Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j. cnki. issn. 1004-6801. 2016. 04. 019

基于 Hilbert-Huang 变换的列车车轮失圆故障诊断

李奕璠1, 刘建新2, 李忠继3

(1.西南交通大学机械工程学院 成都,610031) (2.西南交通大学牵引动力国家重点实验室 成都,610031)(3.中铁二院工程集团有限责任公司科学技术研究院 成都,610031)

摘要 研究列车车轮失圆的检测与诊断问题,采用基于改进的希尔伯特-黄变换(Hilbert-Huang transform,简称 HHT)的处理方法,首先,针对 HHT 方法固有的模态混叠现象,提出一种形态滤波-能量原则算法;然后,建立车辆 轨道耦合动力学模型和典型的车轮故障模型,计算轴箱垂向振动的动态响应;最后,运用改进的 HHT 分析方法提 取正常车轮、多边形化车轮和擦伤车轮引起的轴箱垂向振动的特征。研究结果表明,正常车轮与故障车轮之间以 及不同类型故障的车轮之间 Hilbert 谱差异显著,可见该方法能够有效诊断车轮失圆故障。

关键词 车轮多边形;踏面擦伤;希尔伯特-黄变换;模态混叠 中图分类号 U211.5;TH17

引 言

随着列车运行速度的提高,轮轨相互作用力增强,轮轨间的磨耗及接触疲劳愈发严重,车轮失圆现 象难以避免。失圆车轮运行时会产生冲击,引起整 个车辆轨道系统耦合振动,降低乘坐舒适度,损坏线 路及车辆部件,甚至危及行车安全。因此,对车轮状 态进行实时检测与诊断很有必要。车轮振动信息受 诸多因素的影响,故障特征提取的准确性与可靠性 一直是一个难点问题。

车轮失圆是指车轮踏面型面的变化,可分为局 部失圆和全周失圆两大类。踏面剥离和踏面突起等 属于典型的局部失圆现象。全周失圆主要指车轮多 边形化。国内外学者针对车轮失圆的诊断进行了大 量研究。测试轮轨垂向力是判断车轮状态最普遍采 用的方法^[1-2],然而在轨道上布置应变片的数量毕竟 有限,车轮缺陷部位恰好作用在传感器安装点的概 率较小,容易漏判。由于振动的响应范围更大,因此 文献[3]在轨道安装加速度传感器,通过测量轨道的 振动来推测车轮状态,但该方法难以避免邻轮可能 带来的干扰。此外,光学^[4]、超声波^[5]、机械^[6]系统 也被用于车轮失圆的检测中,但这些系统仅能在静 态或低速时使用。以上方法的共同缺陷在于将检测 系统放置在轨道上或轨道附近,无法对车辆运行状 态进行全过程检测。如果将传感器安装在车辆上, 就能克服此不足。由车轮故障引起的车辆异常振动 能在轴箱直接体现,Molodova等^[7]利用轴箱垂向振 动加速度识别轨道缺陷。

笔者研究了一种利用轴箱振动加速度信号实现 对车轮失圆进行诊断的方法,运用改进的 HHT 方 法提取轴箱振动的时频特征。

1 HHT 理论

HHT 是一种非平稳信号分析方法^[8],包括经验模态分解(empirical mode decomposition,简称 EMD)和 Hilbert 变换两部分。该方法首先采用 EMD 将信号自适应地分解成若干个固有模态函数 (intrinsic mode function,简称 IMF),然后对每个 IMF 分量进行 Hilbert 变换,得到瞬时频率和瞬时 幅值,进而得到 Hilbert 谱。由于 HHT 良好的时频 分辨率及自适应性,该方法得到了广泛应用,但模态 混叠是影响 HHT 的主要问题,该方法仍需完善。

2 模态混叠

EMD 的本质是对信号的特征尺度进行筛分,得 到的 IMF 是频率从高到低的有序排列,每一个 IMF 分量分别对应原信号中不同尺度的局部特征。当原

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51375403);中央高校基本科研业务费专项资金资助项目(SWJTU2682014BR001EM) 收稿日期:2014-10-08;修回日期:2014-12-30

信号中混有间断事件、脉冲干扰或噪声时(统称为异 常事件),IMF 分量会产生模态混叠现象。模态混 叠是指在一个 IMF 中包含差异较大的特征尺度,或 相近的特征尺度分布在不同的 IMF 中,使 IMF 分 量失去物理意义。目前,处理模态混叠问题的方法 根据其原理,大致可分为 3 类:异常事件消除法^[9]、 辅助信号添加法^[10-11]和信号滤波法^[12-13],这些方法 都存在各自的问题。笔者提出了一种结合形态学滤 波与能量原则的方法处理模态混叠问题。

2.1 形态学滤波

形态学滤波是基于数学形态学变换的非线性滤 波方法,它依据待处理信号的局部形态特征,通过数 学形态学变换,将信号与噪声分离。形态滤波的基 本思想是设计一个称作结构元素的"探针",通过探 针的移动,对信号进行匹配,达到提取信号、保持细 节和抑制噪声的目的。

2.2 能量原则

信号 x(t) 经 EMD 分解后,得到 n-1 个 IMF 分量 c(t)和一个余项 r(t),即

$$x(t) = \sum_{i=1}^{n-1} c_i(t) + r(t)$$
(1)

由 EMD 的完备性与正交性可知

$$E_{x} = \int_{-\infty}^{\infty} x^{2}(t) dt = \int_{-\infty}^{\infty} c_{1}^{2}(t) dt + \int_{-\infty}^{\infty} c_{2}^{2}(t) dt + \cdots + \int_{-\infty}^{\infty} c_{n-1}^{2}(t) dt + \int_{-\infty}^{\infty} r^{2}(t) dt = E_{1} + E_{2} + \cdots + E_{n-1} + E_{n}$$
(2)

若分解得到的某一分量 $d_i(t)$ 不是正交分量,那 么当 $d_i(t)$ 分离出去后,信号的总能量 E_i 变为

$$E_{t} = \int_{-\infty}^{\infty} d_{i}^{2}(t) dt + \int_{-\infty}^{\infty} [x(t) - d_{i}(t)]^{2} dt = 2E_{d_{i}} + E_{x} - 2\int_{-\infty}^{\infty} x(t) d_{i}(t) dt$$
(3)

不失一般性,令

$$d_i(t) = c_i(t) + e_i(t)$$
 (4)

其中:e_i(t)为非正交的误差成分。

式(3)可表示为

$$E_{t} = 2E_{d_{i}} + E_{x} - 2\int_{-\infty}^{\infty} x(t)d_{i}(t)dt = 2\int_{-\infty}^{\infty} [c_{i}(t) + e_{i}(t)]^{2}dt + E_{x} - 2\int_{-\infty}^{\infty} x(t)[c_{i}(t) + e_{i}(t)]dt = E_{x} + 2E_{e}$$
(5)

由式(5)可知,对信号进行 EMD 分解后,如果 分解结果是原始信号的固有模态分量,则分解前后 信号总能量不会发生变化,此时 $e(t) = 0, E_t = E_x$ 。 如果分解得到的部分分量不是正交分量,EMD分解 不服从能量守恒原理,分解后能量增加,有 E_i>E_x。 EMD 可表示为

$$x(t) = \sum_{j=1}^{l} c_j(t) + \sum_{k=1}^{m} f_k(t)$$
 (6)

其中: $c_j(t)$ 为真实模态分量; $f_k(t)$ 为虚假模态分量。

所有 IMF 分量的和包含了原始信号与分解误 差^[14]

$$\sum_{j=1}^{l} c_j(t) = x(t) + e(t)$$
(7)

由式(6)和式(7)可得

$$e(t) = -\sum_{k=1}^{m} f_k(t)$$
 (8)

式(8)表明,EMD分解误差与虚假模态分量大 小相等。

根据以上分析,笔者提出一种检测和去除虚假 模态分量的方法,具体步骤如下。

1)根据能量守恒原理,检测分解后是否存在虚 假模态分量。如果 $E_x^2 < \sum_{i=1}^n E_{x_i}^2$,说明虚假模态成分 存在,分解得到的结果需要逐一检验;否则退出检验。

2)将分解得到的每一个分量分别与原信号进行相关分析,将相关系数最大的分量 c_i(t)确定为真实模态分量。

3) 当分解得到的第 *j* 阶模态分量 $c_j(t)$ 与真实 固有模态分量 $c_i(t)$ 相加,能量增大,即 $E^2_{c_i+c_j} > E^2_{c_i}$,则第 *j* 阶分量 $c_j(t)$ 被判断为真实模态分量。若 $c_j(t)$ 与 $c_i(t)$ 相加,能量减小,即 $E^2_{c_i+c_j} < E^2_{c_i}$,则第 *j* 阶分量 $c_j(t)$ 被判断为虚假模态分量。

4)用原信号减去所有虚假模态分量,再进行 EMD,若分解结果满足精度要求,停止;否则回到步 骤1。

2.3 算法验证

采用仿真信号 $x(t) = x_1(t) + x_2(t) + x_3(t)$ 对 提出的方法进行验证,其中: $x_1(t)$ 为两个谐波信号 的和, $x_1(t) = \sin(2\pi t) + \cos(4\pi t)$; $x_2(t)$ 为脉冲干 扰; $x_3(t)$ 为高斯噪声;信噪比为 16 dB;采样频率为 100 Hz。仿真信号的时间历程曲线如图 1 所示。

使用 EMD 对该信号进行分解,分解结果出现 了模态混叠现象,IMF 分量无法对应仿真信号中 1 Hz与 2 Hz 的频率成分,限于篇幅,不再给出此结 果。为了抑制模态混叠,在 EMD 的基础上,文献 [10]提出了总体平均经验模态分解(ensemble empirical mode decomposition,简称 EEMD)方法。 仿真信号的 EEMD 结果如图 2 所示。所添加的白噪声的幅值为信号标准差的 0.001 3 倍,总体平均次数为 100 次。可见,模态混叠现象得到了抑制。 图 2 中的 IMF₄ 和 IMF₅ 分量分别对应 2 Hz 与 1 Hz的谐波信号。



对图 1 所示的仿真信号进行形态滤波,选择半圆形结构元素,结构元素的长度为 9 个采样点,半径 为 0.05。利用形态滤波-能量原则算法,经一次循 环后结果如图 3 所示。可以看到,仿真信号的两个 谐波成分被分解到 IMF₃ 和 IMF₄,其中,IMF₃ 代表 2Hz 余弦信号,IMF₄ 代表 1Hz 正弦信号。

为了评价形态滤波-能量原则算法的效果,将图 3 与图 2 进行比较发现,图 3 中无意义的虚假成分 较图 2 减少。分别计算每种方法的分解结果与真实 信号间的均方误差。表 1 为两种方法的计算结果精 度比较,这里只计算了有意义的 IMF 分量(图 2 的 IMF₄ 和 IMF₅,图 3 的 IMF₃ 和 IMF₄)。可见,形态 滤波-能量原则算法不仅能够有效抑制模态混叠,还 具有更好的时间分辨率。这只是算法经一次循环得 到的结果,若循环次数增加,精度还有一定的提升 空间。



图 3 形态滤波-能量原则算法处理结果

Fig. 3 Results of morphology filtering and energy principle algorithm

表1 两种方法的精度比较

Tab. 1 The accuracy comparison of the two methods

方法	IMF_3	IMF_4	IMF_5
EEMD		9.274 8	6.792 1
形态滤波-能量原则算法	4.797 0	4.713 0	

3 仿真分析

参见文献[15]建立车辆轨道耦合动力学模型。 车轮失圆的具体表现形式多样,笔者选取车轮踏面 擦伤和车轮多边形化两种典型状态进行分析。

3.1 正常车轮

计算无故障车轮的车辆以 200 km/h 运行时的 轴箱垂向振动响应,其时间历程和对应的 Hilbert 谱如图 4 所示。正常状态下,轴箱垂向振动信号的 Hilbert 谱在时频域呈均匀分布,没有明显的特征。

3.2 踏面擦伤车轮

计算了两种工况下轴箱垂向振动响应。工况 1: 车轮擦伤长度为 10 mm,车速为 100 km/h,无轨道激 扰。工况 2:车轮擦伤长度为 10 mm,车速为 100 km/ h,轨道激扰为美国五级谱。两种工况下的时间历程 曲线及其 Hilbert 谱如图 5,6 所示。可以看出,当车 轮滚动到擦伤位置时,对应的 Hilbert 谱在垂向上呈 条带状分布,相邻两个条带的宽度相等,为两次冲击 的时间间隔,即车轮滚动一周所用的时间。因此,可 以根据该特征对存在踏面擦伤的车轮进行识别。

为了验证本研究方法的有效性,将该方法对工况2信号的处理结果与使用 FFT 和传统的 HHT 方法进行比较。图7为图6(a)所示信号的 FFT 分 析结果,从频谱图中难以发现擦伤引起的故障特征。 振动主要集中在 100 Hz 以下的范围内, 而这也是 图 5,6 中 Hilbert 谱分析频率设定为 0~100 Hz 的 原因。传统的 HHT 方法的分析结果如图 8 所示, 可以大致看到几个垂向条带,干扰非常明显。与 图 6(b)相比,部分故障特征被掩盖,这是由 EMD 分 解时模态混叠现象引起的。





Time history and Hilbert spectrum of axle-box Fig 4 acceleration with healthy wheels





Fig. 5 Time history and Hilbert spectrum of axle-box acceleration in case 1



图 6 工况 2 的轴箱加速度时间历程及其 Hilbert 谱 Fig. 6 Time history and Hilbert spectrum of axle-box acceleration in case 2



Fig. 7

FFT 的分析结果 图 8 Results of FFT Fig. 8

传统 HHT 方法的分析结果 Results of traditional HHT

t/s

40

30

20 巖

3.2.1 轨道不平顺的影响

不同的线路条件会使得车辆的振动响应各异,轴 箱振动信号的幅值和频率同样会随之改变,干扰车轮 踏面擦伤的检测与诊断。为了分析不同的轨道激扰 对本研究方法的影响,洗用美国三级谱不平顺作为轨 道激励进行仿真计算,其他参数与工况2相同。

图 9 为此工况下轴箱垂向振动加速度信号的时 间历程曲线及其频谱。对比图 9 和图 6 的时域信号 可知,选用的美国三级谱线路的状态比美国五级谱要 差,此不平顺作用下列车振动更剧烈,车轮擦伤引起 的冲击几乎被淹没。经本研究方法处理后得到的 Hilbert 谱在垂向上呈条带状分布,说明车轮存在踏 面擦伤故障,体现了形态滤波-能量原则算法抑制噪 声、提取冲击的能力。从图 9 可见,即使在线路条件不 理想的状态下,本研究方法依然能识别出车轮故障。



车速的影响 3.2.2

车辆运行速度变化同样会使轴箱振动信号发生 改变,并影响车轮擦伤冲击的幅值和频率。为了分 析车辆运行速度的变化对检测和诊断能力的影响, 计算了车辆以 150 km/h 运行时的轴箱垂向加速度 响应,其他参数与工况2一致。由于车速发生了改 变,相应的故障频率变为15 Hz。图10 为此工况下 的 Hilbert 谱,从图中可以清晰地看到 15 个均匀间 隔的垂向条带,从而有效地识别出车辆踏面擦伤 故障。在行车速度发生改变的情况下,本研究方 法能较为准确地跟踪变化趋势,确保故障特征的



有效识别,体现了诊断方法的鲁棒性。

3.3 多边形车轮

计算了具有一阶和二阶多边形化车轮的车辆以 300 km/h 的速度运行时的轴箱垂向加速度,对其进 行 Hilbert 谱分析,如图 11 所示。可以看到,多边 形车轮引起的轴箱垂向振动的 Hilbert 谱在横向上 呈条带状分布,不同阶次的多边形车轮对应不同的 特征频率,这与正常状态下的 Hilbert 谱差异显著, 且与擦伤车轮所致轴箱振动的 Hilbert 谱的特征完 全不同。图 11(a)中,一阶多边形化车轮引起的轴 箱垂向振动的 Hilbert 谱在 30 Hz 附近出现了清晰 的横向条带。在仿真计算中,车轮周长为 2.89 m, 车轮转动的频率为 28.8 Hz,偏心车轮在滚动一周 的过程中会发生一次周期性变化,因此 Hilbert 谱 的分析结果与理论相符。图 11(b)中,由于椭圆车 轮在滚动一圈的过程中会发生两次周期性变化,所 以轴箱振动频率为图 11(a)的 2 倍。可见,正常车 轮不会引起轴箱的异常振动,其 Hilbert 谱在整个 时频域内呈均匀分布,擦伤车轮使得轴箱振动信号 的 Hilbert 谱在垂向上呈条带状分布,多边形车轮 使得轴箱振动信号的 Hilbert 谱在横向上呈条带状 分布。因此,本研究方法能有效提取轴箱垂向振动 的特征,从而诊断车轮故障,并能判断故障类型,同 时可以在车辆运行过程中进行实时检测。



图 11 车轮多边形化引起的轴箱垂向振动的 Hilbert 谱

Fig. 11 HHT spectrum of axle-box vibration caused by out-of-round wheels

4 实例分析

在滚动振动试验台进行了现场测试,试验车辆 为某型动车组单节车辆。为了降低试验成本,在轨 道轮接触表面贴附胶块来模拟车轮踏面擦伤时的情 形。车辆运行速度为 200 km/h,轨道轮直径为 1.8 m,轨道激扰为国内某既有线不平顺。

图 12 为现场测试获得的轴箱垂向振动加速度,

图中很难发现太多有价值的信息。图 13 为其频谱 分析结果,可以看到明显的谐振频响特征。由理论 分析可知,车轮旋转一周的过程中,轮轨间会产生一 次剧烈冲击,此时车轮的故障频率等于其转频,约为 9.8 Hz,但图 13 中没有出现此特征频率,故频谱分析 方法的处理结果存在问题。本研究方法得到的 Hilbert 谱如图 14 所示,图中可以清晰分辨出垂向条纹, 说明车轮存在踏面擦伤故障,条带间隔约为 0.1s,这 正是车轮滚动一周所用的时间;同时在 10 Hz 附近出 现了一横向条纹,表明了此频率故障的存在。





图 14 本研究方法得到的 Hilbert 谱



5 结束语

利用仿真和试验两种手段,使用改进的 HHT 方 法对两种常见的车轮失圆现象:车轮踏面擦伤及车轮 多边形化进行研究。针对 HHT 方法存在的固有缺陷 进行改进,提出形态滤波-能量原则算法处理模态混叠 现象,并通过仿真信号证明了此方法的优越性。利用 改进的 HHT 提取轴箱垂向振动信号的特征,取得了 良好的效果,正常车轮的 Hilbert 谱呈均匀分布,擦伤 车轮使得对应的 Hilbert 谱在垂向上呈条带状分布,多 边形化车轮导致相应的 Hilbert 谱在横向上呈条带状



[1] Milkovic D, Simic G, Jakovljevic Z. Wayside system

for wheel-rail contact forces measurements[J]. Measurement, 2013, 46(9): 3308-3318.

- [2] Filograno M L, Corredera P, Barrios A R, et al. Real time monitoring of railway traffic using fiber Bragg grating sensors[J]. Sensors Journal, 2012,12(1):85-92.
- [3] Belotti V, Crenna F, Michelini R C, et al. Wheel-flat diagnostic tool via wavelet transform[J]. Mechanical System and Signal Processing, 2006, 20(8): 1953-1966.
- [4] 敖银辉,徐晓东,吴乃优.用激光位移传感器检测轮对 踏面缺陷[J].西南交通大学学报,2004,39(3):345-348.

Ao Yinhui, Xu Xiaodong, Wu Naiyou. Defect detecting of train wheelset tread surface with laser displacement sensor[J]. Journal of Southwest Jiaotong University, 2004, 39(3): 345-348. (in Chinese)

- [5] Brizuela J, Fritsch C, Ibanez A. Railway wheel-flat detection and measurement by ultrasound[J]. Transportation Research Part C, 2011, 19(6): 975-984.
- [6] 冯其波,赵雁,崔建英. 车轮踏面擦伤动态定量测量新 方法[J]. 机械工程学报, 2002, 38(2): 120-122.
 Feng Qibo, Zhao Yan, Cui Jianying. New dynamic method to quantitatively measure wheel flats or trains
 [J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2002, 38(2): 120-122. (in Chinese)
- [7] Molodova M, Li Z, Dollevoet R. Axle box acceleration: measurement and simulation for detection of short track defects [J]. Wear, 2011, 271(1): 349-356.
- [8] Huang N E, Shen Z, Long S R. The empirical mode decomposition and the Hilbert spectrum for nonlinear and non-stationary time series analysis [J]. Proceedings of the Royal Society of London, 1998, 454 (1971):903-995.
- [9] Huang N E, Shen Z, Long S R. A new view of nonlinear water waves: the Hilbert spectrum[J]. Annual Review of Fluid Mechanics, 1999, 31(1): 417-457.
- [10] Wu Z, Huang N E. Ensemble empirical mode decomposition: a noise assisted data analysis method[J]. Advances in Adaptive Data Analysis, 2005, 1(1):1-41.

- [11] Shen W, Chen Y, Wu A. Low-complexity sinusoidalassisted EMD (SAEMD) algorithms for solving modemixing problems in HHT[J]. Digital Signal Processing, 2014, 24: 170-186.
- [12] Zarraga F L, Rios A L, Esquivel P, et al. A Hilbert-Huang based approach for on-line extraction of modal behavior from PMU data [C] // North American Power Symposium. Starkville, USA: IEEE, 2009:1-6.
- [13] 秦品乐,林焰,陈明. 基于平移不变小波阈值算法的经验模态分解方法[J]. 仪器仪表学报,2008,29(12):2637-2641.
 Qin Pinle, Lin Yan, Chen Ming. Empirical mode decomposition method based on wavelet with translation invariance algorithm[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2008, 29(12):2637-2641. (in Chinese)
- [14] 黄迪山. 经验模态分解中虚假模态分量消除法[J]. 振动、测试与诊断, 2011, 31(3): 381-384.
 Huang Dishan. Effect of sampling on empirical mode decomposition and correction [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2011, 31(3): 381-384. (in Chinese)
- [15] 李忠继,魏来,戴焕云,等. 基于 Hilbert-Huang 变换的 车轮扁疤识别方法[J]. 交通运输工程学报,2012,12 (4): 33-41.

Li Zhongji, Wei Lai, Dai Huanyun, et al. Identification method of wheel flat based on Hilbert-Huang transform[J]. Journal of Traffic and Transportation Engineering, 2012, 12(4): 33-41. (in Chinese)



第一作者简介: 李奕璠, 男, 1985 年 4 月生, 讲师。主要研究方向为机械设备 安全监测、故障诊断技术及信号处理。 曾发表《测力钢轨轮轨力解耦研究》 (《机械工程学报》2013 年第 49 卷第 4 期)等论文。

E-mail: li_yifan@foxmail.com