

# 基于矩形贴片天线的应变传感器模拟与测试<sup>\*</sup>

薛松涛<sup>1,2</sup>, 蒋 灿<sup>1</sup>, 谢丽宇<sup>1</sup>, 王世聪<sup>3</sup>, 万国春<sup>3</sup>

(1. 同济大学结构工程与防灾研究所 上海, 200092) (2. 日本东北工业大学建筑系 仙台, 982-8577)  
(3. 同济大学电子科学与技术系 上海, 201804)

**摘要** 当贴片天线经历应变时, 天线形状发生改变, 导致其谐振频率发生偏移。基于此原理, 提出采用矩形贴片天线的应变传感器测量结构中的应变。采用了 2.4GHz 的 1/4 波长矩形贴片天线作为应变传感单元, 首先, 利用 HFSS™ 软件设计应变传感器的尺寸参数, 分别模拟该天线在长度与宽度方向经历拉应变时的谐振频率偏移; 其次, 分别将贴片天线以纵向、横向的方式粘贴在铝板上进行了受拉实验; 最后, 利用网络分析仪获得天线的谐振频率。模拟与测试结果表明, 天线的谐振频率偏移与天线长度方向上的应变具有良好的线性关系, 同时, 天线宽度方向上的应变对其谐振频率的影响较小。

**关键词** 贴片天线; 应变传感器; 谐振频率; 应变传递效率

**中图分类号** TP212.1

## 引言

建筑、桥梁等工程结构经历地震、飓风和洪水等自然灾害后, 其重要构件遭受不同程度的损伤, 会使结构抵抗自然灾害的能力下降, 甚至引起灾难性事故<sup>[1]</sup>。为确保结构的安全、避免发生次生灾害, 需要对其关键构件进行性能评估。若灾害使构件性能劣化, 可以及时修复或更换。评估关键构件性能时需充分利用结构健康监测系统。传感器作为结构健康监测系统的信息采集单元, 采集相关物理参数, 为结构性能评估提供数据支持。

应变与结构构件的受力状态密切相关, 利用传感器采集构件的应变信息后, 可对构件的性能及剩余寿命进行评估。现有的应变传感器包括电阻式应变片、布拉格光栅传感器和振弦式应变传感器等。传感器布置和信号采集需采用有线的方式, 导致安装过程作业复杂、引线众多。更致命的是, 这些传感器在信号采集过程中需要实时的电源供电, 但结构在经历灾害时供电系统可能失效, 导致信号采集系统无法获得灾害发生时的数据。

为突破传统应变传感器在实际应用中有线的限制, 学者们设计并研究了多种无线传感器<sup>[2]</sup>。这些无线传感器通常使用传统应变传感器的基本敏感元

件采集应变信号, 利用模数转换器将采集的模拟信号转换为数字信号, 通过天线将数据无线传输至终端, 通常还需电池和太阳能等方式提供电源。这些传感器原件众多、结构复杂, 导致其可靠性差, 且未彻底解决能源供应问题。因此, 探究新型无源无线应变传感器很有必要。

近年来, 学者们发现天线的谐振频率与天线的尺寸存在一定关系。当天线经历应变时, 天线尺寸变化将引起其谐振频率偏移。根据该现象, 学者们制作了采用天线作为应变传感单元的各类传感器。Mita 等<sup>[3]</sup> 根据应变与天线谐振频率间的关系设计出了一种可测量最大历史应变的应变传感器。Yi 等<sup>[4]</sup> 设计了基于矩形贴片天线的应变传感器, 其谐振频率约为 915MHz。Sanders 等<sup>[5]</sup> 设计了基于贴片天线的温度传感器, 根据温度改变引起的应变导致的天线谐振频率偏移进行温度测量。其他学者也根据此理论设计了不同的应变传感器<sup>[6-10]</sup>。在这类传感器中, 天线具有能量无线传输、数据无线通信的功能, 同时作为传感单元, 不再需要数模转换模块, 结构简单、可靠性高, 具有广阔的应用前景。但是, 天线作为一种新型的传感单元, 是否具备良好的应变传感能力还有待研究。笔者利用网络分析仪测量天线对应变的灵敏程度和线性度, 这种有线的测量方法可以精确标定天线的传感性能。

\* 国家自然科学基金资助项目(51478356); 中央高校基本科研业务费-学科交叉类资助项目  
收稿日期: 2017-01-11; 修回日期: 2017-05-24

应变传感器通常用于测量单方向上的应变,这要求传感器对其测量方向上(天线长度方向)的应变具有足够的敏感性,且对垂直于测量方向上(天线宽度方向)的应变不敏感。根据设计公式,矩形贴片天线正好具备此特性,笔者采用尺寸最小的矩形贴片,即1/4波长矩形贴片天线设计传感器。但是,设计公式对天线模型进行了简化,该公式常用于指导天线设计,能否精确描述应变对天线谐振频率的影响还有待进一步研究。因此,笔者通过模拟和实验来研究贴片天线在长度和宽度方向上的应变与其谐振频率偏移的关系。

## 1 应变传感器工作原理

贴片天线应变传感器根据天线谐振频率的偏移来测量应变,谐振频率是天线的最佳工作频率。当天线以谐振频率工作时,被天线反向散射的能量最少,天线接收的能量最多。谐振频率的偏移与天线尺寸的变化存在一定关系,当天线的电长度增加时,天线的谐振频率将会降低;当天线的电长度减小时,天线的谐振频率将会升高。

### 1.1 贴片天线谐振频率与应变的关系

如图1所示,1/4波长矩形贴片天线的顶部由上辐射贴片、匹配线、馈电点和过孔组成,通过馈电点和匹配线,天线与负载连接,只有当天线与负载阻抗匹配时,二者才能较好地协同工作。天线的底部是下辐射贴片,介质板位于天线上、下辐射贴片之间。天线的上、下辐射贴片都由黄铜制成,介质板由有机材料制成。过孔贯穿了整个介质板,并将上、下辐射贴片短接起来。

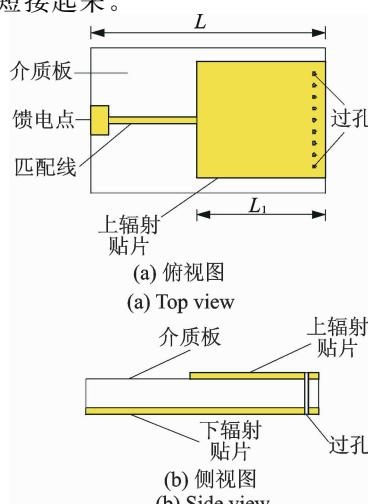


图1 1/4波长矩形贴片天线

Fig. 1 The quarter-wave patched rectangular antenna

该天线的初始谐振频率与其长度有关<sup>[11]</sup>,即

$$f_{R0} = \frac{c}{4\sqrt{\epsilon_e}} \frac{1}{L_1 + 2\Delta L_1} \quad (1)$$

其中: $f_{R0}$ 为天线在初始谐振频率; $c$ 为真空中的光速; $\epsilon_e$ 为介质板的等效介电常数; $L_1$ 为上辐射贴片的长度; $\Delta L_1$ 为天线的附加长度,与天线宽度、厚度及材料有关。

当天线在长度方向上经历应变 $\epsilon$ 时,谐振频率 $f_R$ 会发生相应改变。当 $\Delta L_1 \leq L_1$ 时, $f_R$ 会与应变呈现近似线性关系,即

$$f_R \approx \frac{c}{4\sqrt{\epsilon_e}} \frac{1}{L_1(1+\epsilon)} = \frac{f_{R0}}{(1+\epsilon)} \approx f_{R0}(1-\epsilon) \quad (2)$$

由式(2)可知, $f_R$ 主要受天线长度方向上应变的影响,且 $f_R$ 与 $\epsilon$ 成线性关系,斜率约等于 $f_{R0}$ 。因此, $f_{R0}$ 越大,传感器的灵敏度越高。

### 1.2 贴片天线谐振频率的检测技术

笔者采用网络分析仪测量无负载情况下贴片天线的谐振频率。首先,将网络分析仪通过同轴线与天线的馈电点相连;其次,网络分析仪以频率 $f$ 向天线发射功率为 $P_{in}(f)$ 的电磁波,网络分析仪接收到被天线反射回来的电磁波,其功率为 $P_{ref}(f)$ 。根据式(3)计算天线在该频率的回波反射系数 $S_{11}(f)$

$$S_{11}(f) = 10 \lg \left[ \frac{P_{ref}(f)}{P_{in}(f)} \right] \quad (3)$$

在某一频段范围内的每一个采样频率点,通过网络分析仪测量天线的回波反射系数,最终可获得这一频段范围的回波反射曲线。天线回波反射曲线的最小值点对应的频率为天线的谐振频率 $f_R$ ,即天线的回波反射系数 $S_{11}(f)$ 在其谐振频率 $f_R$ 处达到最小值。当天线尺寸发生改变时,回波反射曲线也随之变化,如图2所示,天线的谐振频率会发生相应的变化。

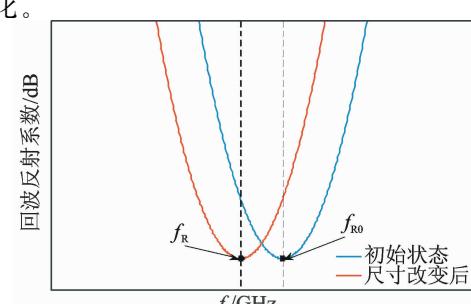


图2 回波反射曲线和谐振频率

Fig. 2 Reflection curve and resonance frequency

## 2 应变传感器的设计与模拟

### 2.1 应变传感器的设计

通过 HFSS<sup>TM</sup> 软件,笔者设计了基于 1/4 波长矩形贴片天线的应变传感器。该天线的 3D 模型如图 3 所示,图中的紫色区域为本模型的辐射边界条件,模拟采用真空介质。

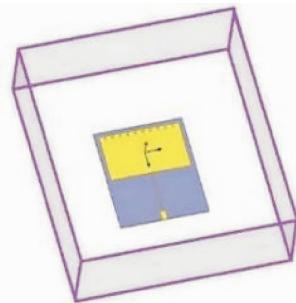


图 3 HFSS<sup>TM</sup> 中天线的 3D 模型

Fig. 3 3D prototypes of antennas in HFSS<sup>TM</sup>

根据式(2)初步确定天线的尺寸后,需对天线的尺寸进行微调,以保证天线与同轴线阻抗匹配。若阻抗不匹配,测量时  $S_{11}$  参数的绝对值将会降低,增加实验中测量天线谐振频率  $f_R$  的难度。天线的阻抗可以通过调节匹配线的长度  $L_2$  实现。

经优化,确定了天线的相关参数如图 4 和表 1 所示。表中:  $H$  为天线的厚度,与长度单位均为 mm;  $\tan\delta$  为损耗角,影响天线的品质系数;  $\epsilon_r$  为介电常数。

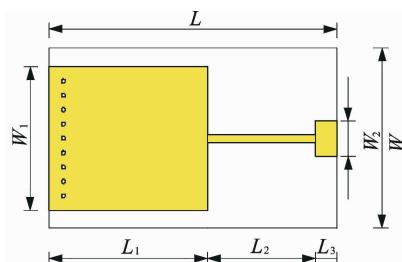


图 4 贴片天线的尺寸

Fig. 4 Dimension of patched antenna

表 1 贴片天线的相关参数

Tab. 1 Parameter of patched antenna

W	L	H	W <sub>1</sub>	W <sub>2</sub>
39	45.5	0.51	35	2.1
L <sub>1</sub>	L <sub>2</sub>	L <sub>3</sub>	$\epsilon_r$	$\tan\delta$
20.6	18.7	4	2.33	0.02

$\epsilon_r$  与  $\epsilon_e$  的关系<sup>[12]</sup> 为

$$\epsilon_e = \frac{\epsilon_r + 1}{2} + \frac{\epsilon_r - 1}{2}(1 + \frac{10h}{W})^{-\frac{1}{2}} \quad (4)$$

通过寻找天线  $S_{11}$  参数的最小值,可以测出该天线在初始应变下的谐振频率  $f_{R0}$  为 2.460 8 GHz,如图 5 所示。

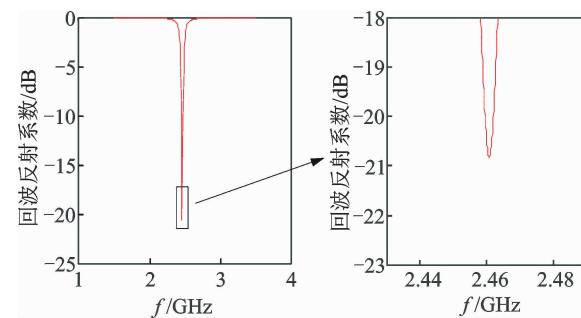
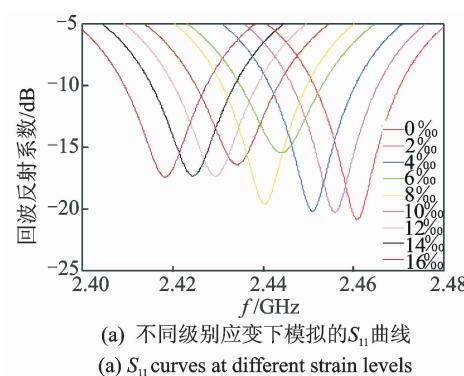


图 5 天线初始应变下的谐振频率

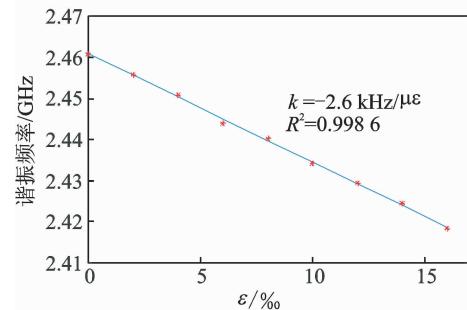
Fig. 5 The resonance frequency at initial stage of antenna

### 2.2 应变传感器的电学模拟

通过改变天线模型的长度,即改变  $L, L_1, L_2$  和  $L_3$  来模拟长度方向应变。笔者模拟了天线在不同应变下的电磁响应,获得  $S_{11}$  曲线,计算出各谐振频率,如图 6(a)所示。在 16% 的应变下,贴片天线的谐振频率减至 2.418 3 GHz。如图 6(b)所示,天线的谐振频率与长度方向应变呈良好的线性关系,回



(a) 不同级别应变下模拟的  $S_{11}$  曲线  
(a)  $S_{11}$  curves at different strain levels



(b) 谐振频率与纵向应变之间的线性关系  
(b) Linear relationship between resonance frequency and strain in length direction

图 6 天线的模拟结果

Fig. 6 Simulation result of antenna

归系数  $R^2$  为 0.9986, 拟合直线斜率为  $-2.6 \text{ kHz}/\mu\epsilon$ , 即应变增加  $1 \mu\epsilon$ , 谐振频率会降低  $2.6 \text{ kHz}$ 。根据式(2), 该斜率理论值约等于  $f_{R0} (2.46 \text{ kHz}/\mu\epsilon)$ , 该值接近模拟结果。

采用相同的方法研究天线宽度方向上应变对谐振频率的影响。图 7 对比了两个方向上应变对谐振频率的影响, 天线谐振频率对宽度方向上应变的灵敏度仅为  $-0.37 \text{ kHz}/\mu\epsilon$ , 为谐振频率对长度方向应变灵敏度的 14.2%, 影响相对较小。

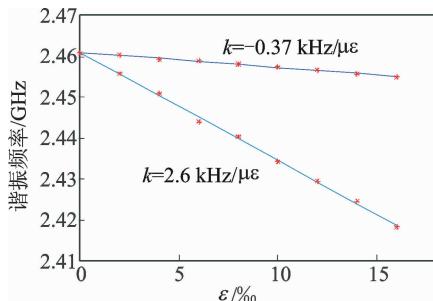


图 7 长度与宽度方向应变对天线谐振频率的影响

Fig. 7 The different impacts of length change and width change on resonance frequency shifting

### 2.3 应变传感器的力学模拟

模拟结果展示了天线谐振频率的偏移与天线长度方向、宽度方向应变之间的关系。在实际应变测量过程中, 天线粘贴在被测构件上。由于应变传递效率  $\eta$  的影响, 被测构件的应变不能完全传递至天线, 因此有必要研究应变从铝板表面传递到上辐射贴片上的传递效率。准备实验前, 采用 Abaqus 模拟了粘贴在铝板上天线受拉时的应变分布规律, 以研究传感器的应变传递效率。

由于本实验采用夹具(济南测试厂 WDW-50)的尺寸限制, 铝板端部宽度不大于 3cm。设计的天线需要粘贴在宽度不小于 6cm 的构件表面, 故本实验铝板和天线的模型如图 8 所示。铝板及应变传感器的材料参数如表 2 所示。

模型中, 介质板与铝试件采用实体单元, 上下辐射贴片采用壳单元, 传感器部分的网格划分更为精细。加载方式为铝板受拉, 模型中的铝板加载区受到了来自夹具的压力(咬合力)与静摩擦力(拉力)的作用。当铝板受到的拉力为 10 kN 时, 全截面都未达到屈服极限, 此时铝板表面纵向(受拉方向)名义应变(铝板受到的拉力除以铝板截面的刚度)为  $609 \mu\epsilon$ 。该模型忽略了传感器与铝板之间粘贴材料的影响。

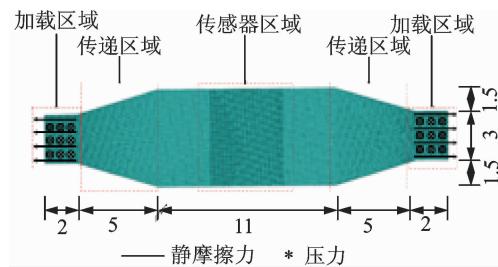


图 8 Abaqus 软件中试件与传感器模型(单位:mm)

Fig. 8 Model of specimen and sensor(unit:mm)

表 2 试件与传感器的材料参数

Tab. 2 Material property of specimen and sensors

材料参数	铝板	介质板	辐射贴片
材料种类	铝合金	RT-5870	黄铜
弹性模量/GPa	68.4	1.3	110
泊松比	0.33	0.4	0.33

Abaqus 模拟结果如图 9 所示。铝板受到拉力为 10kN 时, 在传感器区域铝板上表面的应变约为  $512\sim557 \mu\epsilon$ , 传递到下辐射贴片上的应变约为  $497\sim562 \mu\epsilon$ , 最终传递到上辐射贴片的应变约为  $349\sim469 \mu\epsilon$ 。根据图 10 的计算结果, 上辐射贴片上平均应变与铝板纵向名义应变的比值即为传递效率  $\eta$ , 为 67%。

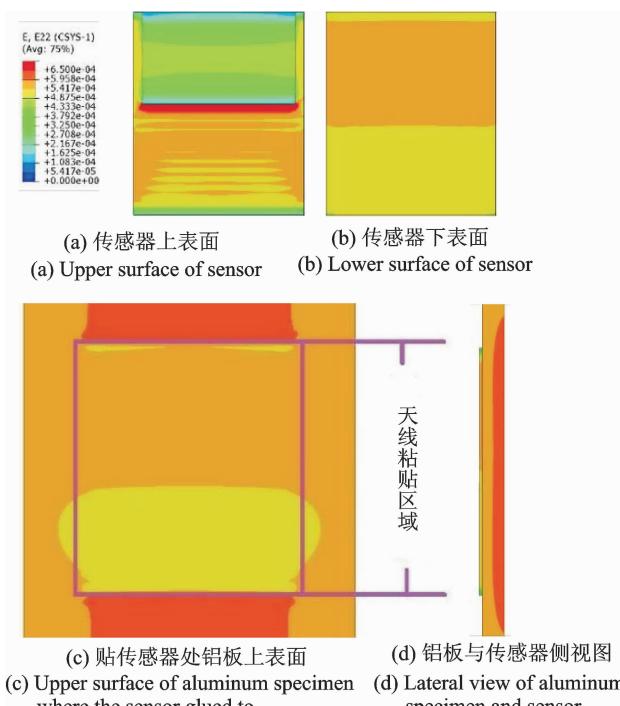


图 9 模型纵向受拉模拟

Fig. 9 Simulation of the longitudinal stretching

### 3 应变传感器的测试

为验证模拟结果,笔者委托中国电子科技集团第五十一研究所加工制作了矩形贴片天线,如图10所示。天线的设计参数如图4和表1所示。

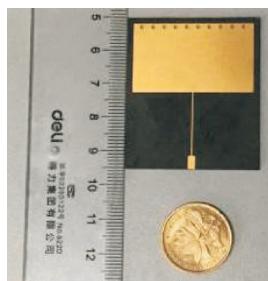


图10 矩形贴片天线

Fig. 10 Rectangle patched antenna

将贴片天线粘贴在铝板表面,铝板设计尺寸如图8与表2所示。应变传感器分别以纵向(铝板受拉方向与长度方向一致)、横向方式(受拉方向与宽度方向一致)粘贴在铝板表面,如图11所示。通过拉伸实验测量天线在两种粘贴方式下谐振频率偏移与应变的关系,以研究传感器对长度、宽度方向应变的灵敏度差异。

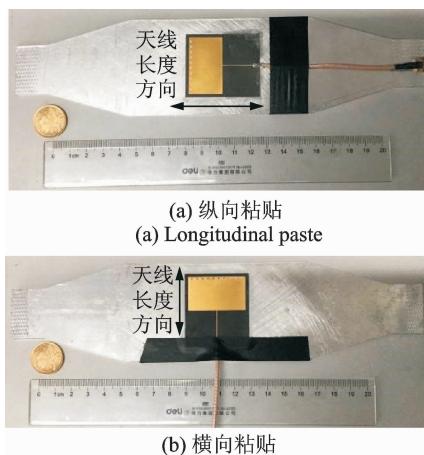


图11 两种粘贴方式

Fig. 11 Two pasting method

当经历相同拉力时,图11(a)与图11(b)中天线长度方向的应变 $\epsilon$ 与铝板的纵向名义应变 $\epsilon_{AL}$ 的关系为

$$\epsilon = \begin{cases} \eta \epsilon_{AL} & (\text{纵向粘贴}) \\ -\mu \eta \epsilon_{AL} & (\text{横向粘贴}) \end{cases} \quad (5)$$

其中: $\mu$ 为铝板的泊松比,值为0.33;根据力学模拟结果, $\eta$ 约为0.67。

贴片天线的设计理论忽略了天线宽度方向的应变对天线谐振频率偏移的影响,若该假设成立,由式(2)与式(5)可以推出 $\Delta f_R/f_{R0}$ 与 $\epsilon_{AL}$ 的关系为

$$\Delta f_R/f_{R0} = (f_R/f_{R0}) \approx \epsilon = \begin{cases} -\eta \epsilon_{AL} & (\text{纵向粘贴}) \\ \mu \eta \epsilon_{AL} & (\text{横向粘贴}) \end{cases} \quad (6)$$

其中: $\Delta f_R/f_{R0}$ ,为无量纲量,当天线纵向粘贴时, $\Delta f_R/f_{R0}$ 与 $\epsilon_{AL}$ 的斜率为 $-\eta$ ;天线横向粘贴时,该斜率为纵向拉伸的 $-0.33$ 倍。

笔者进行了拉伸实验,为检验真实情况是否符合式(6)的预期,采用网络分析仪测量天线的 $S_{11}$ 曲线,设备如图12所示。

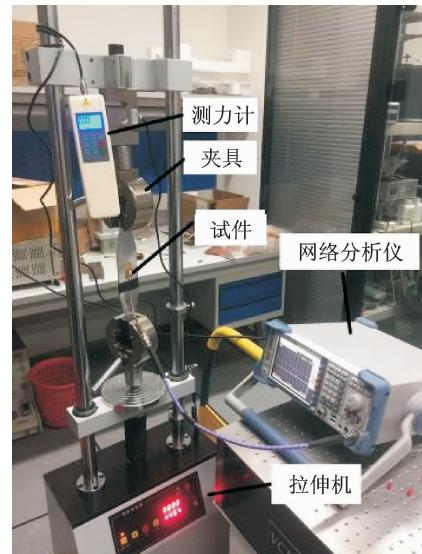


图12 实验设备

Fig. 12 Experiment equipment

采用拉伸机(SJV-30000,思为仪器有限公司)对铝板分级加载,每级加载增量约为2 kN,最终约加载至约12 kN停止,加载完成时,铝板的纵向名义应变约700  $\mu\epsilon$ 。

利用网络分析仪测量天线的 $S_{11}$ 曲线,每级荷载进行10次测量,取其平均值,如式(7)所示

$$\bar{S}_{11}(f) = \sum_{i=1}^{10} S_{11,i}(f) \quad (7)$$

如图13(a)所示,为显示方便,两条相邻曲线间的荷载增量约为6 kN。随着拉力的增加,天线的谐振频率逐渐减少。

$S_{11,i}(f)$ 各频率点平均误差约为3%。经平均处理后, $\bar{S}_{11}(f)$ 的各频率点平均误差减小至1%,但部分频率点误差达到4%。若谐振频率 $f_R$ 附近频点出现4%的误差,直接从 $\bar{S}_{11}(f)$ 曲线上读取最小值,可能使测得误差达到1 MHz,而天线横向粘贴

时谐振频率的总偏移量  $\Delta f_R$  只有 5 MHz,因此该误差不可忽略。

如图 13(b)所示,选取  $\bar{S}_{11}(f)$  曲线最小值附近的小段曲线,采用二次曲线对其拟合,选用拟合曲线的最小值点作为天线在该级荷载下的谐振频率点。

利用上述方法处理每一条  $\bar{S}_{11}(f)$  曲线,最终得到纵向粘贴时,天线谐振频率与铝板纵向名义应变的关系如图 13(c)所示。

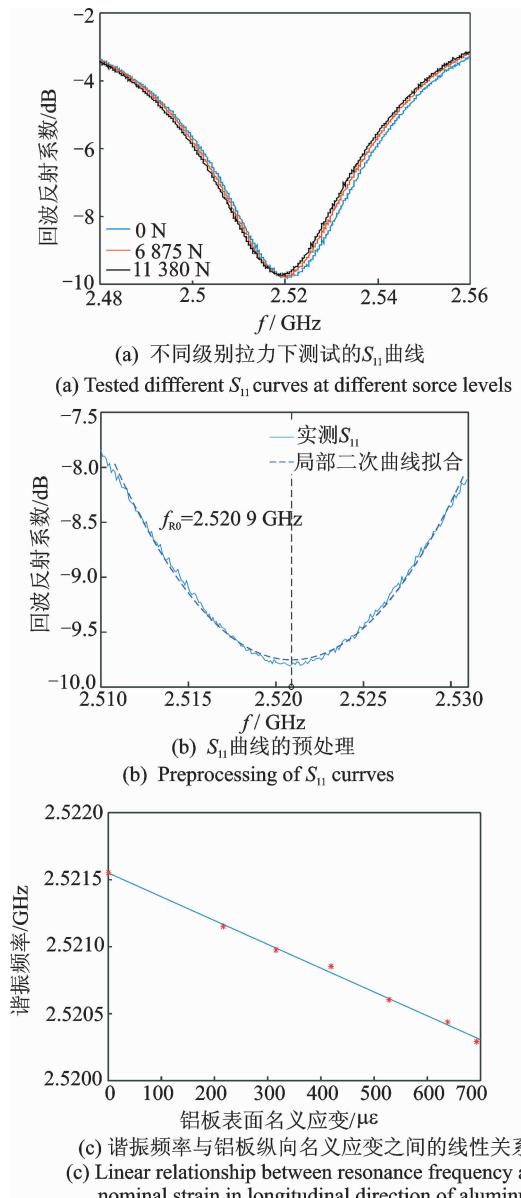


图 13 天线的测试结果

Fig. 13 Test result for antenna

利用同样方法测试横向粘贴的贴片天线,得到该粘贴方式下  $f_R$  偏移与  $\epsilon_{AL}$  的关系。

图 14 对比了两种粘贴方式中  $f_R$  与  $\epsilon_{AL}$  的关系。由于两测试中天线初始谐振频率  $f_{R0}$  不同,为方便

两种方式比较,纵坐标采用谐振频率偏移率  $\Delta f_R/f_{R0}$ ,其与横坐标铝板表面名义应变都为无量纲量。

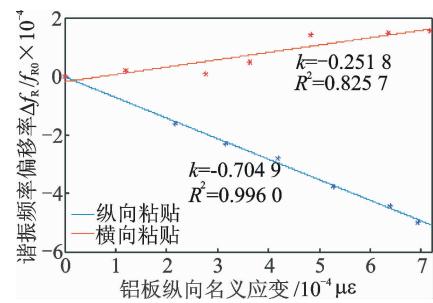


Fig. 14 Experiment result of the relationship between shifting of resonance frequency and nominal strain

在图 14 中,纵向粘贴天线时,  $\Delta f_R/f_{R0}$  与  $\epsilon_{AL}$  具有线性关系,拟合直线斜率为  $-0.7049$ ,比较接近式(6)中的理论值。横向粘贴天线时,拟合直线斜率为  $0.2518$ ,为纵向粘贴时斜率的  $-0.357$  倍,按式(6)的预期,该值应为  $-0.33$ 。这说明天线宽度方向应变对谐振频率的影响不能忽略,式(6)需要修正。

假设天线宽度方向上应变对天线谐振频率的影响是线性的,该影响为天线纵向应变影响的  $\beta$  倍,根据式(6),计算出两粘贴方式下  $\Delta f_R/f_{R0}$  与  $\epsilon_{AL}$  的斜率为

$$k = \begin{cases} -\eta + \beta\mu\eta & (\text{纵向粘贴}) \\ \mu\eta - \beta\eta & (\text{横向粘贴}) \end{cases} \quad (8)$$

实际测量中,应变传递效率  $\eta$  未知,铝板的泊松比  $\mu$  为  $0.33$ 。将图 14 结果带入式(8)求解此方程组,计算得到该组实验中  $\beta = -0.0306$ ,即天线宽度方向应变影响为其长度方向应变影响的  $-3.06\%$ 。

重复两组实验,分别测量各组实验纵向、横向粘贴时的斜率,带入式(8)计算  $\beta$  值,如表 3 所示。

表 3 实验结果与  $\beta$  值

Tab. 3 Experiment result and  $\beta$

实验组数	纵向粘贴 斜率	横向粘贴 斜率	$\beta/\%$
1	-0.7049	0.2518	-3.06
2	-0.6845	0.2792	-9.00
3	-0.6708	0.2853	-11.08

测试的平均值为  $\bar{\beta} = -7.71\%$ 。按照设计公式,  $\beta$  应接近于 0。按照图 7 的模拟结果,  $\beta$  应等于  $14.2\%$ 。实际情况与设计公式和模拟结果不同,天

线宽度方向应变对谐振频率有影响,该影响约为长度方向应变影响的-7.71%。若对应变测量的精度要求不高时,该影响可忽略;若要精确测量应变时,可同时沿横向和纵向粘贴两个应变传感器。

## 4 结 论

1) 本研究仅进行了传感器的静态测试,基于2.4GHz的1/4波长矩形贴片天线尺寸与其谐振频率之间的关系,设计了一种贴片天线应变传感器。

2) 通过HFSS<sup>TM</sup>对矩形贴片天线进行模拟,根据模拟结果,该天线的谐振频率偏移与天线的长度方向应变之间具有较好的线性关系,拟合直线的斜率接近天线的初始谐振频率,且宽度方向应变对天线谐振频率影响较小。

3) 为了量化实际应变测量中传感器应变传递效率的影响,在Abaqus中对实际的应变传递进行了模拟,探究应变传递效率对天线谐振频率偏移的影响。

4) 进行了贴片天线应变传感器的受拉实验,通过分析实验结果,发现该天线的谐振频率偏移率与铝板的纵向名义应变之间具有较好的线性关系,拟合直线的斜率约等于应变传递效率;并且横向应变对天线的谐振频率偏移影响较小。

5) 本研究中,HFSS<sup>TM</sup>软件模拟结果与实验测试结果有少量差异,笔者认为是因为HFSS<sup>TM</sup>模拟未考虑天线应变对天线介电常数的影响。

## 参 考 文 献

- [1] 周智,欧进萍. 土木工程智能健康监测与诊断系统[J]. 传感器技术, 2001(20): 1-4.  
Zhou Zhi, Ou Jinping. System of smart health monitoring and diagnosis in civil engineering [J]. Journal of Transducer Technology, 2001(20):1-4. (in Chinese)
- [2] Lynch J P, Loh K J. A summary review of wireless sensors and sensor networks for structure health monitoring[J]. Shock and Vibration Digest, 2006(38): 91-128.
- [3] Mita A, Takahira S. Damage index sensor for smart structures[J]. Structure Engineering and Mechanics, 2004, 17(3-4): 1-23.
- [4] Yi X, Cho C, Cooper J, et al. Passive wireless antenna sensor for strain and crack sensing-electromagnetic, simulation, and testing[J]. Smart Material and Structure, 2013(22): 1-17.
- [5] Sanders J W, Yao J, Huang H. Microstrip patch antenna temperature sensor[J]. IEEE Sensors Journal, 2015, 15(9): 5312-5319.
- [6] Huang H. Flexible wireless antenna sensor: a review [J]. IEEE Sensors Journal, 2013, 13 (10): 3865-3872.
- [7] Cho C, Yi X, Wang Y, et al. Compressive strain measurement using RFID patch antenna sensors[C]// Proceeding of SPIE 9061, Sensors and Smart Structures Technologies for Civil, Mechanical, and Aerospace Systems. San Diego: SPIE, 2014.
- [8] Yao J, Hew Y M, Mears A, et al. Strain gauge-enable wireless vibration sensor remotely powered by light [J]. IEEE Sensors Journal, 2015, 15(9): 5185-5192.
- [9] Cho C, Yi X, Li D, et al. Passive wireless frequency doubling antenna sensor for strain and crack sensing [J]. IEEE Sensors Journal, 2016, 16 (14): 5725-5733.
- [10] Ozbey B, Erturk V B, Demir H V, et al. A wireless passive sensing system for displacement/strain measurement in reinforced concrete members[J]. Sensors, 2016, 4(16): 496.
- [11] 张钧,刘克诚,张贤泽,等. 微带天线理论与工程[M]. 北京:国防工业出版社, 1988: 42-52.
- [12] 李英. 电磁介质谐振器理论与应用[M]. 北京:电子工业出版社, 1988: 78-95.



**第一作者简介:**薛松涛,男,1963年12月生,博士、教授、博士生导师。主要研究方向为结构防灾及结构健康监测等。曾发表《建筑结构力学》(西安:西安交通大学出版社,2003)等论著。

E-mail: xue@tongji.edu.cn

**通信作者简介:**谢丽宇,男,1978年10月生,博士、硕士生导师。主要研究方向为结构健康监测、智能传感器和土木工程信息化等领域。

E-mail: liuyuxie@tongji.edu.cn

