doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2016.05.020

IEPE 加速度计电路噪声分析^{*}

杨 哲, 曹丽芳, 王玉田, 侯培国, 李泓锦, 程朋飞, 潘 钊 (燕山大学电气工程学院 秦皇岛,066004)

摘要研究压电集成电路加速度计的主要噪声源,利用 *E*_n-*I*_n 噪声模型将内部噪声源等效输入端,实现了输入噪声和输入信号的直接对比,能容易得到噪声对信号的影响。将 Y-Δ 变换原理引入 T 型网络噪声分析,降低噪声分析难度。通过对电路噪声的分析,在宽频范围内推导出可用于计算 IEPE 加速度计电路本底噪声的公式。将理论计算值与 PSpice 软件噪声分析所得值进行了对比,证明二者具有良好的相关性,同时得出了各噪声源在输入端对总噪声的贡献,提出了在不同频段内降低总噪声的方法,为 IEPE 加速度计电路的低噪声设计、参数选择和性能优化提供了理论依据。实验样机的实际值与理论值的对比结果表明,此法对于 IEPE 加速度计电路低噪声设计具有应用价值。

关键词 IEPE 加速度计; 电路噪声; 电荷放大器; PSpice 软件 中图分类号 TH73; TH823

引 言

压电集成电路(integral electronics piezoelectric, 简称 IEPE)加速度计是利用正压电效应来测量振动 加速度的传感器。它将加速度信号有效地转化为电 信号,具有宽动态范围、宽频率响应、宽工作温度范 围、低输出阻抗、高灵敏度,且易于实现小型化等优 点^[1]。压电加速度计作为首选振动测量传感器,已经 广泛应用于水利、采矿、交通、航空和建筑等部门的振 动和冲击测试、信号分析、振动校准实验等^[2]。

目前,对于低频微弱振动信号的测量仍是一个 难题。IEPE 加速度计的各种噪声源直接影响测量 系统的信噪比、分辨率等性能指标。因此,研究 IEPE 加速度计的噪声特性对提高测量数据质量和 设计高性能加速度测量系统具有重大意义。目前国 外有关 IEPE 加速度计噪声分析的文献很少,国内 几乎为空白。1993 年 Schloss^[3]对压电加速度计的 噪声源进行了分析,但其忽略了场效应管沟道热噪 声和 1/f 噪声的影响。1996 年 Gabrielson^[4] 对加 速度计各噪声进行了定性分析,但没有分析具体计 算表达式。2005 年,Levinzon^[5] 对 IEPE 加速度的 各噪声源建立的噪声模型,推导出了具体的计算公 式,但在电路噪声分析时对偏置电阻只做了简单概 述,并没有对复杂的 T 型网络做整体的噪声分 析^[5]。针对以上噪声分析的不足之处,笔者将对 IEPE加速度各噪声源进行详细的分析,建立整体 噪声模型,推导出了可用于计算 IEPE 加速度计电 路本底噪声的公式,提出降低总噪声的方法,为 IEPE 加速度计电路的低噪声设计、参数选择和性 能优化提供理论依据。

1 IEPE 加速度计工作原理

IEPE 加速度计主要由压电变换器和电荷放大器两部分组成,图1为其等效原理图。



Fig. 1 The schematic of IEPE accelerometer

压电变换器能够感受加速度信号并将其转化为 电信号^[6]。在压电片上有力作用和撤消时,内部介质 产生极化现象,电荷的产生与消失类似于电容器的充

^{*} 国家自然科学基金资助项目(61471312,61403333);河北省青年科学基金资助项目(F2015203072) 收稿日期:2015-03-08;修回日期:2015-04-09

电与放电,因此在做 IEPE 加速度计本底噪声分析时 可将其等效为一个电容器,如图 1 中的 C_s, e_s 为信号 源电动势,相当于压电变换器的开路输出电压。

电荷放大器的作用是将压电变换器输出的电荷 信号转化为电压信号同时对其进行放大^[7]。电荷放 大器多利用运算放大器为核心元件,但运算放大器 的噪声相对较大。为了获得更低的噪声,笔者采用 分立元件构成电荷放大器,主要包括两部分,结型场 效应管(junction field-effect transistor,简称 JFET) 模块和双极型三极管(bipolar junction transistor, 简称 BJT)模块。JFET 具有高输入阻抗的特性用 以匹配压电变换器的高输出阻抗。BJT 的输出阻抗 很低,能够使后级电路获得更大的有用信号。此外, 电荷放大器还包含用以放大电荷信号的交流反馈电 路和为 JFET 提供静态工作点的直流偏置电路。

信号调理电路为电荷放大器供电,同时对被测信 号进行后续放大。去耦电容 C_d 在信号调理电路输入 端消除传感器输出直流偏置电压。供电电路采用两 线制(输出端和电路地),供电信号包含输出信号。

2 IEPE 加速度计电路噪声源分析

IEPE 加速度计加速度计电路本底噪声主要由 电荷放大器提供。电荷放大器噪声是由 JFET 噪 声、BJT 噪声和偏置电路电阻热噪声构成的。但是 由于第1级(输入级)增益足够大,因此第2级(BJT 输出级)噪声可以被忽略,不对其进行详细分析。

2.1 电阻热噪声

电阻热噪声是由于导体内部载流子的无规则热 运动产生的。带电载流子的这种无规则运动会在导 体内部形成很多微小的电流波动。这些瞬时电流扰 动会在导体两端产生噪声电压。电阻热噪声选诺顿 电流噪声模型表示形式,如图 2 所示。



图 2 诺顿电流噪声模型 Fig. 2 The Norton current noise model

因此电阻开路热噪声电压有效值 *E*_t 和短路热噪声电流有效值 *I*_t 分别为

$$E_{\rm t} = \sqrt{4kTR\Delta f} \tag{1}$$

$$I_{t} = \frac{E_{t}}{R} = \sqrt{\frac{4kT\Delta f}{R}} \tag{2}$$

其中:k为波尔兹曼常数;T为热力学温度;R为电阻值; Δf 为噪声带宽。

由此可知,电阻热噪声与频率无关,是一种白 噪声。

2.2 JFET 噪声

JFET 噪声源包括沟道热噪声、感应栅噪声、栅极散粒噪声和 1/f 噪声。

1) 沟道热噪声

JFET 是通过调制导电沟道的电阻来工作的。 由上面的分析可知电阻性器件中存在热噪声,JFET 沟道中也存在沟道热噪声。沟道热噪声电流 I_{td}的 一般表达式为

$$I_{\rm td} = \sqrt{4kT\left(\frac{2g_{\rm m}}{3}\right)\Delta f} \tag{3}$$

其中:gm为 JFET 的正向跨导。

为了计算方便,沟道热噪声还可用等效到栅极 输入端的噪声电压 E_{td}表示为

$$E_{\rm td} = \frac{I_{\rm td}}{g_{\rm m}} = \sqrt{4k_{\rm B}T\left(\frac{2}{3g_{\rm m}}\right)\Delta f} \tag{4}$$

2) 感应栅噪声

在高频时,沟道载流子的无规则热运动使栅极 电压出现相应的起伏的感应栅噪声。此噪声与沟道 热噪声是同源噪声,具有相关性。但只在频率接近 于 JFET 的截止频率时噪声才较显著,因此分析时 将其忽略^[8]。

3) 散粒噪声

在半导体器件中,载流子流过势垒区的数目是 一个随机过程^[9],这使得流动着的载流子数目在其 平均数附近发生统计起伏,由此而引起电流的瞬时 涨落称为散粒噪声。

JFET 中存在 PN 结,流过其势垒区的平均直流 电流即为反偏漏电流 I_{GSS},引起的散粒噪声电流 I_s 表达式为

$$I_{\rm s} = \sqrt{2qI_{\rm GSS}\Delta f} \tag{5}$$

其中:q为电子电量; I_{GSS} 为 JFET 反偏漏电流; Δf 为噪声带宽。

4) 1/f 噪声

1/f 噪声主要是由与污染和结晶缺陷有关的陷阱引起的^[10]。JFET 中的 1/f 噪声是由漏极偏置电流引起的,可由噪声源 *I*_f 来表示为

$$I_{\rm f} = \sqrt{K_{\rm f} \frac{I_{\rm D}^a}{f} \Delta f} \tag{6}$$

其中: I_D 为漏极偏置电流; K_f 为给定器件的常数; α 为0.5~2之间的常量,对 JFET 而言通常近似等 于 1。

3 E_n-I_n 噪声模型

为使问题简化明确,在噪声性能分析中,先把内

部噪声源折合到输入端用其等效输入噪声源来表示,再通过等效输入噪声源来分析二端口网络的噪声性能^[11]。此方法可以直接将输入噪声和输入信号进行对比,能够容易地得到噪声对信号的影响。

为了完整、正确地反映内部噪声,网络内部噪声 源必须用一个等效噪声电压源 *E*_n和一个等效噪声 电流源 *I*_n来共同表示,如图 3 所示。如果已知内部 噪声源,便可利用电路原理的知识求得两个等效噪 声源 *E*_n和 *I*_n^[12]。



图 3 E_n - I_n 噪声模型代表二端口网络噪声 Fig. 3 The noise model of E_n - I_n represents two-port network noise

用此方法对 JFET 模块进行噪声建模。由上可知,JFET 主要噪声源包括沟道热噪声 *I*_{td},1/f 噪声 *I*_f,散粒噪声 *I*_s。其低频噪声电路和 *E*_n-*I*_n等效噪 声模型分别如图 4 和图 5 所示,二端口分别用 *g* 和 *d* 表示。



图 4 JFET 模块噪声电路 Fig. 4 The noise circuit of the JFET module



图 5 JFET 模块 E_n-I_n 噪声模型

Fig. 5 The noise model E_n - I_n of the JFET module

对于任意源阻抗 *R*_s,两个电路会产生相同的输出噪声,得到

$$E_{\rm nj}g_{\rm m} + I_{\rm nj}R_{\rm S}g_{\rm m} = I_{\rm s}R_{\rm S}g_{\rm m} + I_{\rm td} + I_{\rm f}$$
 (7)

由于 JFET 各噪声源的大小与 *R*_s 取值无关,因 此令 *R*_s=0,即可求出 *E*_n_i和 *I*_n分别为

$$E_{\rm nj} = \frac{I_{\rm td} + I_{\rm f}}{g_{\rm m}} \tag{8}$$

$$I_{\rm nj} = I_{\rm s} \tag{9}$$

JFET 模块等效输入噪声电压和电流均方值表 达式为

$$E_{\rm nj}^2 = \frac{I_{\rm td}^2 + I_{\rm f}^2}{g_{\rm m}^2} = 4kT \Big(\frac{2}{3g_{\rm m}}\Big) \Delta f + K_f \frac{I_{\rm D}^2}{g_{\rm m}^2 f} \Delta f \qquad (10)$$

$$I_{nj}^2 = I_s^2 = 2qI_{GSS}\Delta f \tag{11}$$

4 电荷放大器电路整体噪声分析

为求出电荷放大器输入端总的等效噪声,需对 电荷放大器电路进行整体噪声分析。上文已求出 JFET模块输入端的等效噪声,为便于分析将 JFET 模块和 BJT 模块的组合等效成一个运算放大器。 电荷放大器电路噪声源包括 JFET 模块等效输入噪 声和 T型网络电阻热噪声。由于 T型网络是三端 口网络,为便于分析利用 Y-Δ等效变换可得到如图 6 所示的等效噪声电路,其输入端和输出端分别用 in 和 out 表示。

下面分析图 6 中的各噪声源在输出端的噪声 贡献。

1) *E*_{t12}, *E*_{t13}和 *E*_{t23}在输出端的噪声贡献 *E*_{t120},





Fig. 6 The T networks Y-∆ transform equivalent noise circuit

E_{t130}和 E_{t230}

首先,将输入端和其他各噪声源置 0,可得节点 1 的电势为 0。然后在节点 1 利用 KCL 求得 *E*_{t12} 在 输出端的噪声贡献 *E*_{t12}。

$$E_{t_{120}} = \frac{Z_{C_{\rm f}}}{R_{12} + Z_{C_{\rm f}}} E_{t_{12}}$$
(12)

然后,将输入端和其他各噪声源置 0,可得节点 1 的电势为 0。在节点 1 利用 KCL 求的 *E*_{t13} 在输出 端的噪声贡献 *E*_{t13}。

$$E_{t13o} = -\frac{R_{12} // Z_{C_f}}{R_{13}} E_{t13}$$
(13)

最后,将输入端和其他各噪声源置 0,可得节点 1 的电势为 0。在节点 1 利用 KCL 求得 *E*₁₂₃ 在输出 端的噪声贡献 *E*₁₂₃。

$$E_{t230} = 0$$
 (14)

由以上结果可求得,电荷放大器内部噪声源在 输出端的总噪声电压均方值 E_{out}^2 除以电荷放大器增 益的平方 A^2 ,便可求出电荷放大器的等效输入噪声 电压均方值 E_{u}^2 ,计算公式如下

$$E_{\rm in}^2 = \frac{E_{\rm out}^2}{K^2} \tag{15}$$

*E*_{nj}在输出端的噪声贡献 *E*_{njo}和 *I*_{nj}在输出端 的噪声贡献 *E*'_{njo}

首先,将输入端和其他各噪声源置 0,可得节 点 1的电势为 *E*_{nj}。求得 *E*_{nj}在输出端的噪声贡献 *E*_{nio}为

$$E_{\rm njo} = \left(1 + \frac{R_{12} // Z_{C_{\rm f}}}{R_{13} // Z_{C_{\rm s}}}\right) E_{\rm nj}$$
(16)

再将输入端和其他各噪声源置 0,可得节点 1 的电势为 0,因此 R₁₃和 C_s 两端的电势差均为 0,二 者均无电流流过。在节点 1 利用 KCL 求得 I_{nj}在输 出端的噪声贡献 E'_{ni}。

$$E'_{\rm njo} = -(R_{12} \ /\!\!/ \ Z_{C_{\rm f}}) I_{\rm nj}$$
 (17)

以上结果可求得电荷放大器内部噪声源在输出 端的总噪声电压均方值 *E*²_{out},其计算公式如下

 $E_{\text{out}}^2 = E_{\text{njo}}^2 + E_{\text{njo}}^{\prime 2} + E_{\text{tl2o}}^2 + E_{\text{tl3o}}^2 + E_{\text{t23o}}^2 \quad (18)$ 将式(12)~(17)代人式(18),可得 E_{in}^2 的最终表

达式为

$$E_{\rm in}^{2} = \left[\left(1 + \frac{C_{\rm f}}{C_{\rm s}} \right)^{2} + \frac{1}{\omega^{2} C_{\rm s}^{2} (R_{\rm b} + R_{\rm 1} /\!/R_{\rm 2})^{2}} \right] \left[4kT \cdot \left(\frac{2}{3g_{\rm m}} \right) \Delta f + K_{\rm f} \frac{I_{\rm b}}{g_{\rm m}^{2} f} \Delta f \right] + \frac{2qI_{\rm GSS} \Delta f}{\omega^{2} C_{\rm s}^{2}} + \frac{4kT\Delta f}{\omega^{2} C_{\rm s}^{2} (R_{\rm b} + R_{\rm 1} /\!/R_{\rm 2})}$$
(19)

求得电荷放大器的等效输入噪声电压谱密度为

$$S(f) = \frac{E_{in}^{2}}{\Delta f} = \left[\left(1 + \frac{C_{f}}{C_{s}} \right)^{2} + \frac{1}{\omega^{2} C_{s}^{2} (R_{b} + R_{1} / / R_{2})^{2}} \right] \times \left[4kT \left(\frac{2}{3g_{m}} \right) + K_{f} \frac{I_{D}^{a}}{g_{m}^{2} f} \Delta f \right] + \frac{2qI_{GSS}}{\omega^{2} C_{s}^{2}} + \frac{4kT}{\omega^{2} C_{s}^{2} (R_{b} + R_{1} / / R_{2})}$$
(20)

5 仿真与分析

利用 PSpice 在低频段(1 Hz~100 kHz)对电路 进行噪声分析,如图 7 所示。其中:横轴代表频率; 纵轴代表等效输入噪声电压谱密度。将其与推导出 的理论值进行对比,如图 8 所示。二者具有良好的 相关性,证明了上述噪声分析方法以及所推导噪声 公式的正确性。由推导出的等效输入噪声电压谱密 度公式可以得到低噪声电荷放大器设计原则:a.选 取 JFET 时尽可能选择高 g_m 和低 I_{GSS} 的元件;b.对 于直流偏置电路的设计,在满足所需直流偏置电压 时,适当提高 R_1, R_1 和 R_2 的值可降低噪声。



图 7 PSpice 噪声分析结果

Fig. 7 The noise analysis result by PSpice software

利用推导出的电荷放大器等效输入噪声电压谱 密度公式,可分别求得各噪声源在输入端的噪声贡



图 8 理论与仿真对比图 Fig. 8 The theory and simulation comparison chart

献,如图9所示。其中:曲线 a 代表 T 型网络电阻 热噪声;曲线 b 代表 JFET 栅极散粒噪声;曲线 c 代表JFET 1/f 噪声;曲线 d 代表 JFET 沟道热噪 声。当 $f \leq 230$ Hz 时,T 型网络电阻热噪声占主导 地位,频率越低此噪声在等效输入噪声中所占比重 越大,因此,在较低频段内主要通过降低 T 型网络 电阻热噪声来降低总噪声,例如适当提高 R_b 的值。 当 f > 230 Hz 时,JFET 沟道热噪声贡献最大,频率 越高其在等效输入噪声中所占比重越大。因此在较 高频段内,主要通过降低 JFET 沟道热噪声来 降低 总噪声,例如选择更高 g_m 和更低 I_{GSS} 的 JFET。



图 9 各噪声源在输入端的噪声贡献

Fig. 9 The noise contribution of every noise resource at the input

6 样机噪声测试

为比较降噪设计的效果,制作了 IEPE 加速度 计电荷放大电路供研究重点平面剪切型压电结构的 实验样机进行噪声测试,如图 10 所示。样机性能如 表1 所示。



图 10 实验样机照片 Fig. 10 The photo of the experimental prototype

表1 样机性能参数

Tab. 1 The performance parameters of the prototype

灵敏度/	工作	谐振	供电	供电	输出偏	质量/
$(\mathbf{V} \boldsymbol{\cdot} (\mathbf{m} \boldsymbol{\cdot} \mathbf{s}^{-2}))$	⁻¹)频率/Hz	频率/Hz	电压/V	电流/mA	置电压/V	g
1	0.1 \sim 2 k	8 k	+24	4	+12	125

数据采集卡的采样频率设定为 25.6 kHz,采样 时间设定为 10.66 min,分析频率范围为 0~10 Hz。 噪声信号由数据采集卡采集后经 USB 数据线传到 主机,由分析软件经频谱分析得到噪声电压谱密度 实际值和理论计算值,对比如图 11 所示。



Fig. 11 The comparison chart of the theory and actual value

由图 11 可以看出,理论曲线与实际曲线有相同 的变化趋势,算得二者相关系数为 0.970 4,表明两 条曲线具有很好的相关性。尽管纵坐标上有一定误 差,但在 10⁻⁶~10⁻⁵ V/√Hz 量级上进行噪声估计 时,此误差属于可接受范围。上述对比分析结果证 明,利用推导出的电路噪声谱密度理论表达式对电 路噪声进行估算的方法是有效的,其误差在允许范 围内。

7 结束语

笔者对所设计的 IEPE 加速度计电路进行了噪

953

声分析,在宽频范围内推导出了可用于计算 IEPE 加速度计电路本底噪声的公式。将理论计算值与 PSpice 软件噪声分析所得值进行了对比,证明二者 具有良好的相关性,说明了所推导出的噪声公式的 正确性和有效性。同时,利用推导出的噪声公式得 出了各噪声源在输入端对总噪声的贡献,提出了在 不同频段内降低总噪声的方法。这些研究内容为 IEPE 加速度计电路的低噪声设计、参数选择和性 能优化提供了理论依据。实验样机得到的电路噪声 谱密度曲线的实际值与理论值的结果进一步表明, 在一定误差允许范围内,此方法可以用于指导 IEPE 加速度计的低噪声设计。

参考文献

- [1] 李翠,李效民,钟美芳. 压电式加速度传感器的智能应用[J]. 实验室研究与探索,2010,29(10):231-234.
 Li Cui, Li Xiaomin, Zhong Meifang. Intelligent application of piezoelectricity type acceleration sensor[J].
 Research and Exploration in Laboratory, 2010,29 (10):231-234. (in Chinese)
- [2] Sharapov V. Piezoceramic sensors [M]. Berlin: Springer Berlin Heidelberg, 2011:381-408.
- [3] Schloss F. Accelerometer noise[J]. Sound and Vibration, 1993,2(27):22-23.
- [4] Gabrielson T B. Modeling and measuring self-noise in velocity and acceleration sensors[C] // Acoustic Particle Velocity Sensors: Design, Performance, and Applications. American Institute of Physics: AIP Publishing, 1996:1-48.
- [5] Levinzon F A. Noise of piezoelectric accelerometer with integral FET amplifier[J]. IEEE Sensors Journal, 2005,5(6):1235-1242.
- [6] 褚祥诚,徐亚楠,袁松梅,等.基于 PVDF 的新型高速公路压电动态称重传感器[J].振动、测试与诊断,2013, 33(3):351-356.

Chu Xiangcheng, Xu Yanan, Yuan Songmei, et al. A novel WIM sensor for highway based on PVDF piezoelectric material[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2013,33(3):351-356. (in Chinese) [7] 徐志伟,陈杰,张磊,等.用于智能蒙皮的集成化动静态 测试系统设计[J].振动、测试与诊断,2014,34(3): 463-466.

Xu Zhiwei, Chen Jie, Zhang Lei, et al. Design of testing system on dynamic and static parameter used in smart skin[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2014,34(3):463-466. (in Chinese)

- [8] 张东,姜岩峰,于明.基于带隙基准源电路的噪声分析
 [J].电子测量与仪器学报,2011,25(12):1036-1040.
 Zhang Dong, Jiang Yanfeng, Yu Ming. Noise analysis based on bang-gap reference circuit[J]. Journal of E-lectronic Measurement and Instrument, 2011,25(12): 1036-1040. (in Chinese)
- [9] 戴逸松. 微弱信号检测方法及仪器[M]. 北京:国防工 业出版社,1994:51-53.
- [10] 陈文豪,杜磊,庄奕琪,等.电子器件散粒噪声测试方法研究[J].物理学报,2011,60(5):159-166.
 Chen Wenhao, Du Lei, Zhuang Yiqi, et al. Shot noise measurement methords in electronic devices[J]. Acta Physics Sinica, 2011,60(5):159-166. (in Chinese)
- [11] 陈文豪.电子元器件低频电噪声测试技术及应用研究 [D].西安:西安电子科技大学,2012.
- [12] Gray P R, Hurst P J, Meyer R G, et al. Analysis and design of analog integrated circuits [M]. New York: John Wiley & Sons, Inc, 2008:768-769.



第一作者简介:杨哲,女,1989年6月 生,博士生。主要研究方向为光电检测 与光纤传感技术。曾发表《基于 EMD-LWT 的低浓度石油类污染物荧光光谱 去噪法》(《光学学报》2016年第36卷第 5期)等论文。

E-mail:zheyang_her@163.com

通信作者简介:侯培国,男,1968年9月 生,博士、教授。主要研究方向为智能控 制、智能仪器研究与设计及光电检测 技术。

E-mail:pghou@ysu.edu.cn