Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi: 10. 16450/j. cnki. issn. 1004-6801. 2016. 02. 030

# 一种非平稳转速下不平衡信号提取方法

李传江1, 费敏锐2, 张自强1

(1. 上海师范大学信息与机电工程学院 上海,201418) (2. 上海大学机电工程与自动化学院 上海,200072)

摘要 针对动平衡测量中实际存在的转速波动问题,提出一种基于经验模态分解(empirical mode decomposition, 简称 EMD)和瞬时频率估计的不平衡信号提取方法。与传统的平稳信号分析方法不同,该方法采用 3 次样条插值 法从键相信号中获取转子的瞬时频率,由瞬时频率构造不平衡信号,进而采用最小二乘法(least square method, 简称 LSM)辨识出不平衡信号的幅值和相位。为提高幅值和相位估计的精度,采用 EMD 算法对振动信号进行滤波 处理后,再从中抽取数据样本。仿真和实验结果表明,该方法能够有效克服转速波动和干扰信号对不平衡信号提 取精度的不利影响,提高不平衡量测量精度和稳定性,非常适合于工程应用。

关键词 不平衡信号;非平稳转速;动平衡;经验模态分解 中图分类号 TH825;TH113.1

# 引 言

不管是离线平衡、现场平衡,还是自动平衡技 术,不平衡量引起的振动信号的准确提取都是提高 平衡精度的关键环节。而不平衡量的测量通常是在 假定转速恒定的情况下进行的,此时的振动信号为 平稳信号,采用傅里叶变换或相关滤波等方法就可 以得到不平衡信号的幅值和相位。但在工程实践 中,转速波动或变速转子是客观存在的,当转子加速 度较低、阻尼较大且转速不在共振区时,由切线加速 度引起的响应与由不平衡量引起的振动响应相比要 小得多,转子的不平衡响应占主导地位,仍可通过同 频振动信号获取不平衡量。胡兵等[1]也给出了变速 转子准稳态的条件为较小角加速度、适当大的阻尼 系数和小时间步长。只是非平稳转速下,同频振动 信号的瞬时频率和瞬时幅值都为时变量,若采用传 统的傅里叶变换等平稳信号处理方法来获取不平衡 信号的幅值和相位会有较大误差,严格说是错误 的<sup>[2]</sup>。而非平稳信号分析法解决上述问题具有明显 优势。

瞬时频率是非平稳信号分析的一个重要物理 量,旋转机械振动信号中包含有瞬时频率信息,基于 振动信号的瞬时频率估计是旋转机械振动信号处理 中的一个热点问题,Hillbert 变换、时间尺度变换、 经验模态分解、小波变换等方法<sup>[3-4]</sup>已经获得了较好 的应用。但根据短时振动信号识别瞬时频率的实时 性和精度不能很好地满足动平衡测量的需求。考虑 到动平衡测量系统中的键相信号为转子每旋转一周 产生的一个脉冲,可以用于测量转子每周内的平均 转速,以此转速为基础,采用插值技术可以快速得到 转子的瞬时转速。

笔者针对动平衡测量系统中的转速波动情况, 以测量的实时性和可靠性为出发点,利用每周的平 均转速结合3次样条插值法实现瞬时频率的估计, 提出一种适用于转速波动的不平衡信号快速、准确 提取方法,提高了动平衡测量精度。

# 非平稳转速时不平衡信号提取方法 流程

如图 1 所示,非平稳转速时不平衡信号提取方 法主要包括 4 个模块:瞬时频率估计;振动信号滤波 和样本截取;构造不平衡信号;不平衡信号的幅值和 相位识别。

瞬时频率估计采用基于离散点处频率值的插值 方法得到,即根据键相脉冲得到每个脉冲内(转子每 转一周)的平均频率,然后由插值法得到转子旋转一

<sup>\*</sup> 国家重大科学仪器设备开发专项课题资助项目(2012YQ15008703);上海市科委基础重点资助项目(11JC1404000);上 海师范大学创新团队资助项目(A-7001-15-001005) 收稿日期:2014-03-28;修回日期:2014-05-27





周内多点处的瞬时频率。

振动信号的采集频率远高于键相脉冲的频率, 先对振动信号进行 EMD 滤波,然后从滤波后的信 号中根据键相脉冲的上升沿截取数据样本,从而保 证从该样本中识别出的不平衡信号相位不发生 改变。

不平衡信号的构造是根据瞬时频率值,构造出 幅值和相位待定的余弦信号。然后采用最小二乘 法,由抽取好的振动信号样本数据识别出不平衡信 号的幅值和相位。

# 2 不平衡信号提取算法

#### 2.1 振动信号 EMD 滤波算法

EMD 方法是由美国 NASA 的 Huang<sup>[5]</sup> 首次提 出的,是一种数据驱动的自适应非线性时变信号分 解方法。主要思想是把一个时间序列的信号通过经 验模态分解,表示为不同时间尺度的本征模函数 (intrinsic mode function,简称 IMF)。IMF 必须满 足以下 2 个条件:a. 该函数的极值点和过零点数目 必需相等或者至多相差一个;b. 由局部极大点构成 的包络线和局部极小点构成的包络线在任意点的平 均值均等于零。该算法流程图<sup>[6]</sup> 如图 2 所示,整个 处理过程就像一个"筛子",逐步把信号所包含的最 精细的模式分量从高频到低频分离出来,为了保证 筛分出来的 IMF 在幅值和频率上都具有完整的物 理意义,对筛分过程的次数必须加以限制。原始信

号可以表示为:  $x[n] = \sum_{i=1}^{N} \text{IMF}_i[n] + r[n]$ 。

上述分解过程需要采用三次样条插值分别对信 号极大值点和极小值点作包络线,然而采样序列的 两个端点不一定是极值点,可能造成样条曲线在端 点处的插值精度很差,信号两端边界效应引起的误 差会向内传播,进而污染整个数据序列,使最后的分 解结果严重失真。很多学者对端点效应进行了改进 研究,主要方法有3类[7]:极值延拓、数据预测和波 形延拓。极值延拓算法简单,但效果不理想;数据预 测方法有最大 Lyapunov 指数边界延拓法、ARIMA 法、神经网络法及 SVM 法等,这些方法的算法复 杂,效率低,不适合动平衡测量的实时性要求。文献 [8]给出一种基于均生函数周期叠加外推法的算法 兼顾了实时性和精度。在本研究方案中,对于低速 转子,数据采集所需时间较长,这时采用基于均生函 数周期叠加外推法解决边界效应引起的失真;对于 高速转子,数据采集所需时间较短,根据极值点情况 抛弃两端数据使失真达到最小[7],避免端点延拓算 法带来的开销,提高测量的快速性。



实际信号中都含有噪声,影响 EMD 的分解效 果,增加了额外的频率分量,噪信号在分解过程中带 来的累积误差也容易污染固有模态函数。采用集合 经验模态分解<sup>[9]</sup>可以克服传统 EMD 方法易受噪声 影响而出现模态混叠的缺点,但计算量大增,不适用 于笔者研究的情况。在进行 EMD 分解前先对信号 进行滤波处理,滤除信号中的野值和高频噪声,可以 提高 EMD 分解的效率和精度<sup>[10]</sup>。本研究的不平衡 信号提取算法要求不能改变信号的相位,为此,这里 采用零相位滤波器,具体算法见文献[11]。

#### 2.2 瞬时频率估计算法

设通过键相脉冲测得的转子每转内的平均频率 为  $f_0, f_1, \dots, f_{k-1}$ ,其中 k 为转子转过的转数,对应 的时间为 T。振动信号采样频率为  $f_s(f_s = 1/T_s)$ , 在 T 内的采样点数为 M,由于转速是时变的,每个 采样点对应的瞬时频率是不同的,可通过 3 次样条 插值的方式得到,记作  $if_0, if_1, \dots, if_{M-1}$ 。具体步 骤如下:

 在按照采样频率 f<sub>s</sub> 对振动信号进行等时间 间隔采样,每个采样时刻分别为 t<sub>0</sub>,t<sub>1</sub>,...,t<sub>M-1</sub>;

2) 根据几个连续键相脉冲计算每转的转子旋 转频率  $f_0, f_1, \dots, f_{k-1}$ ,并确定每转频率对应的时 刻,记作  $tt_0, tt_1, \dots, tt_{k-1}$ ,这里将相邻两个脉冲上升 沿中间位置对应的采样时刻作为  $f_0, f_1, \dots, f_{k-1}$ 的 对应时刻;

 3)以(tt<sub>0</sub>, f<sub>0</sub>),(tt<sub>1</sub>, f<sub>1</sub>),…,(tt<sub>k-1</sub>, f<sub>k-1</sub>)为基 础,采用三次样条插值方法得到 M 个采样点对应的 瞬时频率(t<sub>0</sub>, if<sub>0</sub>),(t<sub>1</sub>, if<sub>1</sub>),…,(t<sub>M-1</sub>, if<sub>M-1</sub>)。

三次样条插值避免了欠光滑性与剧烈振荡,具 有精度高、平滑性好等优点,且计算量小,易于实 现<sup>[12]</sup>。

#### 2.3 不平衡信号幅值和相位的提取

根据瞬时转速对振动信号进行转速无关化处理,假设通过 EMD 滤波后的振动信号为  $x(t_i)(i=0,1,2,\dots,M-1)$ ,每个采样点对应的瞬时频率为 $if_0,if_1,\dots,if_{M-1}$ ,为克服转速对振动幅值的影响而做转速无关化处理后的振动信号为

$$x'(t_i) = \frac{x(t_i)}{(2\pi i f_i)^2} \qquad (i = 0, 1, \cdots, M-1) \quad (1)$$

根据键相脉冲估计出每个采样点对应的瞬时频 率  $if_0$ , $if_1$ ,…, $if_{M-1}$ 后,可以构造出频率已知的不 平衡信号如下:

 $x_{i} = A\cos(2\pi i f_{i}t_{i} + \varphi) \quad (i = 0, 1, \cdots, M - 1)$ (2)

其中:A 为不平衡信号幅值;φ 为不平衡信号相位。 式(2)可变换为

$$x_{i} = A\cos(2\pi i f_{i}t_{i})\cos(\varphi) - A\sin(2\pi i f_{i}t_{i})\sin(\varphi) = \cos(2\pi i f_{i}t_{i})y_{1} - \sin(2\pi i f_{i}t_{i})y_{2} \qquad (3)$$

其中: $y_1 = A\cos(\varphi), y_2 = A\sin(\varphi), 二者为待估计$ 

参数。

将上述 EMD 滤波和转速无关化处理过的振动 信号作为观测值  $x'(t_i)$ , $i=0,1,\dots,M-1$ ,可得出线 性方程组

$$\begin{bmatrix} \cos(2\pi i f_1 t_1) & -\sin(2\pi i f_1 t_1) \\ \cos(2\pi i f_2 t_2) & -\sin(2\pi i f_2 t_2) \\ \vdots & \vdots \\ \cos(2\pi i f_{M-1} t_{M-1}) & -\sin(2\pi i f_{M-1} t_{M-1}) \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x'(t_0) \\ x'(t_1) \\ \vdots \\ x'(t_{M-1}) \end{bmatrix}$$
(4)

求其最小二乘解,即可辨识出参数。则幅值和 相位的估计值为

$$\begin{cases} A = \sqrt{y_1^2 + y_2^2} \\ \varphi = \arctan\left(\frac{y_1}{y_2}\right) \end{cases}$$
(5)

### 3 仿真和实验分析

#### 3.1 仿真及结果分析

为验证本研究提出方法的性能,构造仿真信号 由频率慢变和噪声信号组成,即

 $x(t) = \sin(2\pi f t + \varphi) + n(t)$ 

其中:n(t)为噪声信号;频率  $f=5+0.5t^2$ 。

取 $\varphi$ 为90°,采样频率 $f_s$ =1000 Hz时,分别采 用3种方法提取信号的幅值和相位:a.传统快速傅 里叶变换法(fast Fourier transform,简称 FFT),即 假定每个周期内转速不变,采用 FFT 方法提取信号 的幅值和相位;b.采用等相位重采样的方法<sup>[13]</sup>,即 根据瞬时频率对振动信号进行等相位重采样后再采 用 FFT 提取不平衡信号的幅值和相位;c.根据瞬时 频率估计值构造幅值和相位待定的不平衡信号,然 后抽取 EMD 滤波后的振动信号为样本,采用 LSM 识别不平衡信号的幅值和相位。在信噪比(signalnoice ratio,简称 SNR)分别取 30 和 10 时,3 种方法 提取不平衡信号的幅值和相位误差如图 3 和 4 所 示。3 种方法提取幅值和相位的绝对平均误差 (mean absolute error,简称 MAE)和标准差(standard deviation,简称 STD)如表 1 所示。

可见,当信噪比较高时,等相位重采样 FFT 法 和本研究方法提取的不平衡信号的相位精度高、稳 定性好;而传统的 FFT 方法提取的不平衡相位波动



图 3 3 种方法提取不平衡信号的幅值和相位对比 (SNR=30)

Fig. 3 Comparison of three methods on unbalanced signal extraction (SNR=30)



图 4 3 种方法提取不平衡信号的幅值和相位对比 (SNR=10)

Fig. 4 Comparison of three methods on unbalanced signal extraction (SNR=10)

较大,平均误差超过 2°,不能满足高精度动平衡测 量系统的要求。当信噪比较小时,传统 FFT 法的相 位误差均值超过 3°,波动范围也较大,无法满足动 平衡测量系统的要求;等相位重采样 FFT 法提取的 不平衡信号相位波动加大,但波动范围基本在±2° 内;本研究方法的相位提取精度和稳定性仍较高,平 均误差和标准差都优于传统 FFT 和等相位重采样 FFT 法。在幅值提取方面,信噪比较大时 3 种方法 提取精度基本相当,而当信噪比较小时,本研究的 EMD+LSM 方法的精度和稳定性明显优于传统的 FFT 法,且略优于等相位重采样 FFT 法。

表 1 3 种方法提取不平衡信号的 MAE 和 STD 对比

Tab. 1 Comparison of MAE and STD for three methods on unbalanced signal extraction

不平衡信号	信噪	MAE		STD	
提取方法	比/dB	相位/(°)	幅值/g	相位/(°)	幅值/ $g$
 传统 FFT	30	2.052	0.003	0.635	0.004
	10	3.005	0.019	1.322	0.025
重采样 FFT	30	0.271	0.003	0.213	0.002
	10	1.154	0.019	1.362	0.021
EMD+ LSM	30	0.270	0.002	0.206	0.002
	10	0.676	0.009	0.825	0.009

#### 3.2 实验及结果分析

实验采用如图 5 所示的 6 t 动平衡机架,交流 变频驱动,转子长度为 7 m,半径为 0.18 m。通过 调节变频器的设定频率来改变转子转速,将转速给 定值从 250 调至 300 r/min,在转速上升过程中分别 采用传统 FFT 方法、等相位重采样 FFT 与笔者提 出的 EMD+LSM 三种方法同时连续测量不平衡量 5次,再将转速给定值从 300 调至 250 r/min,分别 连续测量 5次。采用泰克示波器观测的键相脉冲和 左侧振动信号波形如图 6 所示。可见,振动信号中 含有明显的噪声信号;键相信号为每旋转一周产生 一个脉冲,由此可测量出每转一周的平均转速。由 于转子较大,加速和减速过程较慢,所以,图 6 曲线 中的振动信号频率变化不明显。



图 5 动平衡机架 Fig. 5 Balancing machine frame





振动信号和键相脉冲均以 2.5 K 的速率同步采 样,根据连续两个脉冲上升沿可以测出每个旋转周 期内的平均频率,进而由插值法得到每个采样时刻 对应的瞬时频率。3 种不平衡信号提取方法的数据 处理分别为:a.取连续 4 个周期内的振动信号进行 重采样,得到每周期内 64 个数据,共 256 个整周期 数据,用于 FFT 法提取不平衡信号;b.将振动信号 进行 EMD 滤波处理后,经等相位重采样得到每个 周期 64 个数据,然后采用 FFT 法提取不平衡信号; c.将振动信号进行 EMD 滤波后,经等时间间隔重 采样,将采样频率降为 500 Hz,然后从键相脉冲上 升沿开始提取 200 个数据作为样本,采用最小二乘 法辨识出不平衡信号的幅值和相位。

当在 90°位置放置 50 g 试重时,按照上述转速 变化时,分别按上述 3 种方法经过 10 次测量得到的 幅值和相位曲线如图 7 所示。10 次测量幅值和相 位的 MAE 和 STD 对比如表 2 所示。



图 7 3 种方法测量不平衡量结果对比



表 2 3 种方法	去测量不平衡量的	MAE 和 STD 对比
-----------	----------	--------------

Tab. 2 Comparison of MAE and STD for three methods on unbalance measurement

信号提取	MAE		STD	
方法	相位/(°)	幅值/ $g$	相位/(°)	幅值/ $g$
传统 FFT	1.484	1.980	1.245	0.705
重采样 FFT	0.435	1.462	0.471	0.431
EMD+LSM	0.381	1.373	0.397	0.361

从实验结果看出,笔者提出的基于 EMD 和瞬 时频率估计的不平衡信号提取方法可以有效提高幅 值和相位的提取精度及稳定性,与仿真结果吻合。

## 4 结束语

在转速变化的动平衡测量系统中,采用基于瞬时转速的非平稳信号分析方法代替传统的将其近似 看作平稳信号处理的方法,可以获得更高的精度; 当转速波动并有较强干扰信号时,采用 EMD 算法 对振动信号进行滤波,有利于提高不平衡信号的提 取精度;采用 3 次样条插值的方法估计瞬时转速,然 后根据瞬时转速构造不平衡信号,最后以滤波后振 动数据作为样本,采用 LSM 提取不平衡信号的幅 值和相位,具有较高精度和稳定性,比较适合于动平 衡测量系统的工程应用。

#### 参考文献

[1] 胡兵,方之楚. 变速 Jeffcott 转子系统瞬态不平衡响应 的准稳态条件[J]. 上海交通大学学报,2005,39(9): 1404-1408.

Hu Bing, Fang Zhichu. Quasi steady-state condition for the transient unbalanced response of a speed-varying Jeffcott rotor system [J]. Journal of Shanghai Jiaotong University, 2005,39(9):1404-1408. (in Chinese)

[2] 纪跃波.弱非平稳转速下转子动平衡方法[J].振动、测试与诊断,2012,32(4):596-601.

Ji Yuebo. Dynamic balancing of the rotor with weakly non-stationary rotational speed[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2012, 32(4): 596-601. (in Chinese)

[3] Combet F, Zimroz R. A new method for the estimation of the instantaneous speed relative ? uctuation in a vibration signal based on the short time scale transform[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2009,23(4):1382-1397.

- [4] Jacek U, Tomasz B, Jerome A. A two-step procedure for estimation of instantaneous rotational speed with large fluctuations[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2013,38(1):96-102.
- [5] Huang Norden E, Shen Zheng, Long Steven R, et al. The empirical mode decomposition and the Hilbert spectrum for nonlinear and non-stationary time series analysis [J]. Royal Society of London Proceedings, 1998,454,903-995.
- [6] Navin C, John J S. EMD-Based filtering (EMDF) of low-frequency noise for speech enhancement[J]. IEEE Transactions on Audio, Speech, and Language Progressing, 2012,20(4):1158-1166.
- [7] 邵晨曦,王剑,范金锋,等.一种自适应的 EMD 端点延 拓方法[J].电子学报,2007,35(10):1944-1948.
  Shao Chenxi, Wang Jian, Fan Jinfeng, et al. A self-adaptive method dealing with the end issue of EMD[J].
  Acta Electronica Sinica, 2007,35(10):1944-1948. (in Chinese)
- [8] 李钊,周晓军,徐云.基于均生函数周期叠加外推法的 EMD端点问题的研究[J].振动与冲击,2013,32(15): 138-143.

Li Zhao, Zhou Xiaojun, Xu Yun. End effect treatment for EMD based on the period superposition extrapolation of mean generating function[J]. Journal of Vibration and Shock, 2013,32(15):138-143. (in Chinese)

- [9] Wu Zhaohua, Huang Norden E. Ensemble empirical mode decomposition: a noise-assisted data analysis method [J]. Advances in Adaptive Data Analysis, 2009,1(1):1-41.
- [10] 温广瑞,臧廷朋,廖与禾.基于非平稳信息的转子瞬态 动平衡方法[J].振动、测试与诊断,2013,33(4):614-619.

Wen Guangrui, Zang Tingpeng, Liao Yuhe. Transient balancing of rotor based on non-stationary information [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2013,33(4):614-619. (in Chinese)

[11] 常广,鄢素云,王毅.零相位数字滤波器在非平稳信号 处理中的应用[J].北京交通大学学报,2011,35(6): 49-56.

Chang Guang, Yan Suyun, Wang Yi. Application of zero-phase digital filter on non-stationary signal processing[J]. Journal of Beijing Jiaotong University, 2011,35(6):49-56. (in Chinese)

[12] 莫正军,涂亚庆,肖玮. 基于 FRFT 和三次样条插值的 瞬时频率估计方法[J]. 电子测量与仪器学报,2011,25 (4):343-347.

Mo Zhengjun, Tu Yaqing, Xiao Wei. Instantaneous frequency estimating method based on FRFT and cubic spline interpolation[J]. Journal of Electronic Measurement and Instrument, 2011,25(4):343-347. (in Chinese)

[13] 张西宁,吴婷婷,徐进杰,等.变转速齿轮箱振动信号监测的无键相时域同步平均方法[J].西安交通大学学报,2012,46(6):111-114.

Zhang Xining, Wu Tingting, Xu Jinjie, et al. Timedomain synchronous average method without keyphase signal for vibration monitoring of variable speed gearbox[J]. Journal of Xi' an Jiaotong University, 2012,46(6):111-114. (in Chinese)



**第一作者简介**:李传江,男,1978年10 月生,博士、副教授。主要研究方向为振 动信号处理、智能机器人控制。曾发表 《基于谐波小波和 Prony 算法的转子不 平衡信号提取》(《仪器仪表学报》2012 年第33卷第11期)等论文。 E-mail:licj@shnu.edu.cn