Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2016.04.024

行星减速器驱动旋转双柔性梁 T-S 模糊振动控制

邱志成, 吴传健

(华南理工大学机械与汽车工程学院 广州,510640)

摘要 旋转双臂的柔性结构在转动调姿时或外部扰动的影响下产生振动,将影响系统的稳定性和定位精度,减速器间隙非线性影响旋转双柔性梁结构的动态特性,加大了控制难度。研究了一种多变量非线性 T-S 模糊(nonlinear T-S fuzzy,简称 NTS)控制算法,利用模糊控制器的多变量解耦控制能力以及 T-S 模糊规则具有的分段控制特点快速抑制柔性结构小幅值振动。设计并建立了交流伺服电机通过行星减速器驱动转动的双柔性压电梁结构实验平台。利用压电传感器采集振动信号,压电驱动器和交流伺服电机驱动器抑制柔性结构振动,对该控制方法进行实验研究。实验结果表明,相对于比例加微分(proportional and derivative,简称 PD)控制算法,非线性 T-S 模糊 控制算法对于系统的大幅值振动和小幅值振动都有较快速的振动抑制效果。

关键词 旋转双柔性梁;振动控制;T-S模糊控制;行星减速器;间隙;耦合 中图分类号 TH113.1;TP273⁺.4

引 言

航天器太阳能帆板、空间柔性机器人以及螺旋 桨等旋转柔性双臂结构,由于其柔性臂具有跨度大、 质量轻、刚度低和阻尼小的结构特点^[1],使得在转动 调姿时或者外部扰动下易产生持续振动,尤其在平 衡点处小幅值的低阶固有频率振动很难被抑制。对 于旋转机构而言,振动将影响其定位精度、缩短结构 的使用寿命^[2],甚至造成系统不稳定。因此,对旋转 柔性结构振动控制的研究具有重要意义。单悬臂柔 性梁和旋转单柔性梁结构的振动控制研究已有大量 成果^[34],已经实现了单悬臂柔性梁的振动控制、旋 转单柔性臂振动的定点控制和轨迹跟踪控制。控制 算法涉及非线性控制、模糊控制、神经网络控制、解 耦控制、最优控制和时滞控制等。柔性结构振动控 制采用的驱动器涉及压电陶瓷驱动器^[5]、伺服电机 驱动器和形状记忆合金丝驱动器等。

苏文敬等^[6]建立了空间柔性双臂机器人的动力 学模型,结合逆动力学控制算法实现了机器人的仿 真控制。文献[7]基于奇异摄动理论,将带有柔性自 由悬浮关节的空间机器人臂系统划分为慢速子系统 和柔性关节快速子系统,实现了机器人臂振动的自 适应控制。李祖枢等^[8]分析了双柔性摆机器人的一 个自稳定和3个自不稳定的平衡状态。通过将4个 状态转化为12个相互转换的运动动作和8个自旋 动作,建立对应的强耦合、非线性、多变量系统模型, 并设计了多模态控制器,实现了实时控制。现有研 究主要集中在双摆多级系统的动力学建模、稳定性 控制和运动控制上,对旋转双柔性梁结构存在减速 器间隙情况下的振动控制问题研究甚少。

旋转机构中采用的行星减速器在设计精度不高 或长期磨损的情况下易产生齿轮间隙,齿轮间隙非 线性在旋转单悬臂梁控制系统中表现为驱动死区、 迟滞和极限环振荡等现象[9]。同时,减速器的摩擦 特性将影响系统输入输出的线性关系。除了以上现 象,还表现为双柔性梁之间的强耦合作用。这些不 确定因素将降低控制器控制效果,甚至导致系统失 稳。针对驱动器的间隙非线性和摩擦非线性,Campos 等^[10]运用神经网络辨识间隙模型,构造间隙反 模型用于间隙的控制量在线补偿。Wang 等^[11]以具 有摩擦非线性和间隙非线性的伺服电机-减速器驱 动系统为研究对象,利用特征建模法描述系统不确 定性和非线性,实现了系统的二阶滑模自适应跟踪 控制。针对多变量系统的耦合问题,Tien 等^[12]将用 于表示系统模型的耦合质量矩阵和刚度矩阵进行了 对角化,实现了七自由度关节机器人的解耦控制。

行星减速器的摩擦非线性和间隙非线性、双柔

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51175181);华南理工大学中央高校基本科研业务费专项资金资助项目(2014ZG0019) 收稿日期:2015-02-05;修回日期:2015-04-28

性梁之间的强耦合作用,使系统精确模型难以获得, 基于模型的线性算法控制效果不佳,因此有必要采 用非线性解耦控制算法进行控制。文献[13]证明了 模糊控制器在控制系统模型未知的情况下依然具有 优良的控制效果。模糊控制器具有解耦特性^[14],便 于多变量系统的控制器解耦设计。采用 T-S 模糊 控制时,合理选择模糊规则可使控制器取得很好的 控制效果,但模糊控制器的模糊规则很大程度上依 赖设计者对受控系统的了解,即专家知识。因此,需 要一个准则为模糊控制器的设计提供指导。

笔者针对目前研究存在的难点,首先介绍旋转 双柔性梁实验平台的原理,分析双柔性梁结构的振 动特性,提出梁的两种主要振动形态:同相振动和反 相振动;其次,针对旋转双柔性梁结构,研究基于多 输入多输出(multiple-input multiple-output,简称 MIMO)系统的非线性 T-S 模糊控制算法;最后,搭 建实验平台,分别用 PD 控制算法和非线性 T-S 模 糊控制算法进行实验比较。

1 旋转双柔性梁结构振动特性分析

1.1 实验系统描述

图 1 为旋转双柔性压电梁实验系统的原理图。 梁 I 和梁 II 通过轮毂固定在行星减速器的输出轴 上,使其可以在水平面内绕输出轴旋转。梁 I 和梁 II 上粘贴压电传感器和压电驱动器,分别用于采集 梁的振动信号和抑制梁的振动。压电传感器 I 和压 电传感器 II 采集到的振动信号经过电荷放大器放大 后,通过端子板的 A/D 转换模块转为数字量,再经 过运动控制卡输入计算机。交流伺服电机内部的编 码器检测行星齿轮输入轴的转动角位移和角速度 值,经过端子板和运动控制卡传输至计算机。振动 信号和速度信号经由计算机的控制算法转换为控制 量。其中,伺服电机的控制量由端子板的 D/A 转换 模块和伺服输出,驱动器驱动伺服电机旋转。压电





驱动器 I 和压电驱动器 II 的控制量由端子板的 D/ A 转换模块输出,经由电压放大电路施加于梁 I 和 梁 II 上,用于抑制柔性梁的振动。由于柔性悬臂梁 根部位置的应变最大,将压电传感器器 I 和 II、压电 驱动器 I 和 II 双面粘贴在双梁的根部,压电驱动力 在振动控制过程中可以得到较大程度的利用^[15]。

1.2 行星减速器非线性对旋转双柔性梁振动特性 的影响

图 2 为行星减速器间隙影响下的系统控制框 图。图中:y,,e,u,d,k,,x 和 y 分别为参考输入、振 动误差、电机控制量、单侧间隙宽度、减速器减速比、 减速器输出和采集到的输出量。由图中的间隙非线 性简化模型可知,间隙模型的输出不仅与输入的大 小有关,还与当前时刻输入的正负以及前一时刻的 输入有关^[16]。实际控制系统中的间隙非线性更加 复杂,齿轮间隙特性对整个系统的影响表现为驱动 死区和滞后、系统极限环振荡、驱动冲击和噪声干 扰。对于旋转双柔性梁结构,齿轮间隙的存在使其 中一梁的振动通过带动轮毂转动传递给另一个梁, 即双柔性梁之间的耦合作用。当双柔性梁处于小幅 值振动时,减速器输出轴近乎处于漂浮状态,此时只 受到摩擦力的影响,双柔性梁表现出与大幅值振动 时不同的振动特性。



Fig. 2 Schematic diagram of control system under the influence of planetary reducer backlash

行星减速器存在齿轮间隙时,双梁的耦合作用 在定点振动情况下表现为反相振动形式,即梁 I 和 梁Ⅱ的振动方向绕输出中心轴的转动方向相反。当 伺服电机控制其中一个梁时,另一个梁将会发散,此 时系统不可控。笔者主要针对双梁的反相振动形式 设计控制器。可见,行星减速器的间隙非线性和摩 擦非线性增加了系统的不确定性。双梁的反相振动 在伺服电机单独作用下具有不可控性,加大了结构 的控制难度。

2 非线性 T-S 模糊控制器设计

2.1 模糊控制器结构的确定

旋转双柔性梁结构是一个强耦合、非线性 MI-

MO系统。行星减速器齿轮间隙导致伺服电机驱动 减速器旋转时进入控制死区,因此有必要在控制算 法中引入非线性,利用压电驱动器快速抑制小幅值 振动。伺服电机对于梁的驱动力相较压电驱动器更 大,可采用伺服电机快速抑制大幅值振动。综合控 制器性能要求,可先设计 T-S 模糊控制器对多变量 系统进行控制器设计的解耦,再利用 T-S 模糊规则 的分段性在控制器中引入非线性特性,实现小幅值 振动的快速抑制。

设计如图 3 所示的非线性 T-S 模糊控制器。将 梁 [的振动偏差和偏差变化量输入 T-S 模糊控制 器 [,将梁]] 的振动偏差和偏差变化量输入 T-S 模 糊控制器Ⅱ。其中: y_1 和 y_2 分别为梁Ⅰ和梁Ⅱ的 振动量;e,为伺服电机编码器输出的位置信号;y1r 和 ν₂_r分别为梁 Ⅰ 和梁 Ⅱ 振动量的期望值,在定点控 制中 $y_{1r} = y_{2r} = 0; e_1$ 和 e_1 分别为梁 [的振动偏差值 和偏差值的变化量; e2 和 e2 分别为梁Ⅱ的振动偏差 值和偏差值的变化量; k_1 , k_2 , k_2 和 k_2 为对应的量化 因子,用于将模糊控制器的输入值转换到相应的论 域; k_{u1} , k_{u2} 和 k_{u3} 为输出比例系数; u_1 和 u_{31} 分别为对 应梁Ⅰ的压电驱动器Ⅰ控制量和伺服电机控制量; *u*₂ 和 *u*₃₂分别为对应梁Ⅱ的压电驱动器Ⅱ控制量和 伺服电机控制量;u₃为模糊控制器电机控制量加入 PD 位置控制量后的伺服电机实际输出量。



图 3 MIMO 系统非线性 T-S 模糊控制原理框图 Fig. 3 Schematic diagram of Nonlinear T-S fuzzy controller for MIMO system

2.2 T-S 模糊控制器的语言值和隶属度函数

模糊控制器的模糊语言值为{PB,PM,PS,ZO, NS, NM, NB}, 分别表示"正大"、"正中"、"正小"、 "零"、"负小"、"负中"和"负大"7个模糊子集。将这 些语言值分别用{-3,-2,-1,0,1,2,}7 个整数来 表示。 IF x_1 is A_1^1 and x_2 is A_2^1 and \cdots and x_n is A_n^1 , then $z^1 = f^1(x_1, x_2, \cdots, x_n)$

$$\mu_A(x,a,b) = e^{-\frac{(x-b)^2}{a^2}}$$
(1)

其中: $\mu_A(x,a,b)$ 为输入清晰值 x 对应的适用度:a 和b共同决定了每个高斯型曲线的形状,取 b=1, $a = \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$

非线性 T-S 模糊控制器 Ⅰ和Ⅱ的隶属度函数 如图4所示。





2.3 模糊推理规则设计

对于多规则的模糊推理问题,每一个规则都产 生一个推理结果。最终的结论通过对每一个推理结 果进行加权平均得到,即

$$:$$
IF x_1 is A_1^l and x_2 is A_2^l and \cdots and x_n is A_n^l , then $z^l = f^l(x_1, x_2, \cdots, x_n)$
 $z^l = f^l(x_1, x_2, \cdots, x_n) = w_0^l + w_1^l x_1 + \cdots + w_n^l x_n = \sum_{i=1}^n w_j^l x_j$

其中: x_1 , x_2 ,…, x_n 为模糊控制器的输入量,为精确 值; F'_i 为第l个规则中的第i个模糊集合;z'为第l个规则的推理结果; w_i 为模糊推理中的加权系数。

采用单点模糊化、乘积推理法和中心加权平均解 模糊化方法可求得 T-S 模糊逻辑系统的输出^[18]为

$$u = \frac{\sum_{l=1}^{M} \sum_{j=0}^{n} w_{j}^{l} x_{j} \prod_{i=1}^{n} \mu_{i}^{l} (x_{i})}{\sum_{l=1}^{M} \prod_{i=1}^{n} \mu_{i}^{l} (x_{i})}$$
(2)

其中: $\mu_i^l(x_i)$ 为输入量 x_i 经过量化后的值对应与第 l个规则中的第i个模糊集合的隶属度;M为规则 总数;u为输出精确控制量。

为了将非线性引入模糊控制器,确保控制器在 振动偏差值比较小的时候仍然有较大的控制量,根 据参考文献[19]中的非线性控制原理,令 $w_0^{\prime}=0$,设 计压电驱动器 I 的加权系数 w 为

	$\pmb{w} = \left[\pmb{w}_1,\pmb{w}_2,\pmb{w}_3,\pmb{w}_4,\pmb{w}_5,\pmb{w}_6,\pmb{w}_7 ight]$	(3)
其中		
$w_1 = w_7 =$	$\begin{bmatrix} -0.075 - 0.075 - 0.075 - 0.015 - 0.075 - 0.075 - 0.075 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.0005 & 0.0005 \\ 0.0005 & 0.000$	5
$w_2 = w_6 =$	$\begin{bmatrix} -0.1 - 0.1 - 0.125 - 0.175 - 0.125 - 0.1 - 0.1\\ 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 \end{bmatrix}$	
$w_2 = w_z =$	$\begin{bmatrix} -0.15 - 0.15 - 0.225 - 0.325 - 0.225 - 0.15 - 0.15 \end{bmatrix}$	

$$\begin{bmatrix} 0.001 & 0.001 & 0.001 & 0.001 & 0.001 & 0.001 & 0.001 \\ - & \begin{bmatrix} -0.15 & -0.25 & -0.425 & -0.5 & -0.425 & -0.25 & -0.15 \end{bmatrix}$$

0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001 0.001

压电驱动器 II 的加权系数 v 和交流伺服电机对 应的加权系数 λ 分别为

$$\boldsymbol{v} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{v}_1 \,, \boldsymbol{v}_2 \,, \boldsymbol{v}_3 \,, \boldsymbol{v}_4 \,, \boldsymbol{v}_5 \,, \boldsymbol{v}_6 \,, \boldsymbol{v}_7 \end{bmatrix} \tag{4}$$

$$\boldsymbol{\lambda} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\lambda}_1 & \boldsymbol{\lambda}_2 & \boldsymbol{\lambda}_3 & \boldsymbol{\lambda}_4 & \boldsymbol{\lambda}_5 & \boldsymbol{\lambda}_6 & \boldsymbol{\lambda}_7 \end{bmatrix}$$
(5)

其中

· ·						· •																
$\mathbf{v}_1 = \mathbf{v}_7 =$	Γ 0.	15		0.	25		0.	. 35		0.	5		0.	35		0	. 25		0.	. 15	-	
	$\lfloor -0.$	000 0)5	-0.	000	05	-0.	. 000	05	-0.	000	05	-0.	000	05	-0	. 000	05	-0.	. 000	05	
$\mathbf{v}_2 = \mathbf{v}_6 =$		Γ 0.	15		0.	25		0.	. 35		0.	5		0.	35		0	. 25		0.	.15	-
	$v_{6} - $	$\lfloor -0.$	000 0)7	-0.	000	07	-0.	. 000	07	-0.	000	07	-0.	000	07	-0	. 000	07	-0.	. 000	07
$v_3 = v_5 =$		Γ 0.	15		0.	25		0.	. 35		0.	5		0.	35		0	. 25		0.	.15	-
	$v_5 =$	$\lfloor -0.$	000 0)8	-0.	000	08	-0	. 000	08	-0.	000	08	-0.	000	08	-0	. 000	08	— O.	. 000	08
$v_4 = \begin{bmatrix} - \end{bmatrix}$	Γ ().15		0.2	25		0.3	35	(0.5		0.	35		0.	25		0.1	5	٦		
	$\lfloor -0 \rfloor$	000	1 -	-0.0	000 1	. –	-0.0	000 1	— (0.000) 1	-0.	000	1 .	-0.	000	1 -	-0.0	000 1			
$\boldsymbol{\lambda}_1 = \boldsymbol{\lambda}_7 =$	<u> </u>	$\begin{bmatrix} -0 \end{bmatrix}$. 8		-0.0	64		-0.1	6	— (. 16		-0.	16		-0.	64	-	-0.8	3	7	
	λ_{7} —	$\left\lfloor -0\right\rfloor$.002	5	-0.0	002	5	-0.0	02 5	— (0.002	25	-0.	002	5	-0.	002	5 -	-0.0	02 5		
$\boldsymbol{\lambda}_2 = \boldsymbol{\lambda}_6 =$	1 _	$\begin{bmatrix} -0 \end{bmatrix}$. 8		-0.0	64		-0.1	6	— (. 16		-0.	16		-0.	64	-	-0.8	3	7	
	λ_6 —	$\left\lfloor -0\right\rfloor$.003	5	-0.0	003	5	-0.0	03 5	— (00.	35	-0.	003	5	-0.	003	5 -	-0.0	03 5		
$\boldsymbol{\lambda}_3 = \boldsymbol{\lambda}_5 =$	1	$\begin{bmatrix} -0 \end{bmatrix}$. 8		0.64	-	-0.	16	-0.	.16	— (0.16	_	-0.6	4	-0.	. 8	٦				
		.004		0.00	4 -	-0.	004	-0.	. 004	— (0.00	4 -	-0.0	04	-0.	. 004						
$\boldsymbol{\lambda}_4 = \begin{bmatrix} - \\ - \end{bmatrix}$	[-(0.8	-0).64		-0.1	16	-0	.16	— ().16	_	-0.6	4	-0.	8	7					
	[(0.005	-0	00.00	5 -	-0.(005	-0	.005	— (0.00	5 -	-0.0	05	-0.	005						

权系数 w 和 v 的选取应确保小幅值处具有相对 更大的控制增益,权系数 λ 的选取应确保电机对大 幅值振动的控制效果。显然,非线性 T-S 模糊控制 率是基于 T-S 模糊模型的非线性算法,对于单条规 则,输入和输出呈线性关系。但是随着输入量的不 断变化,模糊控制器内部参数不同程度地被激发,控 制器的输出是输入信号的非线性加权叠加。另一方 面,T-S 模糊控制器实现了振动信号振动一个周期 内非线性映射的同时,也实现了整个振动衰减过程的 非线性映射,即 T-S 模糊控制率的分段性。

3 旋转双柔性梁结构振动控制实验

3.1 实验装置

本实验装置如图 5 所示。压电柔性梁 I 和压电

柔性梁 II 采用环氧树脂材料。电机采用三菱公司生 产的型号为 HC-KFS43 的交流伺服电机,功率为 400 W。编码器的分辨率为 40 000 脉冲/转。伺服 驱动器型号为 MR-J2S-40A。行星减速器型号为 VRSF-25C-400,减速比为 1:25,齿轮间隙为 15 角 分。采样周期为 2 ms。控制算法通过 C++语言 编程实现。压电传感器 I 和 II 电荷放大型号为 YE5850。设定电荷放大器 I 的灵敏度为 99.9pC/ Unit,输出档位 1 mV/Unit。电荷放大器 II 的灵敏 度为 10 pC/Unit,输出档位 1 mV/Unit。将压电陶 瓷产生的电荷放大至-10 V~+10 V的电压范围。 研制的电压驱动电路将-5 V~+5 V 的输入电压 转换为-155 V~+155 V 的输出电压。数据采集 和转换采用型号为 GTS-400-PGV 的运动控制卡, 输出电压范围和输入范围均为-10 V~+10 V。

实验平台主要尺寸如下:柔性梁I为 590 mm×



图 5 旋转双柔性压电梁实验装置 Fig. 5 Experimental setup of the rotating double flexi-

ble piezoelectric beams

98 mm×2.08 mm;柔性梁Ⅱ为 600 mm×98 mm× 2.08 mm;压电传感器Ⅰ为 20 mm×6 mm×1 mm;压 电传感器Ⅱ为 40 mm×10 mm×1 mm;压电驱动 器Ⅰ为 50 mm×15 mm×1 mm;压电驱动器Ⅱ为 50 mm×15 mm×1 mm。

3.2 实验结果与比较

3.2.1 双柔性梁自由振动实验

通过实验分别采集柔性梁I和柔性梁II的自由振动曲线如图 6 所示。自由振动曲线的激励方式为:用 手拨动梁I,待双柔性梁的振动幅值衰减接近 10V 时 开始采样。梁I的 1 阶固有频率为3.375 Hz,梁II的 1 阶固有频率为 3.4 Hz。梁I经过 4.5 s 衰减至 50%, 经过 13.5 s 衰减至 10%;梁II经过 4.2 s 衰减至 50%, 经过 14.2 s 衰减至 10%。实验数据显示,梁I和梁II 的小幅值振动衰减需要较长时间。

3.2.2 双柔性梁振动控制实验

采用压电驱动器 I、压电驱动器 II和伺服电机 复合抑制双梁的振动。压电驱动器 PD 控制参数如 下:压电驱动器 I为 $k_{p1} = -0.6$, $k_{d1} = 0.01$;压电驱 动器 II为 $k_{p2} = 0.4$, $k_{d2} = -0.001$ 。伺服电机 $k_{p3} = -0.001$ 8, $k_{d3} = -0.000$ 3, $k_p = 0.000$ 1, $k_v = 0.001$ 。选取非线性 T-S 模糊控参数,梁 I 和梁 II 的振动偏差 $e_1(t)$, $e_2(t)$ 和振动偏差变化量 $ec_1(t)$, $ec_2(t)$ 的基本论域为[-10, 10]和 [-230, 230],相应量化因子 $k_{e1} = k_{e2} = 0.3$, $k_{e1} = k_{e2} = 0.013$ 。压电驱动器 I和压电驱动器 II输出比例因子 $k_{u1} = 3$, $k_{u2} = 2.5$ 。伺服电机控制量输出比例 因子 $k_{u3} = 0.03$ 。式(2)中的适用度 $\mu_i^i(x_i)$ 通过隶属 度函数(1)求取。伺服电机的位置控制参数与 PD 控制算法相同。算法均采用电机控制梁 I 的控制策 略,控制量在 0.5 s 处施加。压电驱动器和伺服电



图 6 双柔性梁的 1 阶自由振动曲线

Fig. 6 Time-domain first mode free vibration curves of double flexible beams

机复合控制双梁1阶振动的实验结果如图7所示。

图 7 显示:在 PD 算法的控制作用下,梁 I 经过 0.5 s 衰减至 50%,经过 5.1 s 衰减至 10%;梁 II 经 过 1.4 s 衰减至 50%,经过 3.8 s 衰减至 10%。在 非线性 T-S 模糊算法的控制作用下,梁 I 经过 0.3 s 衰减至 50%,经过 1.8 s 衰减至 10%;梁 II 经过 0.8 s衰减至 50%,经过 1.6 s 衰减至 10%。加入伺 服电机控制后,算法对双梁大幅值振动的抑制效果 有一定的提高,弥补了压电驱动器驱动力小的缺点, 但电机对双梁小幅值振动的抑制效果没有明显改进。

梁 I 的振动幅值在整个控制过程中出现了先减 小后增加的现象,这主要由于实验采用了伺服电机 控制梁 I 的策略,导致梁 II 的振动能量增加,双柔性 梁之间存在的强耦合作用促使梁 II 的振动能量传递 到梁 I,梁 I 的振动能量增加。梁 II 的振动能量传递 到梁 I,梁 I 的振动能量增加。梁 II 的振动在刚加 入控制量时趋向于发散,但随着梁 I 的振动在刚加 入控制量时趋向于发散,但随着梁 I 的振动被抑制, 梁 II 的能量逐渐被梁 I 吸收。实验结果与理论分析 得到了一致的结论。同时,借助于压电驱动器的非 线性输出特性,小幅值振动在此阶段被快速抑制。 相比 PD 算法,非线性 T-S 模糊算法对大幅值振动





Fig. 7 Vibration control of the first mode vibration of double flexible beams

和小幅值振动都具有较好的振动抑制效果。

4 结 论

 1)旋转双柔性梁系统具有较大的非线性和耦合性,在行星减速器存在间隙的情况下,双梁的耦合 作用体现在双梁以反相振动为主的振动形态。该振 动形态使只采用伺服电机控制系统是不可控的。

2) 通过设计多变量非线性 T-S 模糊控制器,将

分段非线性控制和 T-S 模糊控制结合,实现了非线性、强耦合 MIMO 系统的定点振动控制。通过压电驱动器和伺服电机复合控制使原有的不可控系统变得稳定。算法较好地解决了减速器存在间隙时双梁的反相振动控制问题。

3) 通过与 PD 控制算法进行实验对比,所研究 的算法具有更好地抑制大幅值振动和平衡点附近小 幅值振动的能力。非线性 T-S 模糊控制算法能在 小幅值处保持较大的控制量,从而快速抑制双梁的 小幅值振动。同时,控制器加入伺服电机后,双梁的 大幅值振动被较快速地抑制。

参考文献

- Liu J, Rong S, Shen F, et al. Dynamics and control of a flexible solar sail[J]. Mathematical Problems in Engineering, 2014,2014:1-15.
- [2] Jassim Z A, Ali N N, Mustapha F, et al. A review on the vibration analysis for a damage occurrence of a cantilever beam[J]. Engineering Failure Analysis, 2013, 31:442-461.
- [3] 曹青松,洪芸芸,周继惠,等.基于 PSO 自整定 PID 控制器的柔性臂振动控制[J].振动、测试与诊断, 2014,34(6):1045-1049.

Cao Qingsong, Hong Yunyun, Zhou Jihui, et al. Vibration control of flexible manipulator based on selftuning PID controller by PSO[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2014, 34(6): 1045-1049. (in Chinese)

- [4] Chen Longxiang, Sun Jianqiao. Multi-objective optimal design and experimental validation of tracking control of a rotating flexible beam[J]. Journal of Sound and Vibration, 2014,333(19):4415-4426.
- [5] 卢全国,曹清华,唐刚. 压电复合悬臂梁非线性模型 及求解[J]. 振动、测试与诊断,2014,34(6):1027-1032.

Lu Quanguo, Cao Qinghua, Tang Gang. Nonlinear modeling and numerical solution of piezoelectric cantilever beam[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis,2014,34(6):1027-1032. (in Chinese)

[6] 苏文敬,吴立成,孙富春,等.空间柔性双臂机器人 系统建模、控制与仿真研究[J].系统仿真学报,2003, 15(8):1098-1105.

Su Wenjing, Wu Licheng, Sun Fuchun, et al. Dynamics modeling, control and simulation for flexible dualarm space robot[J]. Journal of System Simulation, 2003,15(8):1098-1105. (in Chinese)

- [7] Yu Xiaoyan, Chen Li. Modeling and observer-based augmented adaptive control of flexible-joint free-floating space manipulators[J]. Acta Astronautica, 2015, 108:146-155.
- [8] 李祖枢,但远宏,张小川,等.双摆机器人摆杆平衡 态任意转换运动控制的实现[J].自动化学报,2010, 36(12):1720-1731.

Li Zushu, Dan Yuanhong, Zhang Xiaochuan, et al. Fulfillment of arbitrary movement transfer control between equilibrium states for a double pendulum robot [J]. Acta Automatica Sinica, 2010, 36 (12): 1720-1731. (in Chinese)

[9] He Shiwen, Jia Qingxuan, Chen Gang, et al. Modeling and dynamic analysis of planetary gear transmission joints with backlash[J]. International Journal of Control and Automation, 2015,8(2):153-162.

- [10] Campos J, Lewis F L, Selmic R. Backlash compensation with filtered prediction in discrete time nonlinear systems by dynamic inversion using neural networks [C] // Proceedings of the 39th IEEE Conference on Decision and Control. Sydney: IEEE Control System Society, 2000:3534-3540.
- [11] Wang Zhihong, Wu Yifei, Chen Wei, et al. Discrete second-order sliding mode adaptive controller based on characteristic model for servo systems[J]. Journal of Control Science and Engineering, 2015, ID405376.
- [12] Le Tien L, Schaffer A A, Hirzinger G. MIMO state feedback controller for a flexible joint robot with strong joint coupling[C] // IEEE International Conference on Robotics and Automation. Roma: IEEE Robotics and Automatoin Society,2007:3824-3830.
- [13] Heidari S, Piltan F, Shamsodini M, et al. Design new nonlinear controller with parallel fuzzy inference system compensator to control of continuum robot manipulator[J]. International Journal of Control and Automation, 2013,6(4):115-134.
- [14] Nagarale R M, Patre B M. Decoupled neural fuzzy sliding mode control of nonlinear systems[C] // IEEE International Conference on Fuzzy Systems (FUZZ). Hyderabad: IEEE Computation Intelligence Society, 2013:1-8.
- [15] Sehgal N, Malik M, Chhabra D. Meta-heuristics approaches for the placement of piezoelectric actuators/ sensors on a flexible cantilever plate: a review[J]. Meta, 2014,3(6):7-16.
- [16] Vörös J. Modeling and identification of systems with backlash[J]. Automatica, 2010,46(2):369-374.
- [17] Lin C, Li H. Adaptive dynamic sliding-mode fuzzy CMAC for voice coil motor using asymmetric gaussian membership function [J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2014,61(10):5662-5671.
- [18] Guerra T M, Vermeiren L. Control laws for Takagi-Sugeno fuzzy models [J]. Fuzzy Sets and Systems, 2001,120(1):95-108.
- [19] Huang Jianfeng, Yang Chengying, Ye Jun. Nonlinear pd controllers with gravity compensation for robot manipulators[J]. Cybernetics and Information Technologies, 2014,14(1):141-150.



第一作者简介:邱志成,男,1973年10 月生,教授、博士生导师。主要研究方向 为柔性结构的振动主动控制、机器人控 制等。曾发表《基于视觉的柔性结构振 动测量及其控制》(《振动、测试与诊断》 2012年第32卷第1期)等论文。 E-mail:zhchqiu@scut.edu.cn