Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2017.05.012

# 基于实验 SEA 方法的车内噪声预测分析

邢 鹏<sup>1,2</sup>, 华 林<sup>1,2</sup>, 卢炽华<sup>1,2</sup>, 邓 松<sup>1,2</sup>, 杜松泽<sup>1,2</sup>

(1.武汉理工大学现代汽车零部件技术湖北省重点实验室 武汉,430070)(2.武汉理工大学汽车零部件技术湖北省协同创新中心 武汉,430070)

摘要 针对车内中高频噪声预测分析准确性低的缺陷,提出了一种有效的基于实验分析的有统计能量分析(statistical energy analysis,简称 SEA)方法。首先,利用点导纳平均法得到速度与力的实部,确定模态密度;其次,采用衰 减法得到脉冲响应,经过 Hilbert 变换推论出内损耗因子;最后,利用异点导纳平均法,测得带宽内的子系统的平均 能量,计算出耦合阻尼损耗因子。依托某车中高频降噪分析测得某工况下的输入声载荷,将实验测得的 SEA 基本 参数输入到模型中,得到驾驶员右耳处的噪声水平,其仿真值与测试值在中高频时吻合较好,证明了轿车模型的有 效性。结果表明,基于实验方法测得 SEA3 个基本参数可以综合提高模型预测车内噪声的准确性,具有很高的工 程应用价值。

关键词 模态密度;内损耗因子;耦合损耗因子;输入功率;导纳 中图分类号 U491.9<sup>+</sup>1;TB535<sup>+</sup>.2;TH825

# 引 言

随着汽车市场竞争日益激烈,人们对汽车乘坐 舒适性的要求越来越高。车内噪声水平不仅是决定 乘坐舒适性的主要因素,也渐渐成为影响市场竞争 力的关键指标。目前,应用较多的车辆噪声分析方 法有统计能量分析方法、有限元法(finite element method,简称 FEM)、边界元法(boundary element method,简称 BEM)。虽然 FEM 及 BEM 在结构振 动和强度建模分析等实际应用中获得了很大成功, 但在中高频噪声研究领域不能得到精确的分析结 果。SEA 方法应用于汽车噪声分析领域弥补了 FEM 及 BEM 方法在汽车中高频分析方面的不足, 经过多年的发展,现已成为改善中高频噪声环境的 重要方法。

目前,SEA 方法的研究主要分为 3 类:经典 SEA 方法、修正 SEA 方法和实验 SEA 方法。经典 SEA 方法最早是由 R. H. Lyon 于 1962 年提出,之 后同 T. D. Scharton 及 J. E. Manning 对 SEA 方 法的适用范围和工程应用进行了深入研究。但在 20 世纪 70 年代,经典 SEA 方法由于其假设条件 (如保守耦合、弱耦合等)的限制,其发展较为缓慢。 Fahy 和姚德元在英国南安普顿 ISVR 的技术报告 中阐述了非保守耦合振子的功率流,提出了修正 SEA 方法。之后,盛美萍<sup>[1]</sup>提出了一种新的理论, 基本思想是引入等效内损耗因子,修正保守耦合损 耗因子为非保守耦合损耗因子,系统仍然使用经典 的能量平衡方程来进行求解。利用这种方法得到的 预测值与实验测量值有较好的一致性,从而发展了 修正 SEA 方法,扩大了其在结构振动噪声分析中的 应用。然而,在分析汽车振动噪声响应的工程问题 中会遇到许多复杂结构系统,SEA 参数的精确确定 就变得非常困难,迫切需要建立精确的汽车模型预 测车内噪声。因此,实验 SEA 方法成为预测复杂结 构振动响应的有利方法<sup>[2]</sup>,同时也是对修正 SEA 方 法的补充或调整。

笔者从 SEA 能量平衡方程出发,对 SEA 基本 参数进行了实验研究。分别利用原点导纳、异点导 纳的方法从实验角度详细地阐述了模态密度、内损 耗因子以及耦合损耗因子的测试方法;并依托某国 产车中高频降噪分析,将实验测得的 SEA 基本参数 和输入功率输入到模型中,得到驾驶员右耳处的噪 声水平,并将仿真值与测试值进行比较,验证 SEA 轿车模型的准确性。

<sup>\*</sup> 教育部创新团队发展计划资助项目(IRT3087) 收稿日期:2015-08-31;修回日期:2015-11-16

## 1 SEA 基本理论

对于图 1 所示的分析模型,振子 1 和振子 2 之间通过耦合元件相连,其功率平衡方程可以写为

$$P_{1} = \bar{\omega}_{1} \left( \eta_{1} + \eta_{12}^{I} \right) E_{1} - \bar{\omega}_{2} \eta_{21}^{I} E_{2}$$
(1)

 $P_{2} = \bar{\omega}_{2} \left( \eta_{2} + \eta_{21}^{II} \right) E_{2} - \bar{\omega}_{1} \eta_{12}^{II} E_{1}$ (2)

其中: $P_i$ 为系统的输入功率; $E_i$ 为结构子系统的平 均能量; $\eta_i$ 为结构内损耗因子; $\eta_i^I$ 表示在界面 I 上发 生的从结构 i 到结构 j 的耦合损耗因子; $\eta_i^I$ 为在界 面 II 上发生的从结构 i 到结构 j 的耦合损耗因子 (i,j=1,2)。



图 1 耦合系统能量统计分析模型 Fig. 1 Model of coupling statistical energy analysis

从方程(1)和(2)中可以看出,采用 SEA 方法进行计算时,关键是对复杂结构子系统的模态密度(多个子系统耦合时)、内损耗因子以及耦合损耗因子准确估算。利用这些参数和 SEA 模型的输入功率,通过对所建立的 SEA 模型进行仿真计算,就可以求出目标子系统的平均能量水平,从而进一步转换成所需要的声压级<sup>[3]</sup>。

# 2 SEA 参数测试方法

## 2.1 模态密度

模态密度是用来描述振动系统储存能量大小的 一个物理量,是指子系统在某一频率范围内单位频 带的模态数,是表征子系统在某一频段内模态密集 度的一个量<sup>[3]</sup>。

实验测量法成为确定复杂结构模态密度的主要 方法,其中点导纳平均法是目前应用比较广泛的一 种实验测量方法<sup>[1]</sup>。图 2(a)为测试车内前地板模 态密度时加速度传感器的布置。通过带有阻抗头的 力锤,对测试地板进行锤击<sup>[4]</sup>,依据方程(3)得到速 度与力的实部导纳

$$G(f) = \operatorname{Re}\left(\frac{V}{F}\right) = \operatorname{Im}\left(\frac{1}{2\pi f}\frac{A}{F}\right) = \operatorname{Im}\left(\frac{1}{2\pi f}\frac{S_{af}(f)}{S_{ff}(f)}\right)$$
(3)

其中:S<sub>ff</sub>(f)为力自功率谱函数;S<sub>af</sub>为力与加速度的互功率谱函数。

V/F和A/F分别为两种数据导纳的方法,是 关于频率的函数。当力与加速度信号是反相(这主 要取决于测力计与加速度传感器的相对定向),那么 方程(3)导纳输出的是绝对值。

根据方程(4)可获得模态密度<sup>[5]</sup>,测试结果如图 2(b)所示。

$$n(f) = 4m \lceil G(f) \rceil \tag{4}$$

其中:m为被测结构的质量。



图 2 模态密度实验及测试结果 Fig. 2 Modal density experiment and test results

在建立整车 SEA 模型时,对很多复杂结构进行 了简化,通过理论公式计算得到的模态密度曲线在 各频段内是相等的。然而,从图 2(b)可以看出,实 验测试得到的模态密度在各频段内的数值并不相 等。通过实验测试结果对模型进行调整和修正,提 高了模型对车内噪声预测的准确性。

## 2.2 内损耗因子

内损耗因子(damping loss factor,简称 DLF)是 反应子系统阻尼特性的量,是指子系统在单位频率 (每振动一次)内单位时间损耗能量与平均储存能量 之比<sup>[6]</sup>。对于复杂结构的内损耗因子综合了许多线 性及非线性的能量损耗,这种损耗难以计算而必须 通过测试的方法解决<sup>[7]</sup>。

笔者选择衰减法来进行 DLF 的测试。衰减法 是给系统施加随机平稳激励,然后突然撤去激励<sup>[8]</sup>, 通过分析振动衰减的规律获得内损耗因子,如图 3 (a)。它比较适用于快速估算结构和声容积的频带 平均内损耗因子,其统计误差相对较小。将采集的 脉冲响应利用方程(5)转换为 1/3 倍频程带  $x(t, f_{c}, \Delta f) = y(t) \times h(t, f_{c}, \Delta f)$ (5) 其中: y(t) 为采集的脉冲信号;  $h(t, f_{c}, \Delta f)$  为 1/3 倍频滤波脉冲响应。



Fig. 3 The test result of DLF in 1 000 Hz

利用 Hilbert 变换求解瞬时信号的平均包络线,其公式为

$$e^{2}(t, f_{c}, \Delta f) = (x(t, f_{c}, \Delta f) + x(t, f_{c}, \Delta f))^{2}$$
(6)

$$x(t, f_{c}, \Delta f) = H(x(t, f_{c}, \Delta f))$$
(7)

对一小段时间内(一般选择 20 ms)的曲线进行 整合,得到比较平滑的均方衰减曲线,表达式为

$$e^{2} (t \rightarrow t + \Delta t, f_{c}, \Delta f) =$$

$$e^{2} (t, f_{c}, \Delta f) \cdot r(\Delta t)$$
(8)

其中: $r(\Delta t)$ 为单位向量; $f_{\circ}$ 为分析频带的中心频率。

以对数形式输出均方衰减曲线,如图 3(c)所示,将曲线转化为加速度级(dB):

$$10\log_{10}\left(e^{2}\left(t \rightarrow t + \Delta t, f_{c}, \Delta f\right)\right)$$
(9)

最终通过衰减法推论出 DLF 为

$$\eta(f_{\rm c},\Delta f) = \frac{D_R}{27.3} \cdot f_{\rm c} \tag{10}$$

其中: $\eta(f_c, \Delta f)$ 为某一系统上一个加速度计在一次激励下的频带内损耗因子; $D_R$ 为能量在时域曲线上衰减率。

某一子系统一次激励采集 N 个加速度计的脉 冲相应,可以得到一次激励下的平均内损耗因子,为 保证数据的精度,利用方程(11)可获得子系统 M 次 激励下的平均 DLF 为

$$\left[\eta(f_{c},\Delta f)\right] = \frac{1}{MN} \sum_{i=1}^{M} \sum_{j=1}^{N} \left(\eta_{ij}\left(f_{c},\Delta f\right)\right)$$
(11)

在测量 DLF 时选择 4 s 内的脉冲信号,从图 3 (b)中可以看出,0.5 s 内的数据是存在很大的波动,

0.5 s 后的数据趋于平滑。因此笔者选择 0.5 s 内 衰减曲线上的数据进行最小二乘拟合,从而得到衰 减率 D<sub>R</sub><sup>[2,9]</sup>,通过式(12)可以计算出该子系统的 DLF,如图 3(c)中蓝线所示。图 3 表示对某款车 1 000 Hz频率下前挡风玻璃进行 DLF 测试,并在 MATLAB 中将衰减曲线进行最小二乘拟合得到 DLF 的测量值。

## 2.3 耦合损耗因子

耦合损耗因子(coupling damping loss factor, 简称 CDLF)是表征耦合系统间能量交换的重要参 数,它是用来表征当一个系统附接于另一个系统时 的功率流或阻尼效应的量<sup>[6]</sup>。将图 4(a)测试的结 果,利用方程(13)得到分析频带内的平均输入导纳

$$G(f_{\rm c},\Delta f) = \frac{1}{\Delta f} \int_{f=f_{\rm L}}^{J_{\rm U}} \operatorname{Re}\left(\frac{V}{F}\right) \mathrm{d}f \qquad (12)$$

$$\left[G_{i}\left(f_{c},\Delta f\right)\right] = \frac{1}{M} \sum_{j=1}^{M} G_{ij}\left(f_{c},\Delta f\right) \qquad (13)$$

其中:V/F 表示数据导纳的形式,是关于时间的函数。

然后利用方程(14)得到带宽内的子系统的平均 能量。

$$E(f_{c},\Delta f) = m_{k} \left[ \left| \frac{V}{F}(f_{c},\Delta f) \right|^{2} \right] = m_{k} \frac{1}{MN} \sum_{j=1}^{M} \sum_{i=1}^{N} \left| \frac{V}{F}(f_{c},\Delta f) \right|^{2}$$
(14)

其中

$$\left|\frac{V}{F}(f_{c},\Delta f)\right|^{2} = \frac{1}{\Delta f} \int_{f=f_{L}}^{f_{U}} \frac{1}{(2\pi f)^{2}} \left|\frac{A}{F}(f)\right|^{2} \mathrm{d}f =$$

$$\frac{1}{N} \sum_{f=f_{\rm L}}^{J_{\rm U}} \frac{1}{(2\pi f)^2} \left| \frac{S_{af}(f)}{S_{ff}(f)} \right| \tag{15}$$

其中: f<sub>L</sub> 分析频带的下限; f<sub>U</sub> 为分析频带的上限; m<sub>k</sub> 为结构子系统的质量; M 为激励次数; N 为加速 度传感器的个数。

最终得到耦合损耗因子

$$\eta_{12} = \frac{1}{\bar{\omega}} \frac{\left[G_2\right]}{E_{22}} \frac{E_{21}}{E_{11} - \frac{E_{21} - E_{12}}{E_{22}}}$$
(16)

$$\eta_{21} = \frac{1}{\bar{\omega}} \frac{[G_1]}{E_{11}} \frac{E_{12}}{E_{22} - \frac{E_{12} - E_{21}}{E_{11}}}$$
(17)

其中:Gz 为系统分析频段内的平均导纳;Eij 为带宽 内子系统的平均能量。



图 4 CDLF 实验及部分测试数据 Fig. 4 CDLF experiment and test results

从图 4(b)可看出,CDLF 从数量级上比子系统的内损耗因子要小一个数量级,这对测试设备和数据采集的要求很高。由于所研究的车辆左右对称,因此在做 CDLF 实验时只对左侧进行了实验测量,并依据结果对车身结构的 CDLF 做了部分调整。

# 3 声载荷测试

#### 3.1 外部声载荷测试

从方程(1,2)可知,除了模态密度、DLF,CDLF 外,输入声载荷也是运用 SEA 方法进行计算的重要 参数。笔者选择在半消试验室中测试整车某特定工 况下的外部声场声压值,作为 SEA 分析的输入声载 荷。测试方法如图 5,6 所示。

车身表面每个位置处(SEA 子系统)内使用 3~ 5 个麦克风,麦克风距被测结构表面为 200~ 250 mm,取平均得到每个位置处的声压值,并将其 作为 SEA 模型的输入声载荷。在整个测试过程中, 背景噪声的声压级(sound pressure level,简称 SPL)要比测试工况 SPL 至少低 20 dB 才能确保数 据可用。整车测试区域,除发动机舱和防火墙外,认 为车辆左右 SPL 对称,因此测试时仅测量车辆一 侧,如图 6(b)所示。



图 5 麦克风布置 Fig. 5 Location of microphone



 前挡风玻璃;2.前顶蓬;3.后顶蓬;4.后挡风玻璃;5. 后背门;6.后三角窗;7.后车门玻璃;8.前车门玻璃;9. 防火墙前部;10.发动机上部;11.发动机下部;12.前轮 罩;13.前翼子板;14.前车门;15.后车门;16.后翼子板; 17.备胎轮地板;18.左后轮罩;19.后地板;20.中地板; 21.前地板

> 图 6 外部载荷测量区域 FIg. 6 Test region of exterior load

4

整车 SEA 分析

为验证 SEA 参数测试方法的有效性,笔者依托

把所获得的5挡100 km/h 匀速行驶时的声载 荷激励及 SEA 基本参数输入到所建立的整车 SEA 模型中,同时将实车内饰材料的属性参数添加到模

型中,加载后对所选工况进行整车模型的仿真计算,

某国产车进行实验。将车身结构按照模态数大于 5 的原则将整车划分成多个子系统<sup>[12]</sup>,得到整车 SEA 模型,如图 9(a)所示。基于结构子系统的节点,在 车内搭建临时板件分别建立驾驶员、副驾驶员以及 中后排乘客处的头部、腰部、腿部多个车内声腔子系 统,如图 9(b)所示<sup>[13]</sup>。同时,利用搭建完成的 SEA 模型节点,在车外 700~1 000 mm 空间内搭建临时 板件建立车外声腔子系统,用来模拟消声室空间结

4.1 **整车 SEA 建模** 

构,如图 9(c)所示。

4.2 结果分析

## 3.2 内部载荷测试

在测试特定工况外部噪声的同时,测试车内 SPL, 如图 7 所示。麦克风分别放置在驾驶员、副驾驶员和 乘客所在位置的头、腰、腿声腔处以及后备箱声腔,每 个声腔处有 2~3 个麦克风,位置如图 8 所示<sup>[11]</sup>。



图 7 车内声载荷测试 Fig. 7 Test of interior sound load



图 8 麦克风位置分布 Fig. 8 Interior location of microphone



(a) 结构子系统(a) Structure subsystems



(b) 内声腔子系统(b) Interior cavity subsystems



(c) 外声腔子系统(c) Exterior cavity subsystems

图 9 整车结构与声腔 SEA 模型 Fig. 9 Structural and cavity model of car

1/3 倍频带(1/3th qctave bands)声压级谱的预测值 与实测值如图 10 所示。



- 图 10 车辆以 5 挡 100 km/h 匀速行驶工况驾驶员耳旁 声压级谱
- Fig. 10 SPL of driver's head in 5 gear at 100 km/h

从图 10 中可以看出,在低频范围内实测值与仿 真值差别较大,这主要与 SEA 方法的适用范围有 关。在小于 200 Hz 的频率范围内,由于子系统的模 态密度较低,致使结果在小于 200 Hz 的频率范围内 出现偏差,这是低频段内实测值与仿真值差别较大 的主要原因。同时,在建立整车 SEA 模型时,对很 多复杂结构的简化、安装孔的忽略以及内饰件在覆 盖率上的粗略估计,都会不同程度的影响高频段内 预测结果的准确性。在本研究的频率范围内(大于 200 Hz),通过实验方法对模型进行调整,消除因模 型简化等原因造成的高频段内误差,最终得到的仿 真值与实测值吻合较好,误差控制在 3 dB 内。这说 明将实验测得的 SEA 基本参数应用在整车 SEA 中

高频仿真分析,模拟整车实际行驶工况的方法是可

行的,且结果准确可靠。

## 5 结束语

模态密度,DLF,CDLF 以及输入功率是 SEA 方法中极其重要的参数。总体来说理论方法能够解 决某些简单的实际问题,但对于复杂的汽车结构来 说,结构过于简化使理论值同实际测量值存在一定 的偏差,造成结果不可信。笔者从实验角度详细地 介绍了模态密度,DLF,CDLF 以及输入功率的测试 方法,并依托于某国产车中高频仿真分析,将实验测 得的 SEA 基本参数输入到模型中,对简化模型起到 调整作用,并将实验测试获得的输入功率作为激励 输入到模型中,仿真计算出驾驶员右耳处的 SPL。 将仿真值与测试值相比较发现,其仿真值与测试值 在中高频范围内吻合较好,这表明基于实验 SEA 方 法建立精确轿车模型预测车内噪声的方法准确可 靠,为准确预测车内噪声提供了一种有效的方法。

## 参考文献

[1] 盛美萍,王敏庆,孙进才. 衰减法测定稳态振动系统损耗因子的实验分析技术[J]. 西北工业大学学报,2001, 19(1): 131-137.

Sheng Meiping, Wang Minqing, Sun Jincai. Experimental analysis on damping loss factor of steady vibration system using decay method [J]. Journal of Northwestern Polytechnical University, 2001,19(1): 131-137. (in Chinese)

 [2] 宋继强,王登峰,马天飞,等.汽车车身复杂子结构模态 密度确定方法[J].吉林大学学报:工学版,2009,39
 (2):269-274.

Song Jiqiang, Wang Dengfeng, Ma Tianfei, et al. Calculation method of auto body complex sub-structure modal density [J]. Journal of Jilin University: Engineering and Technology Edition, 2009, 39(2): 269-274. (in Chinese)

- [3] 欧阳山,鲁帆,伍先俊,等.列车白车身损耗因子试验研究[J].振动与冲击,2015,34(5):20-25.
  Ouyang Shan, Lu Fan, Wu Xianjun, et al. Experimental study on loss factors for train carriage body in white[J]. Journal of Vibration and Shock, 2015, 34 (5):20-25. (in Chinese)
- [4] 毛伯永,谢石林,张希农.冲击载荷识别的瞬态统计能量分析方法[J].振动与冲击,2013,32(14):46-51.
  Mao Boyong, Xie Shilin, Zhang Xinong. Identification of impact load based on transient statistical energy analysis method [J]. Journal of Vibration and Shock, 2013,32(14):46-51. (in Chinese)
- [5] 张强,郝志勇,毛杰,等.基于 SEA 的镁质前围板与车 内声场耦合优化分析[J].汽车工程,2014,36(8): 1004-1008.

Zhang Qiang, Hao Zhiyong, Mao Jie, et al. Coupling and optimization analysis of magnesium bulkhead and interior sound field based on SEA [J]. Automotive Engineering, 2014, 36(8): 1004-1008. (in Chinese)

- [6] 程广利,朱石坚.统计能量分析法及其损耗因子确定方法综述[J].船舶工程,2004,26(4):10-16.
  Cheng Guangli, Zhu Shijian. Method review of statistical energy analysis and damping loss factor [J].
  Shipping Engineering, 2004, 26(4): 10-16. (in Chinese)
- [7] 鲍晓华,刘建,刘冰,等.基于统计能量分析的汽车发电 机损耗因子的讨论[J].电工技术学报,2011,26(12): 49-55.

Bao Xiaohua, Liu Jian, Liu Bing, et al. Discussion for loss factors of automobile alternators based on statistical energy analysis [J]. Journal of Electrical Engineering, 2011, 26(12): 49-55. (in Chinese)

- [8] 孙进才.复杂结构的损耗因子和耦合损耗因子的测量 方法[J]. 声学学报,1995,20(2):127-135.
   Sun Jincai. Measuring method of dissipation and coupling loss factors for complex structures [J]. Journal of Acta Acoustica, 1995,20(2): 127-135. (in Chinese)
- [9] 张红亮,孔宪仁,刘源,等. 宽频域的内损耗因子实验辨 识方法研究[J]. 振动与冲击,2013,32(12):179-185. Zhang Hongliang, Kong Xianren, Liu Yuan, et al. Test identification of damping loss factor in a wider frequency range [J]. Journal of Vibration and Shock, 2013, 32(12): 179-185. (in Chinese)
- [10] 方源,章桐,于蓬,等.电动车动力总成振动噪声的试验研究[J]. 振动、测试与诊断,2015,35(2):218-224.
  Fang Yuan, Zhang Tong, Yu Peng, et al. Experimental study on vibration and noise of electric powertrain [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2015, 35(2):218-224. (in Chinese)
- [11] Zhang Xiaoxuan, Wu Xingrang. Application research of statistical energy analysis on vehicle sound package [EB/OL]. (2012-11-07) [2015-08-31]. DOI: 10. 1007/978-3-642-33832-8\_39.
- [12] Cordioli J A, Triches J, Gerges S. et al, Applications of the statistic energy Analysis to vibro-acoustic modeling of vehicle [EB/OL]. (2004-11-16) [ 2015-08-31]. Doi:10.4271/2004-01-3352.
- [13] 雷烨,盛美萍,肖和业. 直升机舱内噪声预估与分析
  [J].振动、测试与诊断,2010,30(6):617-620.
  Lei Ye, Sheng Meiping, Xiao Heye. Prediction and analysis of helicopter cockpit noise [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2010, 30(6): 617-620. (in Chinese)



**第一作者简介:**邢鹏,女,1984 年 10 月 生,博士生。主要研究方向为汽车车内 噪声仿真预测分析与试验研究。曾发表 《The subjective evaluation on sound quality for interior noise based on customer satisfaction》(《Computer Modeling and New Technologies》2014, Vol. 18, No. 12)等论文。

E-mail:xingpeng0634@126.com