可使过程阻尼效应增强,进一步拓展稳定区域。

关键词 钛合金;铣削加工;颤振;过程阻尼;减振后角 中图分类号 TH113; O327

引 言

钛合金一直被广泛应用于航空制造业,其具有 比强度大、密度小、耐热性强以及耐低温等优良综合 性能。用它制造飞机零部件,不仅可以延长飞机使 用寿命,而且可以减轻重量,降低燃料消耗,从而大 大提高其飞行性能。钛合金是一种典型的难加工材 料,其导热性差,化学活性高,加工硬化严重,刀具寿 命短,并且由于弹性模量小,切屑与前刀面的接触长 度短,单位面积切削力大,加工过程中极易发生颤 振。颤振给工件留下的斜状振纹往往需要手工去 除,影响加工效率,严重的直接导致工件报废,甚至 毁坏刀具。颤振问题是制约钛合金切削加工质量和 效率的一大瓶颈。

控制颤振的方法一般均可归结为增加系统阻 尼。切削系统阻尼可分为机床结构阻尼和由刀具后 刀面与工件表面相互干涉而产生的阻尼,亦称为过 程阻尼(process damping)^[1-2]。过程阻尼是近年国 际学术界的研究热点,被列为切削颤振中尚未解决 的研究难点^[3]。Turkes 等^[4-5]基于刀具剪切角变 化,以及后刀面和工件表面波纹之间干涉力的变化, 建立了车削过程阻尼模型,对零阶频率法的临界切 深表达式进行逆求解,识别过程阻尼。Huang 等^[6-7]提出了包含切削阻尼的铣削动能模式,模式中 包含剪切、犁耕两种切削机制,以及切削力大小及方 向变动所产生的阻尼效应,建立线性周期性时变的 铣削动能模型,并以该模型为基础,通过测试结构振 动信号来辨识切削阻尼系数。Altintas 等^[8]通过一 系列正交试验,识别动态切削力中的过程阻尼系数, 该试验由快速伺服系统控制,使得刀具以预期频率 和振幅振荡,但该试验系统较为复杂,工作量很大。 文献[9]将正交车削的稳定性极限预测解析法和颤 振试验相结合,利用二者获取的极限切深,直接辨识 过程阻尼系数。基于此,又结合能量分析,获取侵入 力系数,之后计算侵入面积和切削力,建立车削的稳 定性分析模型。文献[10]系统分析了切削参数和刀 具几何参数对过程阻尼的影响。文献[11-12]将其 车削的过程阻尼建模方法推广到了铣削。Ahmadi 等[13-14] 基于小振幅假设,将过程阻尼等效为线性黏 性阳尼,利用半离散法,计算铣削稳定性极限,该模 型具有一定局限性,预测出的稳定性极限低于试 验值。

目前,国际上对于过程阻尼的研究,车削远较铣 削完善成熟。铣削是高间断性、时变的切削过程,侵 入面积和过程阻力的计算远较车削困难。在现有文 献中,切削稳定性分析均采用较为传统的线性模 型^[15-16],未考虑过程阻尼,该模型在低速区会产生很 大误差。对于钛合金加工来说,为保证刀具寿命,切 削速度一般较低,这时如果还采用常用的线性模型,

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51475234) 收稿日期:2014-04-11;修回日期:2014-05-28

预测的极限切深远低于实际极限切深,势必会影响 加工效率。过程阻尼的大小和刀具几何参数息息相 关,鉴于此问题,笔者建立一考虑过程阻尼的非线性 铣削动力学模型,利用隐式四阶龙格库塔法,计算典 型钛合金材料加工时,刀具后刀面与工件振动波纹 的侵入面积以及干涉阻力,预测稳定性极限,并且基 于此模型,分析后角变化对稳定性极限的影响,设计 减振后角来增强稳定性。最终结合试验得出结论, 所建非线性模型能够较为准确地预测低速区的稳定 性极限,所设计的减振后角能够有效增强过程阻尼 作用,抑制颤振,改善加工质量,为解决钛合金铣削 颤振问题提供一定理论支持。

1 过程阻尼形成机理

图 1(a)为常用的二自由度铣削振动示意图^[15], 刀具中心在机床整体坐标系下的振动位移分别为 *x* 和 *y*,刀具振动给工件表面沿径向或切屑厚度方向 留下了波纹。在切削加工中,如果颤振发生,振幅增 大,这时后刀面与工件表面振动波纹发生干涉,形成 侵入面积,阻力增大,会对颤振产生抑制作用。按照 传统的线性模型,颤振发生以后,振幅是发散的,但 是由于后刀面干涉形成的阻力,系统振荡不会发散, 而是形成极限环,振动能量能够被控制,而相应的阻 力被称为过程阻力。

对于过程阻尼的分析和计算,需要将振动转换 到径向,即图1中的 u,方向。刀尖径向的振动位移 和振动速度为

$$\begin{cases} u_r = -x\sin(\varphi_j) + y\cos(\varphi_j) \\ v_r = -\dot{x}\sin(\varphi_j) + \dot{y}\cos(\varphi_j) \end{cases}$$
(1)

其中: φ_j 为切削刃的径向接触角, $\varphi_j = \Omega t$; Ω 为主轴 旋转角速度。

当 $\varphi_j \in (\varphi_s, \varphi_{ex})$ 时 (φ_s, φ_{ex} 分别为刀具切入和 切出时的接触角,本研究的工况为顺铣, φ_{ex} 为 π),刀 具与工件有作用力产生,这时候需要计算 u_r 和 v_r , 其余时刻,这两个变量可置 0。

过程阻尼的大小取决于侵入面积的大小,如 图 1(b)所示。设 λ 为加工表面振动波纹的波长,当 刀具径向振动速度 $v_r = \frac{du_r}{dt} < 0$,即刀尖轨迹位于 [$\frac{\lambda}{4}, \frac{3\lambda}{4}$]时,后刀面将有可能与工件表面振纹发生 干涉。当刀尖振动速度满足条件式(2),后刀面与工 件表面波纹的干涉就将发生。

$$\frac{\mathrm{d}u_r}{\mathrm{d}s} = \frac{\mathrm{d}u_r}{\mathrm{d}t} \frac{\mathrm{d}t}{\mathrm{d}s} = \frac{v_r}{v_c} < -\tan(\alpha) \tag{2}$$

其中:s为刀尖切向位移;v。为刀尖切削线速度。

由此可知,如图1(c)所示,切削速度 ve 减小,表 面波纹在刀尖位置处的斜率 du, 减小,干涉容易发 生,侵入面积会增大,过程阻尼也会随之增加,后角 减小也会取得同样的效果。



(a) 侵入面积形成(a) The tormation of indentation aera



(b) 侵入形成条件(b) The condition of indentation







侵入面积 U(t,x,y)的计算是个难点,需要在整体坐标系下,迭代计算刀尖振动位移 x,y 的同时, 变换坐标系,获取径向的振动位移 u_r。如图 2(a)所 示,每一个时间点处,都有一工件表面上的点,记为 B。u¹_r为当前需要计算的刀尖径向振动位移,相应 的工件表面上的点记为 B₁。u²_r为前一个时间点,按 照隐式数值方法,已经计算出的径向振动位移,相应 的工件表面上的点记为 B₂。其余如 uⁱ,可依此类 推,为前(*i*-1)个时间点,已计算出的径向振动位 移,对应工件表面上的点记为 B_i。每个 B_i都对应 一个后刀面上的点,记为 C_i,其位置记为 uⁱ_f,d_i为它 们之间的位置差,有如下关系

$$\begin{cases} u_f^i = u_r^1 + (i-1)\Delta stan(\alpha) \\ d_i = u_r^i - u_f^i \end{cases}$$
(3)

其中: $\Delta s = v_c \Delta t$ 为相邻两时间点间的切向圆弧长; Δt 为计算所取时间步长。

计算侵入面积,同时需要搜索判断刀具后刀面 与振动波纹的交点,如图 2(b)所示。当位置差 d_i 小于 0时,即可判断后刀面与工件已加工表面脱离, 交点前后的时间点记为 n 和 n+1, $d_n > 0$, $d_{n+1} < 0$, 这样,即可按照下式计算完整的侵入面积U(t,x,y)

$$\begin{cases} \Delta A^{i} = \left(\frac{d_{i} + d_{i+1}}{2}\right) \Delta s \\ \Delta A^{n} = \frac{(d_{n})^{2} \Delta s}{2(d_{n} - d_{n+1})} \\ U(t, x, y) = \sum_{i=1}^{n} \Delta A^{i} \end{cases}$$
(4)

 ΔA^n 是按照三角比例关系获得,时间步长 Δt 取 得越小,计算越精确。侵入体积 $V = a_p U(t, x, y), a_p$ 为轴向切深。形成的侵入力 $F_p = K_d V$,摩擦阻力 F_s = $\mu F_p, K_d$ 为侵入力系数, μ 为摩擦因数。



2 减振后角对过程阻尼的影响

由式(2)可以看出,后角减小,同样可使得过程 阻尼增加。但在刀具设计中,后角减得过小,后刀面 会与加工表面发生严重干涉,反而会降低加工质量。 所以,在设计时往往采用一段过渡棱刃,如图 3 所 示,其长度记为W。图中,改进后的刀具可采用 2 个后角,分别为后角1(a1)和后角2(a2)。其中 a1 设 计得较小,起减振作用。

增加减振后角以后,其侵入面积的计算也有所 不同,关键在于后刀面上的点 C_i 位置 uⁱ_f 的计算。 如上节所述,在计算侵入面积过程中,需要搜索后刀 面与波纹的交点,当交点位于过渡棱刃之内时,计算 方法与上节所述相同;当交点位于棱刃之外,其计算 就要有所补充。

如图 4 所示,两后角 α_1 和 α_2 之间的拐点记为 L,在第 k 和 k+1 个时间点之间。其余参数物理意 义与上节所述相同,但后刀面上的点 C_i 位置 u_f^i 的 计算有所不同。另外,相邻两时间点之间侵入面积 依然按照式(3)、式(4)进行计算,但在 k 和 k+1 个 时间点之间,需要将附加三角面积 ΔU 计入。 u_f^i 和 ΔU 的计算如下。

$$\begin{cases} u_{f}^{i} = u_{r}^{1} + (i-1)\Delta s \tan_{\alpha_{1}} & (i < k) \\ u_{f}^{i} = u_{f}^{k+1} + (i-k-1)\Delta s \tan_{\alpha_{2}} & (i \ge k+1) \\ u_{f}^{k+1} = u_{f}^{k} + s_{2} \tan_{\alpha_{1}} + s_{1} \tan_{\alpha_{2}} \\ \Delta U = \frac{s_{1}}{\cos_{\alpha_{2}}} \frac{s_{2}}{\cos_{\alpha_{1}}} \frac{\sin(\alpha_{2} - \alpha_{1})}{2} \\ s_{1} = k\Delta s - W \\ s_{2} = \Delta s - s_{1} \end{cases}$$
(5)









图 4 侵入面积计算示意图(增加减振后角) Fig. 4 The calculation of indentation area (with anti-vibration angle)

3 铣削动力学方程

将求得的过程阻力 F_p, F_s,转换到整体坐标系 下,叠加到切削力中,可得计入过程阻尼的动力学方 程为

$$\begin{cases}
 m_{x}\ddot{x} + c_{x}\dot{x} + k_{x}x = F_{x} + F_{xp} \\
 m_{y}\ddot{y} + c_{y}\dot{y} + k_{y}y = F_{y} + F_{yp} \\
 F_{xp} \\
 F_{yp} \\
 F_{yp} \\
 = \begin{bmatrix}
 -\cos\varphi_{j} & -\sin\varphi_{j} \\
 \sin\varphi_{j} & -\cos\varphi_{j}
\end{bmatrix} \begin{cases}
 F_{p} \\
 F_{s} \\
 F_{s}$$

其中: {F_{xp} F_{yp}}^T即为整体坐标系下的过程阻力。

侵入面积U(t,x,y)是关于振动位移的非线性 函数,式(6)具有很强的非线性。当刀尖径向振动速 度 v_r 满足式(2),干涉发生时, φ 为1,否则为0。 (m_x,m_y),(c_x,c_y),(k_x,k_y)分别为主轴-刀具系统 的结构质量、阻尼、刚度参数(如图1(a)所示),可通 过模态试验获取。

作用于刀具的动态切削力为各个刀齿的切削力 之和,为

$$\begin{cases} F_x = \sum_{j=1}^{N} F_{xj} \\ F_y = \sum_{j=1}^{N} F_{yj} \end{cases}$$
(7)

其中:N为刀齿数。

单个刀齿的切削力[15]为

$$h_{d} = f_{t} \sin\varphi_{j} + \begin{bmatrix} \sin\varphi_{j} & -\cos\varphi_{j} \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \end{pmatrix} \quad (8c)$$

 $\Delta x = x(t) - x(t - T) \Delta y = y(t) - y(t - T)$ (8d) 其中: K_t 为切向力系数; K_r 为径向力系数; h_d 为动 态切屑厚度; f_t 为每齿进给量; T 为刀齿周期。

当接触角 $\varphi_j \in (\varphi_s, \varphi_{ex})$,刀齿参与切削工件,g 为1,否则为0。(x(t), y(t))为当前刀齿周期的振 动位移,称为内调制;(x(t-T), y(t-T))为前一个 刀齿周期的振动位移,称为外调制。内调制和外调 制之间的相位差即为再生型颤振的根源^[15]。对于 钛合金来说,因为切削力系数 K_t, K_t 均较大^[12],所 以更易发生颤振。

对于式(6),可采用隐式四阶龙格库塔法求解,

计算流程如图 5 所示,相关说明如下。



Fig. 5 The computational procedure

 初始化数据。包括切削系统动力学参数、刀 具后角、进给、刀具初始位置、切出切入角、切削力系 数、需要的仿真周期、轴向切深、切削速度及计算步 长。将刀具振动位移、速度和切削力置0。

2) 开始运行程序。所需变量包括刀尖振动位 移 x(t), y(t),以及振动速度、加速度、切削力和动 态切屑厚度 h_d。需同时进行坐标转换,计算径向振 动位移 x_r(t), y_r(t),判断干涉是否发生。一般在最 初的几个周期,振动位移比较小,干涉不会发生。

3)判断干涉是否发生,即式(2)是否满足。干 涉发生以后,同样按照上面提供的方法,计算过程阻 力,重新解式(6),更新位移。满足龙格库塔法收敛 准则之后,记录该时刻的变量,再进行下一时刻的 计算。

4) 在程序运行结束后,需要判断颤振是否发 生。对于给定工况,得到足够的时域数据后,可以按 照文献[17-18]提供的颤振判定法,设定阈值为 η。 最大动静态切屑厚度比 h_d,max/h_s,max>η时,即可视 为颤振发生。h_d,max为最大动态切屑厚度,在给定切 宽、转速和进给情况下,随着轴向切深增大而增大。 h_s,max为最大静态切屑厚度,在不考虑跳刀的情况 下,最大静态切屑厚度即为每齿进给量 f_i。在给定 切宽和转速下,逐步增大轴向切深,由该判定法确定 稳定性极限。

4 计算与试验对比分析

为验证所提出的非线性铣削动力学模型,进行 了计算和试验分析。计算是基于 Matlab 编程,阈值 η 设为 1.1,按照图 5 所示流程图,求解式(6),进行 稳定性分析。式中的模态参数为:固有频率 $\omega_{nx} =$ 2 077 Hz, $\omega_{ny} =$ 2 061 Hz;模态阻尼比 $\zeta_x =$ 0.035, $\zeta_y =$ 0.026;模态刚度 $k_x = k_y =$ 1.66×10⁷ N/m。

模态参数通过模态试验获取,试验测出频响后, 通过有理分式法识别模态参数,测试及拟合出的频 响函数如图 6 所示。



图 6 实测和拟合频响函数 Fig. 6 The measured and fitted FRF

切削力系数为切向力系数 $K_t = 2 000$ MPa;径向力系数 $K_r = 1 000$ MPa,由铣槽快速标定法^[17]获得。

过程阻力系数(钛合金 Ti6AL4V 的过程阻力 系数标定见文献[12]):侵入力系数 $K_d = 30$ kN/ mm³;摩擦因数 $\mu = 0.3$ 。该组系数的获取难度较 大,尤其是侵入力系数,需通过颤振试验结合振动能 量分析来标定。

试验现场图如图 7 所示。主要设备如下:机床 为 Mikron UCP DURO800 五坐标加工中心;刀具 1 为整体硬质合金立铣刀,全长为 125 mm,悬长为 70 mm,刃长为 30 mm,直径为 12 mm,4 齿,后角 为 9°;刀具 2(增加设计减振后角)的后角 α_1 为 4°, α_2 为 9°,过渡棱刃长 W=60 μ m,其余参数与刀具 1 相 同;传感器的测振由压电加速度传感器(PCB 式)完 成,测试工件振动;测声由 BSWA 传声器 MP201 完 成;工件为钛合金材料 Ti6AL4V;数据采集卡为 NIUSB9233。



图 7 铣削试验现场图 Fig. 7 The milling experiments scenes

刀具的设计如图 8 所示。试验的主轴转速为 500~4 000 r/min,在相同的转速下,切深每次均取 1,3,5,7,9 mm,切宽为 1 mm,进给为0.06 mm/z, 顺铣,雾气冷却。





图 9 为刀具 1 计算和试验对比分析图。在计算 模型中,分别计算了忽略和考虑过程阻尼非线性效 应时的稳定性极限(式(6)如果不计过程阻力,即为 周期系数线性方程)。从图 9 中可以看出,过程阻尼 的作用很明显。按照传统的不计入过程阻尼的线性 模型,在低速区很难有完整的稳定性叶瓣,稳定性极 限很低^[18-19]。计入过程阻尼之后,在转速低于 2 kr/min(~80 m/min)时,稳定区域明显扩大。



Fig. 9 The comparisons of computational and experimental results(tool 1)

图 10 为刀具 1 各试验点的谱分析结果,稳定性 极限图是以 2 061 Hz 这阶模态来做分析进行绘制 的。试验所采集的振动信号和声信号中,峰值较大 的振动频率也多集中在 2 000~2 500 Hz 这个区间 段,又因为转速较低,谱线很密,为看清频率成分,就 截取 2 000~2 500 Hz 这个区间段进行谱分析。可 以看出,在稳定点,频率成分主要都是主轴旋转频率 (用★表示)和刀齿通过频率(用×表示);而在颤振 点,频率成分会发生变化,颤振频率(用○表示)会凸 显出来。对于颤振频率,其相位 β∈(π,2π),且不与 主轴旋转频率重合,属于 hopf 分叉^[20]。从谱分析 结果可以看出,试验结果和计算结果吻合较好。

图 11 为刀具 2 计算和试验对比分析图,图 12 为相应的试验点谱分析图。从图 10 可以看出,刀具 采用减振后角后,过程阻尼效应到 3 kr/min (113 m/min)后才消失。相对于刀具 1,稳定区域 和过程阻尼作用的转速范围明显扩充,减振后角的 作用非常显著。

为更好地显示减振效果,可将刀具1的明显颤振点的工况(2 kr/min,7 mm),同时用刀具2进行试验,来观察减振效果。图13(a)为刀具1的振动信号谱分析结果,其中颤振频率很突出;图13(b)为刀具2的振动信号谱分析结果,其中颤振频率已经基本消失,主要频率成分都是强迫振动成分,且峰值远小于刀具1的峰值,刀具2的减振效果非常显

著。从图 14 可以看出,刀具 1 加工时,工件表面有 非常明显的斜纹,这是颤振发生的标志。刀具 2 加 工时,表面非常光滑,振纹几乎消失,进一步体现了 减振后角的作用。





试验和计算结果对比分析表明,笔者提出的计入 过程阻尼的非线性模型能够较为准确地预测钛合金 加工时低速区的稳定性极限,包括设计减振后角的刀 具。过程阻尼能够使得低速区的稳定性极限显著提 高,本研究工况刀具1在1kr/min(≈40m/min)这样 的钛合金常用切削速度下,稳定性极限能够由常规模 型计算出的3mm提高到10mm以上;而刀具2能够 进一步增强过程阻尼效应,显著扩展过程阻尼作用的 转速范围,完全体现了式(2)反映的规律。



图 11 计算与试验结果对比(刀具 2)









图 13 振动信号谱分析结果对比 Fig. 13 The comparisons of spectral analysis results



图 14 工件加工表面质量对比 Fig. 14 The comparisons of surface quality

5 结束语

钛合金材料铣削中的颤振问题,是制约其制造 加工效率的一大瓶颈。为保证刀具寿命,钛合金材 料基本以较低速度进行切削。如果按照传统的线性 模型,稳定性极限很低,依此模型选择切深将对效率 非常不利,更难以为刀具设计提供依据。笔者针对 此问题,建立了考虑过程阻尼的非线性铣削动力学 模型,计算由干涉效应形成的侵入面积以及过程阻 力,并通过时域仿真法计算稳定性极限。试验结果 表明,所提出的计入过程阻尼的非线性计算模型,能 够较为准确地预测钛合金加工时低速区的稳定性极 限,包括减振后角对稳定性极限的影响。所设计的 减振后角可进一步增强过程阻尼效应,扩展稳定区 域,改善加工质量。

参考文献

- [1] Elbestawi M A, Ismail F, Du R, et al. Modelingmachining dynamic including damping in the tool-workpiece interface[J]. ASME Journal of Engineering for Industry, 1994, 116(4):435-439.
- [2] Shawky A M, Elbestawi M A. An enhanced dynamic model in turning including the effect of ploughing forces [J]. ASME Journal of Manufacturing Science and Engineering, 1997,119(1):10-20.
- [3] Altintas Y, Weck M. Chatter stability in metal cutting and grinding[J]. Annals of the CIRP, 2004, 53(2): 619-642.
- [4] Turkes E, Orak S, Neseli S, et al. A new process damping model for chatter vibration [J]. Measurement, 2011,44:1342-1348.
- [5] Turkes E, Orak S, Neseli S, et al. Decomposition of process damping ratios and verification of process damping model for chatter vibration [J]. Measurement, 2012, 45,1380-1386.
- [6] Huang C Y, Wang J J J. Mechanistic modeling of process damping in peripheral milling [J]. ASME Journal of Manufacturing Science and Engineering, 2007, 129:12-20.
- [7] Huang C Y, Wang J, Junz J. Effects of cutting conditions on dynamic cutting factors and process damping in milling [J]. International Journal of Machine Tools & Manufacture, 2011, 51:320-330.
- [8] Altintas Y, Eynian M, Onozuka H. Identification of dynamic cutting force coefficients and chatter stability with process damping[J]. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2008, 57(1):371-374.
- [9] Budak E, Tunc L T. A new method for identification and modeling of process damping in machining [J]. Journal of Manufacturing Science and Engineering, 2009,131(5):1-10.
- [10] Tunc L T, Budak E. Effect of cutting conditions and tool geometry on process damping in machining [J]. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2012,57: 10-19.

- [11] Budak E, Tunc L T. Identification and modeling of process damping in turning and milling using a new approach[J]. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2010, 59(1):403-408.
- [12] Tunc L T, Budak E. Identification and modeling of process damping in milling[J]. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2013,135(2):1-12.
- [13] Ahmadi K, Ismail F. Experimental investigation of process damping nonlinearity in machining chatter[J]. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2010,50(11):1006-1014.
- [14] Ahmadi K, Ismail F. Stability lobes in milling including process damping and utilizing multi-frequency and semi-discretization methods [J]. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2012, 54-55: 46-54.
- [15] Budak E, Altintas Y. Analytical prediction of chatter stability in milling-part I:general formulation[J]. Journal of Dynamic Systems, Measurement and Control, Transaction of the ASME, 1998, 120(1):22-30.
- [16] Altintas Y, Stepan G, Merdol D, et al. Chatter stability of milling in frequency and discrete time domain [J]. CIRP Journal of Manufacturing Science and Technology, 2008,1(1):35-44.
- [17] Li Zhongqun, Liu Qiang. Solution and analysis of chatter stability for end milling in the time-domain[J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2008,21:169-178.
- [18] Campomames M L, Altintas Y. An improved time domain simulation for dynamic milling at small radial immersions[J]. Transactions of ASME Journal of Engineering, 2003,125,416-422.
- [19] 林紫雄. 间断切削的颤振稳定性研究[D]. 南京:南京 航空航天大学,2011.
- [20] 宋清华.高速铣削稳定性及加工精度研究[D].济南: 山东大学,2009.



第一作者简介:李亮,男,1981年1月 生,副教授。主要研究方向为切削颤振 分析与试验。曾发表《汽车起动机减速 轴冷挤压数值模拟分析》(《机械设计与 制造》2010年第12期)等论文。 E-mail:jzlliang@163.com