Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2018.04.018

复合式电磁悬挂系统馈能特性分析

张进秋1, 彭 虎2, 岳 杰3, 孙宜权1, 张 建1, 彭志召1

(1. 装甲兵工程学院装备试用与培训大队 北京,100072)

(2.装甲兵工程学院技术保障工程系 北京,100072) (3.西南电子电信技术研究所 成都,610041)

摘要 为有效回收车辆悬挂振动能量,对馈能影响因素及相互间的关系进行分析。建立复合式电磁悬挂系统 (composite electrical-magnetic suspension system,简称 CESS)动力学及馈能电路模型,采用功率流的方法分析悬 挂系统的能量输入、输出及耗散关系。在考虑传递效率的条件下,分析电阻比、激励频率及振幅对馈能效率与馈能 功率的影响。讨论了减振指标及馈能性能之间的关系,通过台架试验分析了外接电阻与悬挂相对运动速度对馈能 性能的影响。结果表明:采用功率流的方法可有效分析悬挂能量流动关系,馈能效率和馈能功率受电阻比、激励频 率及振幅等因素影响;悬挂系统不能同时满足最大馈能效率和最大馈能功率,悬挂系统减振及馈能性能存在一定 的相互制约关系。

关键词 馈能;复合式;电磁悬挂;磁流变减振器 中图分类号 U463.33; O328; TH39

引 言

车辆悬挂系统用以支撑车体,缓和路面激励,起 到隔振的作用。传统的被动悬挂系统通过固定阻尼 的减振器将振动能量以热能形式耗散,起到减振的 作用,但这使减振器温升过大而影响其性能和寿命, 不利于节能需求。馈能悬挂通过一套馈能装置,将 悬挂运动机械能转变为电能进行回收,节能的同时 起到保护减振器的作用,对于全电车辆和新能源车 辆具有很好的实用价值。

20世纪80年代,Karnopp^[1]提出将直线电机作 为可变阻尼机械减振器的思想,并进行了试验研究, 取得一定成效。随后,许多学者相继对车辆悬挂系 统馈能潜力及馈能机构进行了研究,主要有液力式、 电磁式和压电式等,也有学者提出了将热电效应应 用于车辆减振器馈能的思路^[2-5]。Nakano等^[6]研究 表明,一定条件下,悬挂系统回收的能量完全可以满 足主动控制的需要。Kawamoto等^[7]设计了电磁主 动悬架并进行了相关试验,单个减振器以 80 km/h 的车速行驶在 C 级路面时具备 15.3 W 的馈能潜 力。文献[8]对馈能主动悬架的可行性分析表明,以 72 km/h 车速行驶在 C 级路面,车辆悬架耗散功率 约为 325 W,能量可回收潜力巨大。王艳阳等^[9]采 用功率流的方法分析电磁悬架馈能特性的结果表 明,在 C 级路面条件下馈能主动悬挂可回收 30.79 W 能量,控制消耗 20.19 W,可实现馈能。黄大山 等^[10]对复合式馈能悬挂馈能特性的分析表明,悬挂 系统具有较强的馈能能力。陈冬云等^[11]对限定舒 适性馈能主动悬架可馈能量分析显示,馈能悬架最 高可回收 1.4 kW 的能量,直线电机馈能效率可达 25%。张亚东^[12]对馈能磁流变减振器能量平衡的 分析表明,2 Hz/20 mm 激振条件下系统稳定输出 1.2 A 直流电,满足磁流变减振器 2 W 的控制能量 需求,实现馈能。

以上研究表明,车辆悬架存在非常可观的馈能 潜力,通过设计安装馈能装置对振动能量进行回收, 可满足半主动控制或主动控制能耗需求。目前的仿 真分析缺乏统一的能量计算方法,没有考虑振动控 制和馈能的相互关系。笔者以此为基础,设计复合 式电磁作动器(composite electrical-magnetic actuator,简称 CEA),并建立 CESS 动力学及馈能电路 模型。以功率流的方法分析悬挂间能量流动关系研 究馈能影响因素及其与减振指标的关系,通过台架 试验验证复合式电磁悬挂系统的馈能特性。

^{*} 军队科研计划资助项目 收稿日期:2016-12-24;修回日期:2017-05-31

1 悬挂系统建模

1.1 CEA 结构设计

当前,馈能型悬挂主要有电磁式和液电式两种 结构形式[13-14]。电磁式直接将机械运动转换为电 能,转换效率高,包括直线电机式和旋转电机+运动 转换机构式(包括齿轮齿条、滚珠丝杠及曲柄连杆 等)。相比于直线电机,旋转电机磁电转换效率高, 体积小且结构布置设计较为灵活。齿轮齿条的转换 机构具有传动可靠、传递载荷大及占用空间小等优 点[15-17]。因此,采用旋转电机+齿轮齿条式的结构。 电机因其自身特性,存在以下缺点:a.低速条件下存 在"死区"现象,不利于减振及馈能;b. 电机为机械 式结构,作半主动控制时,不能像液压式结构起到很 好的阻尼缓冲作用;c.当电机或者控制系统失效时, 悬挂系统变成无阻尼结构,不具备"失效-安全"特 性。磁流变减振器(magneto-rheological damper, 简称 MRD) 是一类阻尼快速可调的半主动减振装 置,具有响应快、体积小及设计灵活等特点[18]。基 于上述分析,设计旋转电机+齿轮齿条与 MRD 复 合的 CEA,其原理图及实物图如图 1 所示。



Fig. 1 Schematic diagram of self powered CEA

该 CEA 可缩小悬挂系统轴向占用空间,可工 作于被动馈能、半主动无馈能、半主动馈能及主动控 制等多种工况,通过对振动控制和馈能的协调,满足 对不同路面及行驶工况的需求。

1.2 CESS 动力学模型

为了分析 CESS 馈能特性,基于被动馈能工况, 建立悬挂系统动力学模型。1/4 车悬挂系统动力学 模型可用于对悬挂理论及振动特性进行分析,因此 采用 1/4 车模型。被动馈能工况下 1/4 车动力学模 型相当于在传统被动悬挂系统模型的基础上,增加 了馈能电磁机构,其等效动力学模型如图 2 所示。 其中: m_s 为簧载质量; m_t 为非簧载质量; x_s 为簧载 质量位移; x_t 为非簧载质量位移; x_r 为路面激励位 移; k_s 为悬挂等效刚度; k_t 为轮胎等效刚度; c_{em} 为 电磁阻尼系数; c_0 为悬挂等效基础阻尼系数,包括 机械摩擦阻尼系数 c_m 和 MRD 黏滞阻尼系数 c_η , $c_0 = c_\eta + c_m$ 。



图 2 被动馈能悬挂系统动力学模型

Fig. 2 Dynamical model of passive energy recovery suspension system

根据牛顿第二定律,运动微分方程为

$$\begin{cases}
m_{s}\ddot{x}_{s} + c_{s}(\dot{x}_{s} - \dot{x}_{t}) + k_{s}(x_{s} - x_{t}) = 0 \\
m_{t}\ddot{x}_{t} - c_{s}(\dot{x}_{s} - \dot{x}_{t}) - k_{s}(x_{s} - x_{t}) + \\
k_{t}(x_{t} - x_{r}) = 0
\end{cases}$$
(1)

取状态向量 $X = [\dot{x}_s, x_s, \dot{x}_t, x_t]^{\mathsf{T}}$,输出向量 $Y = [\ddot{x}_s, x_s - x_t, k_t(x_t - x_r)]^{\mathsf{T}}$,系统输入向量为 $W = [x_r], c_s = c_\eta + c_m + c_{\mathrm{em}}$,状态方程为

$$\begin{cases} \dot{X} = AX + BW \\ Y = CX + DW \end{cases}$$
(2)

2 能量传递特性分析

2.1 悬挂系统能量传递过程

悬挂系统能量来源于发动机输出能量,发动机 驱动车辆行驶过程中,通过路面不平度激励间接将 发动机能量转变为悬挂系统吸收能量。悬挂系统功 率流如图 3 所示。





悬挂系统总能量除去悬置质量、非悬置质量动能、弹性元件势能及轮胎耗散的能量,剩余的为电磁 悬挂吸收的能量 P_{in} ; P_{in} 除一部分被阻尼耗散 P_c , 其余为电磁阻尼吸收能量 P_{em} ; P_{em} —部分由电机内 阻损耗 P_{coil} ,另一部分为电机输出能量 P_{dynamo} ; P_{dynamo} —部分由馈能电路耗散 P_{circut} ,其余为馈能 电路输出 P_{out} 。 P_{out} 为储能装置可直接存储的电 能,用于对 MRD 半主动控制进行供能, $P_{consume}$ 为 半主动控制消耗能量。若某一时间段回收的能量 P_{out} 大于消耗的能量 $P_{consume}$,悬挂系统便能实现馈 能。 P_c , P_{coil} 及 P_{circut} 转化成热能耗散,能量转化效率 如图 3 所示。根据能量守恒定律可知

$$P_{\rm in} = P_c + P_{\rm em} = P_c + P_{\rm coil} + P_{\rm dynamo} = P_c + P_{\rm coil} + P_{\rm circut} + P_{\rm out}$$
(3)

2.2 悬挂系统输入功率计算

对式(1)~(2)进行拉普拉斯变换

$$\begin{cases}
(m_s s^2 + c_s s + k_s) X_s(s) = (c_s s + k_s) X_t(s) \\
(m_t s^2 + c_s s + k_s + k_t) X_s(s) - (4) \\
(c_s s + k_s) X_s(s) = k_t X_r(s)
\end{cases}$$

得到车身位移、车轮位移及悬挂动行程相对于 路面激励位移输入的传递函数为

$$\frac{X_s(s)}{X_r(s)} = \frac{k_t(c_s s + k_s)}{\Delta(s)} \tag{5}$$

$$\frac{X_t(s)}{X_r(s)} = \frac{k_t(m_s s^2 + c_s s + k_s)}{\Delta(s)}$$
(6)

$$\frac{X_s(s) - X_t(s)}{X_r(s)} = \frac{-k_t m_s s^2}{\Delta(s)}$$
(7)

其中

$$\Delta(s) = m_s m_t s^4 + (m_s + m_t) c_s s^3 + [(k_s + k_t)m_s + m_t k_s] s^2 + k_t c_s s + k_s k_t$$

令 *s* = *j*ω, 悬挂动行程相对于路面位移激励的 传递函数为

$$\frac{X_{s}(j\omega) - X_{t}(j\omega)}{X_{r}(j\omega)} =$$

$$k_{t}m_{s}\omega^{2} / \left[(k_{t} - m_{t}\omega^{2}) (k_{s} - m_{s}\omega^{2}) - m_{s}k_{s}\omega^{2} \right] +$$

$$j\omega c_{s} (k_{t} - m_{t}\omega^{2} - m_{s}\omega^{2})$$
(8)

其幅频特性为

$$\left|\frac{X_{s}(j\omega) - X_{t}(j\omega)}{X_{r}(j\omega)}\right| = \frac{k_{i}m_{s}\omega^{2}}{\Delta(\omega)}$$
(9)

其中

$$\Delta(\omega) = m_s m_t \times \sqrt{\left[\omega^4 - (\frac{k_s}{m_s} + \frac{k_s + k_t}{m_t})\omega^2 + \frac{k_s k_t}{m_s m_t}\right]^2 + \left[\left(\frac{c_s}{m_s} + \frac{c_s}{m_t}\right)\omega^3 - \frac{c_s k_t}{m_s m_t}\omega\right]^2}$$

$$\Leftrightarrow z = x_s - x_t, \text{ B m 激励为正弦激励}$$

$$x_r(t) = X\sin(\omega t) \tag{10}$$

其中: X 为激励振幅; ω 为激励频率。

将悬挂系统视为线性系统,路面激励为简谐的,则悬挂动行程响应也为简谐的,振动圆频率为ω,存 在相位之后,用 φ 表示。

悬挂动行程为

$$z(t) = Z\sin(\omega t - \varphi) \tag{11}$$

其中: Z 为悬挂动行程振幅。

$$Z = \frac{k_i m_s \omega^2 X}{\Delta(\omega)} \tag{12}$$

悬挂相对运动速度为

$$\dot{z}(t) = \omega Z \cos(\omega t - \varphi) = \frac{k_t m_s \omega^3 X}{\Delta(\omega)} \cos(\omega t - \varphi)$$
(13)

输入减振器的瞬时功率表示为

$$P_{\rm in} = c_s (\dot{x}_s - \dot{x}_t)^2 = \frac{c_s (k_t m_s \omega^3 X)^2}{\Delta^2 (\omega)} \cos^2 (\omega t - \varphi)$$
(14)

一个周期内输入减振器的总能量为
$$W_{\rm in} = \int_{0}^{\frac{2\pi}{\omega}} c_s (\dot{x}_s - \dot{x}_t)^2 dt = \frac{\pi c_s (k_t m_s X)^2 \omega^5}{\Delta^2 (\omega)}$$
(15)

单个周期输入能量的平均功率为

$$\overline{P}_{\rm in} = \frac{W_{\rm cycle}}{T} = \frac{c_s (k_t m_s \omega^3 X)^2}{2\Delta^2 (\omega)}$$
(16)

2.3 电机馈能输出功率

CESS 中电机作发电机进行馈能时,忽略馈能

电路的电感,图 4 为其等效简化电路图。图中:L 及 AC 分别为电机线圈电感及等效电源; $R_{in} \gtrsim R_{out}$ 分 别为电机内阻和外接可变电阻; U_0 为感应电动势; U_1 为充电电压;I 为感应电流。车辆在行驶过程中 悬挂系统往复运动,单个周期内进行两次换向,电机 作发电机产生交流电 AC。由法拉第电磁感应定律 可知,电机转速变化使电机内线圈磁场强度发生变 化,产生感应电动势 U_0 。同时,电机发电过程中会 产生阻碍电机运动的安培力,称为电磁阻尼力,用 F_{em} 表示,电磁阻尼力实现馈能的同时还可用于 减振。



图 4 馈能等效简化电路图

- Fig. 4 Energy recovery equivalent simplified circuit diagram
- 2.3.1 感应电动势及感应电流

悬挂相对运动速度 v、悬挂间作用力 F 与电机 转矩 T、转速 n 之间的转换关系为

$$\begin{cases} F = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) Ti}{R_g} \\ v = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) 2\pi R_g n}{60i} \end{cases}$$
(17)

其中: $λ_1$ 为电机效率; $λ_2$ 为行星减速机效率; $λ_3$ 为齿轮齿条传递效率。

悬挂相对运动经过齿轮齿条和减速机构后,得 到的系统输出感应电动势及感应电流分别为

$$U_{0} = \frac{K_{e}n}{1\ 000} = \frac{(\lambda_{1}\lambda_{2}\lambda_{3})\ 3iK_{e}(\dot{x}_{s}-\dot{x}_{t})}{100\pi R_{g}} \quad (18)$$

$$I = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) \, 3iK_e(\dot{x}_s - \dot{x}_t)}{100\pi R_g(R_{\rm in} + R_{\rm out})} \tag{19}$$

将式(13)带入式(19)得

$$I = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) \, 3iK_e k_i m_s \omega^3 X}{100 \pi R_g (R_{\rm in} + R_{\rm out}) \Delta(\omega)} \cos(\omega t - \varphi) \tag{20}$$

其中: K_e 为电机反电动势常数;i为减速机减速比; R_e 为齿轮分度圆半径。

2.3.2 悬挂系统电磁阻尼力及电磁阻尼系数

电机作为电动机时,CEA产生的主动力Fac为

$$F_{\rm ac} = (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) \frac{i}{R_g} K_{t} I \qquad (21)$$

其中:K_t为电机转矩常数。

电机作为发电机时,CEA产生的电磁阻尼力 F_{em}为

$$F_{\rm em} = c_{\rm em} (\dot{x}_s - \dot{x}_t) \tag{22}$$

由基尔霍夫定律知

$$U_0 = I(R_{\rm in} + R_{\rm out}) = (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) K_e \frac{3\iota}{100\pi R_g} (\dot{x}_s - \dot{x}_t)$$
(23)

$$c_{\rm em} = \frac{3i^2}{100\pi R_g^2} \frac{K_e K_t}{(R_{\rm in} + R_{\rm out})} (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 \qquad (24)$$

其中: K_t , K_e 和 R_{in} 均为常数。

通过调节负载电阻阻值 R_{out}可以实现对电磁阻 尼系数的调节,改变悬挂系统间的电磁阻尼力,实现 馈能条件下的半主动控制。

单个周期电磁阻尼平均吸收功率为

$$\overline{P}_{em} = \frac{3i^2}{100\pi R_g^2} \frac{K_e K_t}{(R_{in} + R_{out})} \frac{(k_i m_s \omega^3 X)^2}{2\Delta^2 (\omega)} (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2$$
(25)

电磁悬挂系统可回收能量瞬时功率为

$$P_{\text{out}} = I^2 R_{\text{out}} = \left[\frac{60 i K_{e} k_{t} m_{s} \omega^3 X}{2 \pi R_{g} (R_{\text{in}} + R_{\text{out}}) \Delta(\omega)} \times 10^{-3} \cos(\omega t - \varphi) (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3) \right]^2 R_{\text{out}}$$
(26)

单个周期可回收能量为

$$W_{\text{out}} = \int_{0}^{\frac{2\pi}{\omega}} P_{\text{out}} dt =$$

$$(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 \left(\frac{60i}{2\pi R_g}\right)^2 \frac{K_e^2 \pi (k_i m_s X)^2 \omega^5 R_{\text{out}}}{(R_{\text{in}} + R_{\text{out}})^2 \Delta^2 (\omega)} \times 10^{-6}$$
(27)

单个周期能量平均可回收功率为

$$\overline{P}_{out} = (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 (\frac{60i}{2\pi R_g})^2 \times \frac{K_e^2 R_{out} (k_i m_s \omega^3 X)^2}{2(R_{in} + R_{out})^2 \Delta^2(\omega)} \times 10^{-6}$$
(28)

2.4 馈能效率的计算

电机内阻耗散功率为

$$\overline{P}_{\text{coil}} = \frac{\omega}{2\pi} \int_{0}^{\frac{2\pi}{\omega}} I^2 R_{\text{in}} dt = (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 (\frac{60i}{2\pi R_g})^2 \frac{K_e^2 R_{\text{in}} (k_t m_s \omega^3 X)^2}{2(R_{\text{in}} + R_{\text{out}})^2 \Delta^2 (\omega)} (29)$$

机械摩擦及 MRD 黏滞阻尼耗散功率为

$$\overline{P}_{m} = \frac{\omega}{2\omega} \int_{0}^{\frac{2\pi}{\omega}} c_{s} (\dot{x}_{s} - \dot{x}_{t})^{2} dt = \frac{c_{s} (k_{t} m_{s} \omega^{3} X)^{2}}{2\Delta^{2} (\omega)} (30)$$

负载电阻瞬时输出功率为

$$P_{\rm out} = U_1 I = \frac{U_1 (U_0 - U_1)}{R_{\rm in}}$$
(31)

当 $dP_{out}/dU_1 = 0$,即 $U_1 = U_0/2$,令 $\alpha = R_{out}/R_{in}$,则 $\alpha = 1$ 时,负载电阻输出最大瞬时功率为

各部分能量传递效率为

$$\eta_1 = \frac{\overline{p}_{em}}{\overline{p}_{in}} \tag{33}$$

$$\eta_2 = \frac{\overline{P}_{\rm dyn\,amo}}{\overline{P}_{\rm em}} = 1 - \frac{\overline{P}_{\rm coil}}{\overline{P}_{\rm em}} \tag{34}$$

$$\eta_3 = \frac{P_{\text{out}}}{P_{\text{dynamo}}} = 1 - \frac{P_{\text{circut}}}{P_{\text{em}}} \tag{35}$$

忽略馈能电路电阻耗散能量,悬挂系统馈能效 率为

$$\eta = \frac{\overline{P}_{out}}{\overline{P}_{in}} = \eta_1 \eta_2 = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 \frac{3i^2}{100 \pi R_g^2} \frac{K_e K_t}{R_{in} (1+\alpha)}}{c_s} \times \frac{\alpha}{R_{in} (1+\alpha)} = \frac{(\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 (\frac{60i}{2\pi R_g})^2 K_e K_t \alpha \times 10^{-6}}{\frac{60i^2}{2\pi R_g^2} K_e K_t (1+\alpha) (\lambda_1 \lambda_2 \lambda_3)^2 \times 10^{-3} + c_s R_{in} (1+\alpha)^2}$$

(36)

处于馈能状态时, MRD 取最小阻尼即黏滞阻 尼,除 α 外的其余参数均为定值,因此馈能效率只与 电阻比 α 有关,通过调节负载电阻阻值可实现能量 转换效率的调节。当 $d\eta/d\alpha = 0$ 时, η 取得最大值, 设此时 α 为 α' ,则

$$\alpha' = \sqrt{1 + \frac{19.38K_e^2}{c_s R_{\rm in}}}$$
(37)

式(37)表明,当馈能效率 η 取得最大值时, $\alpha' > 1$ 。 结合式(32)可知,当 $\alpha = 1$ 时,馈能功率最大,因此馈 能效率最大的点与馈能功率最大点并不在同一点。

3 仿真及分析

车辆模型参数及 CEA 模型参数分别如表 1,2 所示。

表 1	车辆模型参数
-----	--------

Tab. 1 Vehicle model parameters

参数	$m_s/$	$m_t/$	$k_s/$	$k_t/$	c_0 /
	kg	kg	$(kN \cdot m^{-1})$	$(kN \cdot m^{-1})$	$(N \cdot s \cdot m^{-1})$
粉佶	312 5	45 4	22	192	576 9

由式(31),(32)可知,当 $R_{in} = R_{out} = 3 \Omega$ 时,复 合式电磁作动器输出功率 P_{out} 取最大值。取最大输 出功率条件下的各参数值 $\alpha = 1, R_{in} = R_{out} = 3 \Omega$,设 振幅 X = 0.02 m,外接电阻阻值最大 30 $\Omega, \omega \in$ [0,100],车身共振区圆频率为 $\omega_{body} = \sqrt{k_s/m_s} =$

表 2 电机、减速机及传动机构参数

Ta	b. 2	2]	Motor	reducer	and	the	actuator	parameters
----	------	-----	-------	---------	-----	-----	----------	------------

参数	数值
$K_e/(\mathbf{V} \cdot \mathbf{s} \cdot \mathbf{m}^{-1})$	24.2
$K_t(\text{Nm} \cdot \text{A}^{-1})$	0.287
$R_{ m in}/\Omega$	3
i	15
R_g/m	0.028 5
$\lambda_1 / \frac{0}{0}$	85
$\lambda_2 / \frac{0}{0}$	94
$\lambda_3 / \frac{0}{0}$	96

1) 当 $\omega = 20$ rad/s 时, CEA 的功率 P_{in} , P_{em} 和 P_{out} 与 α 的关系如图 5 所示。效率 η , η_1 和 η_2 与 α 的关系如图 6 所示。



图 5 功率与α的关系

Fig. 5 The relationship between power and α





由图 5,6 可以看出,随着外接负载电阻阻值的 增大,悬挂系统吸收功率及复合式电磁作动器吸收 功率均减小,而两者的传递效率逐渐降低;输出功率 先增加后减小,在 α =1 即外接电阻与内阻相等时输 出功率最大,约为 77 W。复合式电磁作动器到输出 功率的传递效率一直增加,且先增长的快, α =2 之 后增长变缓;总的传递效率先增大后减小,但取得最 大值时并不在 α =1 处,而是 α =2.749 2,说明最大 输出功率与最大馈能效率不能同时达到最优;总馈 能效率最大值为42%,复合式电磁悬挂系统具有较 为优越的馈能性能。

2) 取得最大馈能能力 $\alpha = 1$ 时, CEA 的功率 P_{in} , P_{em} 和 P_{out} 与激励圆频率 ω 的关系如图 7 所示。



由图 7 可知,功率 *P*_{in},*P*_{em} 和 *P*_{out} 在车轮共振点 之前随着激励圆频率的增加而增加,之后随着激励 圆频率增加而减小,在车轮共振点附近取得最大值, 说明此频率条件下最适合馈能。此时也是振动最坏 而需要进行振动控制的时刻,所以在设计控制算法 时应当考虑振动控制和馈能的相互制约关系,在满 足振动控制需求的条件下,尽量提高馈能效率是馈 能复合式电磁悬挂系统追求的目标。分别选取车身 共振区及左右两侧附近共 3 个点,以及车轮共振区 及左右两侧附近共 3 个点,一共 6 个点处的激励圆 频率,分别用①~⑥表示,乘坐舒适性与馈能特性的 相互关系参数如表 3 所示。车身加速度均方根值及 馈能特性如表 4 所示。

		1 0
正弦路面激励	振幅/	激励圆频率
条件编号	m	$\omega/(rad \cdot s^{-1})$
1		7
2		8.39
3	0.00	10
(4)	0.02	62
5		68.66
(6)		71

表 3 正弦路面频率的选取 Tab. 3 The selection of sine road frequency

表4显示,相比于车身及车轮附近频段,车身加 速度均方根值在两者共振区分别取得最大值,共振 点附近乘坐舒适性最差,因此取悬挂参数值时应当 避开共振区,但此时输入悬挂系统的能量及回收能 量也越大。在车轮共振点附近,乘坐舒适性最差,但 可回收1200W以上的能量,同时保持35.77%高 效的馈能效率,比文献[11]采用直线电机进行馈能 25%的馈能效率提高了12.77%。设计控制策略时 应当将功率流及馈能特性与车辆乘坐舒适性、车轮 动载荷特性等减振性能同时考虑,在满足减振性能 的前提下尽量提高馈能功率和馈能效率是馈能复合 式电磁悬挂系统的控制设计关键。

表 4 车身加速度均方根值及馈能特性

 Tab. 4
 Body acceleration root mean square value and energy recovery characteristics

编号	车身加速度/ (m•s ⁻²)	$P_{ m in}/{ m W}$	$P_{\rm out}/{ m W}$	$\eta^{/ rac{0}{2}}$
1	1.010 4	24.532 3	8.774 8	
2	1.424 8	61.447 7	21.978 9	
3	1.398 6	91.839 3	32.849 4	25 77
(4)	8.357 0	3 404	1 217.5	55.77
5	8.517 5	3 529.5	1 262.5	
6	8.150 0	3 438.9	1 230	

3) 当 $\omega = 20 \text{ rad/s}, \alpha = 1 \text{ 时}, 其他条件不变, 在$ [0, 0.05] m 区间段考察路面输入振幅对馈能功率 的影响, 功率与振幅的关系如图 8 所示。



Fig. 8 The relationship between power and amplitude

由图 8 可知,功率随振幅的增大而增大,且增长 率逐渐增加。对馈能来说,振幅越大越好,但大振幅 不利于乘坐舒适性,因此从振幅角度来说减振与馈 能也是两个相互矛盾的对象,需要平衡考虑。振幅 对馈能效率无影响,与式(36)分析的结论一致。

4 馈能特性试验

为验证 CEA 的馈能性能,在长春一汽东机工 减振器有限公司的 MTS 机械性能试验台上进行馈 能特性试验,如图 9 所示。CEA 反馈电压通过示波 器显示,然后通过上位机数据采集软件进行存储,外 接电阻通过连接一个最大阻值 100Ω 的滑动变阻器 实现阻值的调节。



图 9 CEA 馈能特性试验 Fig. 9 Energy recovery character experiment of CEA

为分析外接电阻值对反馈电压的影响,由式 (13)计算 $\omega = 20$ rad/s 时对应约 0.3 m/s 的相对运 动速度,振幅为 0.02 m,通过改变滑动变阻器的阻 值[0,30] Ω ,测试得到的反馈电压与外接电阻值关 系如图 10 所示。



图 10 反馈电压与外接电阻的关系

Fig. 10 Relationship between feedback voltage and outside resistance

由图 10 可知,反馈电压随外接电阻阻值的变化 趋势基本与理论计算时输出功率与阻值比 α 的趋势 一致。外接电阻阻值 $R_{out} = 3 \Omega$ 时反馈电压达到最 大,约为 28.8 V。由式(33)计算得到最大输出功率 $P_{out_{max}} = 69.12$ W,比理论计算值 77 W 稍低,主要 受机械摩擦及传递效率等因素的影响,总体相差不 大,验证了理论计算的正确性。

为分析相对运动速度与反馈电压的关系,在速 度分别为 0.1,0.2,0.3,0.4 和 0.52 m/s 的情况下 测试 CEA 的反馈电压值,并将该值与理论值比较。 反馈电压与相对运动速度的关系如图 11 所示。

由图 11 可知:a. CEA 反馈电压与其相对运动 速度基本呈线性增加的关系;b. 试验数据略小于理 论数据,相对运动速度越大,数据偏差越大。同等条 件下,由式(34)计算得到相对运动速度分别为 0.1, 0.2,0.4 和 0.52 时,最大输出功率 *P*_{out_max} 分别为 7.05,30.40,98.61 和 152.65 W,馈能能力随相对 运动速度增加而增加。MRD 半主动控制能耗一般 在 10 W 以下,车辆大多时候行驶在 D 级路面 10 m/s车速以下,实际悬挂动行程大多为 0.02 m 左右,悬挂相对运动速度小于 0.2 m/s,馈能为 10~ 30 W之间,满足复合式悬挂系统的自供能需求。



Fig. 11 Relationship between feedback voltage and relative motion speed

5 结 论

1) 当外接电阻与电机内阻相等时,馈能功率最大,20 rad/s 激励圆频率下可馈能为 77 W,并保持 35.77%的高效馈能效率,试验条件下馈能为 69.12 W, 与仿真结果一致。

 2)最大馈能效率可达42%,馈能效率优异,但 最大馈能效率和最大馈能功率不同步,不能同时达 到最优,需根据振动控制及馈能条件进行协调。

3)在车轮共振点处馈能潜力和馈能能力最大, 可馈能为1200W以上,但此时车辆减振性能也最 差,设计控制策略时应避免在共振区进行馈能。

 4)振幅越大,馈能潜力越大,但乘坐舒适性随 之降低,对馈能效率无影响,该CESS工作与半主动 馈能工况可满足MRD半主动控制自供能需求。

5) CESS 具备十分可观的馈能潜力,通过调节 外接电阻阻值实现对系统的控制。进一步优化设计 悬挂系统及其控制策略,在保证车辆减振性能的前 提下,尽量提高悬挂系统馈能功率和馈能效率,有利 于 CESS 的馈能及工程应用。

参考文献

- Karnopp D. Power requirement for vehicle suspension systems[J]. Vehicle System Dynamics, 1992, 21(1): 65-71.
- [2] 张晗,过学迅,方志刚,等. 馈能式悬架馈能潜力试验 研究[J]. 振动、测试与诊断,2015,35(2):225-230.
 Zhang Han, Guo Xuexun, Fang Zhigang, et al. Potential energy harvesting analysis and test on energyregenerative suspension system[J]. Journal of Vibra-

tion, Measurement & Diagnosis, 2015, 35(2): 225-230. (in Chinese)

[3] 冯占宗,魏来生,阴运宝,等. 高速履带车辆电磁悬挂 功率供需矛盾分析[J]. 汽车工程, 2016, 38(5): 595-599.

Feng Zhanzong, Wei Laisheng, Yin Yunbao, et al. An analysis on the contradiction between power demand and supply of electro-magnetic suspension in high speed tracked vehicles [J]. Automotive Engineering, 2016, 38(5): 595-599. (in Chinese)

- [4] Gysen B L J, Sande T P, Paulides J J H, et al. Efficiency of a regenerative direct-drive electromagnetic active suspension [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2011, 60(4):1384-1393.
- [5] 孙晓强,陈龙,汪少华,等. 滚珠丝杠式惯容器非线性 建模与参数辨识[J]. 振动、测试与诊断, 2016, 36
 (2): 329-334.
 Sun Xiaoqiang, Chen Long, Wang Shaohua, et al. Nonlinear modeling and parameters identification of ball-screw bnerter[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2016, 36(2): 329-334. (in Chi-
- [6] Nakano K, Suda Y, Nakadai S, et al. Self-powered active control applied to a truck cab suspension [J]. JSAE Review, 1999, 20(4): 511-516.
- Kawamoto Y, Such Y, Inoue H, et al. Modeling of electromagnetic damper for automobile suspension[J].
 Journal of System Design and Dynamics, 2007, 1(3): 524-536.
- [8] Raju A, Muhammad M R, Md M F. Design and modeling of energy generated magneto rheological damper [J]. Korea-Australia Rheology Journal, 2016, 28(1): 67-74.
- [9] 王艳阳,李以农,裴金顺,等. 车用电磁悬架能量转换 特性的功率流分析方法[J]. 重庆大学学报, 2013, 36 (5): 1-7.

Wang Yanyang, Li Yinong, Pei Jinshun, et al. Energy conversion analysis of vehicle electromagnetic suspension using power flow method [J]. Journal of Chongqing University, 2013, 36(5): 1-7. (in Chinese)

[10] 黄大山,张进秋,刘义乐,等. 复合式馈能悬挂馈能特 性分析[J]. 装甲兵工程学院学报,2015,29(2):40-46.

Huang Dashan, Zhang Jinqiu, Liu Yile, et al. Analysis of energy recovery features of complex energy-regenerative suspension system[J]. Journal of Academy of Armored Force Engineering, 2015, 29(2): 40-46. (in Chinese)

[11] 陈冬云,杨礼康,蔡明龙.限定舒适性的馈能主动悬架 系统可回馈能量分析[J].机电工程,2014,31(3): 289-294. Chen Dongyun, Yang Likang, Cai Minglong. Analysis of energy-harvesting active suspension based on certain riding comfort[J]. Journal of Mechanical & Electrical Engineering, 2014, 31(3): 289-294. (in Chinese)

- [12] 张亚东. 馈能磁流变减振器能量平衡分析与实验研究 [D]. 杭州:浙江工业大学,2015.
- [13] 汪佳佳,陈龙,汪若尘. 混合电磁悬架阻尼系数优化设计[J]. 汽车工程学报,2017,7(2):93-99.
 Wang Jiajia, Chen Long, Wang Ruochen. Optimization design of damping coefficient used in hybrid electro-magnetic suspension systems[J]. Chinese Journal of Automotive Engineering, 2017,7(2):93-99. (in Chinese)
- [14] 寇发荣. 车辆电动静液压半主动悬架设计与馈能研究
 [J]. 农业机械学报, 2016, 47(5): 352-359.
 Kou Farong. Design and energy regenerative study on vehicle semi-active suspension with electro-hydrostatic actuator[J]. Journal of Agriculture and Mechanical, 2016, 47(5): 352-359. (in Chinese)
- [15] 陈龙,施德华,汪若尘,等.基于混合控制策略的馈能
 悬架半主动控制[J].北京理工大学学报,2016,36
 (3):252-257.
 Chen Long, Shi Dehua, Wang Ruochen, et al. Semi-

active control of energy-regenerative suspension based on hybrid control strategy[J]. Transactions of Beijing Institute of Technology, 2016, 36(3): 252-257. (in Chinese)

- [16] 张玉新. 越野车辆悬架能量转换_回馈机理及其控制 研究[D]. 长春:吉林大学,2016.
- [17] 邹祺. 一种馈能磁流变能量吸收器的原理设计与实验 验证[D]. 合肥:合肥工业大学,2017.
- [18] 寇发荣,陈龙,张武,等. 自供能量式磁流变半主动悬架特性研究[J]. 液压与气动,2016,11:10-14.
 Kou Farong, Chen Long, Zhang Wu, et al. The characteristics of self-powered semi-active suspension with magneto-rheological damper[J]. Journal of Hydraulic Pressure and Pneumatic, 2016, 11:10-14. (in Chinese)



第一作者简介:张进秋,男,1963 年 2 月 生,教授、博士生导师。主要研究方向为 智能材料及振动控制。曾发表《车辆悬 架联合反馈半主动控制算法》(《汽车工 程》2015 年第 9 期)等论文。 E-mail: zhangjq63@163.com

通信作者简介:彭虎,男,1989年12月 生,博士生。主要研究方向为车辆振动 控制及能量回收技术。 E-mail: p233201222007h@126.com

nese)