Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2018.05.020

# 单回路 500 kV 输电塔风致响应参数分析

张庆华

(华北水利水电大学土木与交通学院 郑州,450000)

摘要 首先,对典型单回路 500 kV 高压输电塔进行了有限元模态分析;然后,利用基于非定常风荷载的风致动力 响应频域分析方法,对单回路高压输电塔风致响应进行了参数分析;最后,详细探讨了参振模态数目、模态交叉项、 结构阻尼比等参数对响应的影响。结果表明:输电塔上部节点考虑前三阶整体振型(两水平向侧弯和扭转)就能保 证足够高的位移计算精度;参振模态数目对加速度响应值有较大的影响,随模态阶数的增加,加速度响应单调增 大;基底弯矩主要由各方向一阶侧弯振型贡献。输电塔对阻尼比的变化敏感,随着阻尼比的增大共振响应明显减 小,阻尼比对响应低频部分的影响基本可以忽略。此外,在单回路酒杯型输电塔频域响应分析中,可不考虑模态交 叉项的影响。

关键词 输电塔;风致响应;参数分析;频域分析 中图分类号 TH113.1;TM753;TU761.3

## 引 言

高压输电塔具有轻质、高柔、小阻尼特性,风荷载已成为结构设计的主要控制因素之一。近年来,输电塔在强风作用下的破坏或功能失效屡有发 生<sup>[1]</sup>,说明现行的荷载规范尚不能提供精确的格构式输电塔结构风致响应计算方法。

格构式输电塔风致动力响应计算方法可分为频 域和时域方法<sup>[2-4]</sup>两类。时域法是将荷载时程直接 作用在结构上,通过时程逐步积分,迭代计算结构的 动力响应。时域法计算精度高,可以较方便地考虑 结构的非线性效应,但时程分析数值积分计算量非 常大,尤其对复杂结构考虑非线性平衡迭代时更耗 费时间。频域分析方法通过振型分解将结构响应统 计量描述成对应各阶振型的广义模态响应在模态空 间内的线性组合,在频域内通过传递函数建立激励 与响应之间的关系,描述结构的动力响应。频域法 虽不能考虑结构非线性效应,但概念清晰、计算效率 较高,可直接得到风振响应随风荷载特性和结构基 本特性的变化规律,故在输电塔风致响应的研究中 得到了广泛应用<sup>[58]</sup>。

模态叠加法是结构频域风振动力响应计算的常 用方法,通过叠加各阶模态的贡献求系统的响应。 输电塔作为典型的三维空间结构,外形和质量分布 复杂,自振频率密集,笔者利用编制的基于非定常风 荷载的结构风致动力响应频域分析程序,详细分析 和讨论了参振模态数目、模态交叉项、结构阻尼比等 参数对典型 500 kV 单回路酒杯型输电塔风致动力 响应计算结果的影响。

### 1 500 kV 单回路高压输电塔

根据《国家电网公司输变电工程典型设计 500 kV输电线路分册》<sup>[9]</sup>,酒杯型输电塔是国内 500 kV单回路高压输电线路中最常见塔型之一。 文中参数分析以典型 500 kV 单回路酒杯型输电塔 为研究对象(见图 1),该塔全高 55 m,呼高 48 m,为 典型角钢塔,各杆件及零部件的主要材料为 Q345 和 Q235 钢。

由于布置导线的需要,酒杯型输电塔头在沿导 线方向(图1中y轴方向)具有较大的迎风面积和外 伸质量,使得塔头在该方向与垂直于导线方向(图1 中 x 轴方向)上的结构特征差异明显。同时由于塔 头位于输电塔的顶端,对风荷载更为敏感。文中将 基于风洞试验的非定常风荷载<sup>[10-11]</sup>,重点对塔头关 键节点风致响应进行参数分析。

<sup>\*</sup> NSFC-河南人才培养联合基金资助项目(U1504502);河南省科技攻关资助项目(182102310768);河南省高等学校重 点科研资助项目(13A560691) 收稿日期:2017-01-09;修回日期:2017-03-19





### 2 风洞试验方法

典型酒杯型输电塔头、塔身节段高频动态天平 测力风洞试验在同济大学土木工程防灾国家实验室 TJ-1 大气边界层风洞中进行。天平测力试验为刚 性模型试验,模型选用质地较轻又有较高刚度的有 机玻璃板制作,塔头、塔身模型几何缩尺比分别为 1/45,1/30。考虑到塔头、塔身节段本身高度不大, 每个节段高度范围内平均风速和湍流度变化均不 大,节段模型的测力试验在由被动格栅紊流发生器 生成的空间均匀紊流场中进行(风场湍流度由模型 中部湍流特性决定)。即对每个节段模型,试验平均 风速和湍流度均沿高度不变,平均风速剖面对原型 结构风力的影响在根据气动力系数计算实际结构风 力时考虑。

根据《建筑结构荷载规范》<sup>[12]</sup>湍流度计算公式, 对于文中所研究的 C 类地貌下的酒杯型输电塔,塔 头、塔身湍流度约为 0. 194,0. 165,节段测力试验均 选择顺风向湍流度为 19%(横风向湍流度为 13%) 的紊流场中完成(图 2)。试验时通过转动转盘模拟 不同风向。为了保证数据质量,提高系统有效频率 宽度,对数据进行了数字滤波;为了消除天平模型系 统对风力的放大,采用传递函数方法对功率谱进行 了修正。详细的试验过程和结果见文献[10,11]。 测力试验获得的输电塔节段风荷载数据将作为本研 究风致响应参数分析的输入荷载。

由于风洞试验中,未包含塔腿结构,塔腿约占整 塔高的1/6,其所受的风力不可忽略。笔者将采用 计算流体动力学(computational fluid dynamics,简



(a) 塔头模型(a) Model of superstructure

(b) 塔身模型(b) Model of lattice body

图 2 输电塔节段模型 Fig. 2 Section models of transmission tower

称 CFD)<sup>[13]</sup>模拟得到的体型系数根据准定常理论来 计算塔腿结构受到的风力。

### 3 风致响应计算方法及基本计算参数

### 3.1 计算方法

由于输电塔结构模型复杂,节点较多,风力施加 时,根据附属面积,直接将风力施加于关键节点(关 键节点的选取及编号参见图 1)。利用平稳激励下 线性系统随机振动的模态叠加法,位移响应功率谱 密度矩阵为

$$\boldsymbol{S}_{\boldsymbol{y}} = \boldsymbol{\Phi} \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{S}_{\boldsymbol{p}} \boldsymbol{\Phi} \boldsymbol{H} \boldsymbol{\Phi}^{\mathrm{T}}$$
(1)

其中:**①** 为质量归一的振型矩阵;**H** 为传递函数矩 阵, $|H_i(\omega)|^2 = [(\omega_i^2 - \omega^2)^2 + (2\zeta\omega_i\omega)^2]^{-1};S_\rho$  为风 力谱矩阵,由高频天平测力风洞试验获得。

式(1)为精确的完全二次项组合方法(complete quaddratic combination,简称 CQC)计算公式,包括 了所有振型交叉项,考虑了振型之间的耦合。文中 参数分析均采用 CQC 法完成。

工程中通常在小阻尼和参振频率为稀疏分布的 假定下,将式(1)中  $j \neq k$  的振型交叉项忽略掉,而得 到以下近似的平方和开方法(square of sum of squares method,简称 SRSS)公式

$$\mathbf{S}_{y} \approx \sum_{j=1}^{q} \left| \mathbf{H}_{j} \left( i \omega \right) \right|^{2} \boldsymbol{\varphi}_{j} \boldsymbol{\varphi}_{j}^{\mathrm{T}} \mathbf{S}_{p} \boldsymbol{\varphi}_{j} \boldsymbol{\varphi}_{j}^{\mathrm{T}} \qquad (2)$$

由位移响应谱,可计算得到加速度响应功率谱

$$\mathbf{S}_{\mathbf{y}}(\boldsymbol{\omega}) = \boldsymbol{\omega}^4 \mathbf{S}(\boldsymbol{\omega}) \tag{3}$$

基底弯矩功率谱为

$$\mathbf{S}_{\mathrm{BM}} = \mathbf{z}_i \mathbf{K} \mathbf{S}_p \mathbf{K}^{\mathrm{T}} \mathbf{z}_i^{\mathrm{T}}$$
(4)

其中:K为刚度矩阵;zi为节点高度行向量。

#### 3.2 结构模态分析

对酒杯型输电塔进行模态分析,计算了前 100 阶模态。图 3 为输电塔前 100 阶频率分布情况。由 于酒杯型输电塔是由大量杆件组成的复杂三维空间 桁架结构,实际结构模态分析时,除部分整体模态 外,不可避免的将会得到大量的局部杆件的振动模 态,从而使输电塔高阶模态密集。图4给出了酒杯 型输电塔结构前3阶整体振型,前两阶分为别为两 个方向的侧向弯曲振型,第3阶为结构的扭转振型。



Fig. 3 The first one hundred order natural frequency of transmission tower



#### 3.3 计算参数选取

计算输电塔结构风致响应的参数:a. 地貌类型: C类;b. 基本风速:离地面 20 m 高度处平均风速 35 m/s;c. 结构阻尼比:0. 02;d. 参振模态数目:100 阶;e. 频率范围为 0~12 Hz。风致响应计算风向及 结构坐标参见图 5。



Fig. 5 Wind angle

酒杯型输电塔位移、加速度、轴力、基底弯矩等 响应随风向变化情况在文献[14]中进行了详细分 析,文中将主要分析参振模态的数目、模态交叉项、 结构阻尼比等参数对风致响应的影响。选取有代表 性的 0°风向工况进行分析,其中,y 轴为结构的顺风 向,x 轴为结构的横风向。考虑到塔头有较大的外 伸质量,且位于塔的顶部,对风荷载更敏感,文中将 重点对塔头风致响应参数进行讨论分析。

### 4 风致响应参数分析

#### 4.1 参振模态数目

对于多模态参与振动的结构,如何选取参振模态的数目是模态叠加法面临的首要的问题。这里主要分析不同风速下,参振模态数目对输电塔脉动响应的影响。共考虑3种设计风速,分别为30,35和45m/s。计算中分别选取了1,2,3,5,10,20,40和100阶参振模态数进行频域响应计算。沿输电塔高度方向,由低到高,分别选取主材上的关键点511,508,505,501,912,1301,1311和920为研究目标。3种设计风速计算结果类似,即风速对模态阶数对响应的贡献基本无影响。考虑到篇幅所限,文中主要给出了35m/s风速下的计算结果。

4.1.1 位移响应

图 6(a)为输电塔关键节点不同参振模态阶数位 移响应计算结果的比较。可以看到,对于位移响应, 前 3 阶模态(分别对应 x,y 向侧弯和扭转整体振型) 几乎包含了全部参振模态,当参振模态数目大于 3 阶 后,塔头部节点(如:节点 912,1 301,920 等)100 阶参 振模态与 3 阶参振模态位移响应的计算误差不超过 5%,即高阶振动模态的影响基本可以忽略不计。随 着节点高度的降低,高阶振动模态的影响不断增大, 塔身下部 511 节点 100 阶参振模态与 3 阶参振模态 位移响应的计算误差已增大至 15%左右。

图 6(b)给出了酒杯型输电塔塔顶节点 930 和 横担节点 1 301,1 311 在 0°风向的位移响应谱。可 以看到,各节点 *x* 向动力响应基本上都由 *x* 向侧弯 振型贡献; *y* 向响应则是由 *y* 向侧弯振型和扭转振 型贡献,这主要是由酒杯型输电塔外形决定,由于导 线布置的需要,造成塔的 *y* 向迎风面面积较 *x* 向大 很多(见图 1),因而扭转振型对该方向有较大的影 响。节点 1 311 位于横担中部,扭转振型对其位移 响应基本无贡献。



图 6 位移响应

Fig. 6 The displacement responses of transmission tower

4.1.2 加速度响应

加速度响应是计算等效静力风荷载的重要响应 参数之一。与位移响应明显不同,由图7所示关键 节点不同参振模态阶数加速度响应计算结果比较可 见,参振模态数目对各关键点加速度响应值有较大



的影响。随着参振模态阶数的增加,加速度响应值 单调增大。

#### 4.1.3 基底弯矩

输电塔在风荷载作用下的基底弯矩对结构基础 设计起重要的控制作用,也是等效静力风荷载计算 中以基底弯矩为等效条件的弯矩阵风荷载因子法的 必要条件。0°风向角不同参振模态酒杯型输电塔基 底弯矩顺/横风向(y/x 向)风致响应见图 8(a)。其 中,x向侧弯为x向基底弯矩的主要参振模态,而 y





(b) 35 m/s风速下基底弯矩功率谱 (b) The Power spectral density for base bending moments

in the wind speed of 35 m/s

Fig. 8 The base bending moments of transmission tower 向侧弯基本包含了 y 向基底弯矩几乎全部参振模态, 高阶模态对基底弯矩的贡献很小(见图 8(b))。

#### 4.2 结构阻尼比

在进行频域计算时,文中对所有参振模态取相同的阻尼比。为了考察阻尼比对计算结果的影响, 这里设置了4种阻尼比:0.005,0.01,0.02和0.03。

输电塔 0°风向关键节点位移响应均方根值随 阻尼比变化见图 9(a)。由图可见,输电塔位移响应 对阻尼比的变化比较敏感,当阻尼比由 0.005 增大 至 0.03 时,位移响应减小为原来的 1/3~1/2 左右。

图 9(b)给出了 0°风向下,输电塔在不同结构阻 尼比时的位移响应自功率谱。可以看到,阻尼比对 响应低频部分的影响基本忽略,对共振部分影响显 著,随着阻尼比的增大共振响应将明显减小。阻尼 比越小,共振峰值就越陡峭,带宽也越窄;阻尼比越 大,共振区响应谱曲线越平滑。

#### 4.3 模态交叉项

模态叠加法采用的 CQC 计算公式(式(1))包括了所有选定振型交叉项,考虑了振型之间的耦合; 而工程中通常忽略振型交叉项,采用近似的 SRSS 公式(式(2))计算结构的响应。针对酒杯型输电塔, 通过对比 CQC 与 SRSS 方法计算结果,考察模态交 叉项对频域计算结果的影响。

表1为酒杯型输电塔风致响应计算中忽略模态 交叉项后的结果(SRSS方法)与考虑模态交叉项的 结果(CQC方法)比较。由表可知,CQC方法与 SRSS方法结果吻合较好,计算误差不会超过5%。 大多数情况下,CQC方法计算结果都会略大于 SRSS方法计算结果(CQC方法更偏安全)。

总的说,模态交叉项对酒杯型输电塔风致响应 结果的影响很小,文中单回路酒杯型输电塔进行频 域计算时,可以不要考虑模态间的交叉项。



### 图 9 阻尼比对酒杯型输电塔位移响应的影响

Fig. 9 The influence of damping ratios for the displacement responses of transmission tower

表1 核	态交叉项对酒杯型输电塔风致响应的影响
------	--------------------

1 ab, 1 The influence of closs terms of modes for white-induced responses of transmis		s terms u	1 moues	101	winu-muuceu	i responses	ս
---	--	-----------	---------	-----	-------------	-------------	---

	位移响应/m 根方差值(误差)										
计算方法	节点	920	节点	1 301	节点 1 311						
	x 向	y 向	x 向	y 向	x 向	y 向					
CQC	0.023 4	0.034 5	0.017 5	0.028 3	0.017 7	0.017 2					
SRSS	0.023 4(0.07%)	0.034 4(0.37%)	0.017 5(0.02%)	0.0283(-0.01%)	0.017 7(0.03%)	0.017 2(0.10%)					
	加速度响应(m <sup>2</sup> /s)根方差值(误差)										
计算方法	二 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一	920	节点	1 301	节点1311						
	x 向	y 向	x 向	y 向	x 向	y 向					
CQC	1.458	3.088	1.088	2.693	1.101	1.134					
SRSS	1.449(0.64%)	2.983(3.39%)	1.087(0.07%)	2.679(0.50%)	1.101(0.07%)	1.127(0.65%)					
计算方法	基底弯矩(N・m)根方差值(误差)										
		x 向		y 向							
CQC		5.355 $\times 10^{5}$		$3.452 \times 10^5$							
SRSS	Ę	$5.348 \times 10^{5}$ (0.11%)	)	3. $381 \times 10^5$ (2. $04\%$ )							

注:①以 CQC 法计算结果作为标准值;②SRSS 误差=(CQC 计算结果-SRSS 计算结果)/CQC 计算结果×100%

### 5 结束语

输电塔上部节点仅考虑前3阶整体振型(x,y 向侧弯和扭转)即可保证足够高的位移计算精度,高 阶振动模态的影响基本可以忽略不计。参振模态数 目对加速度响应有较大的影响,随参振模态阶数的 增加,加速度响应单调增大。基底弯矩主要有一阶 侧弯振型贡献,高阶模态贡献很小。输电塔对阻尼 比的变化敏感,阻尼比对响应低频部分的影响基本 可以忽略,对共振部分影响显著,随着阻尼比的增大 共振响应明显减小。模态交叉项对酒杯型输电塔关 键点响应结果的影响较小,进行频域计算时,可不考 虑模态间的交叉项的影响。

### 参考文献

- Xie Qiang, Zhu Ruiyuan. Earth, wind, and ice [J].
   IEEE Power and Energy Magazine, 2011, 9(2): 28-36.
- [2] 鞠彦忠,门丽丽,衣亚伟. ACCC 塔线体系在风荷载 作用下的动力响应 [J]. 振动、测试与诊断, 2014, 34 (4): 749-752.

Ju Yanzhong, Men Lili, Yi Yawei. Aluminum conductor composite core wire transmission line towers and lines system in the dynamic response under wind loads [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2014, 34(4): 749-752. (in Chinese)

[3] 肖正直,李正良,汪之松,等.基于 HFFB 试验的特高压输电塔风振响应分析 [J].工程力学,2010,27
 (4):218-225.

Xiao Zhengzhi, Li Zhengliang, Wang Zhisong, et al. Wind-induced vibration analysis of UHV transmission Tower based on the HFFB tests [J]. Engineering Mechanics, 2010, 27(4): 218-225. (in Chinese)

 [4] 田利,李宏男,周海鹰.空间变化地震动下输电塔-线 体系振动控制研究[J].振动、测试与诊断,2013,33
 (3):369-376.

Tian Li, Li Hongnan, Zhou Haiying. Vibration control of transmission tower-line system subjected to spatially varying ground motions [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2013, 33(3): 369-376. (in Chinese)

- [5] Battista R C, Rodrigues R S, Pfeil M S. Dynamic behavior and stability of transmission line towers under wind forces [J]. Journal of Wind Engineering & Industrial Aerodynamics, 2003, 91(8): 1051-1067.
- [6] 汪大海, 李杰. 强风下高压输电塔线系统非线性随机 动力响应 [J]. 振动与冲击, 2010, 29(6): 62-65.

Wang Dahai, Li Jie. Nonlinear stochastic response of transmission tower-line system under strong wind [J]. Journal of Vibration and Shock, 2010, 29(6): 62-65. (in Chinese)

- Zhou Xuanyi, Huang Peng, Gu Ming, et al. Wind loads and wind-induced responses of Guangzhou new TV tower [J]. Advances in Structural Engineering, 2010, 13(4): 707-726.
- [8] Loredo-Souza A M, Davenport A G. The influence of the design methodology in the response of transmission towers to wind loading [J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2003, 91(8): 995-1005.
- [9] 刘振亚主编,国家电网公司颁布.国家电网公司输变 电工程典型设计 500kV 输电线路分册 [M].北京:中 国电力出版社,2005:56-72,237-248.
- [10] 张庆华,顾明,黄鹏. 格构式塔架风力特性试验研究
  [J]. 振动与冲击, 2009, 28(2): 1-4.
  Zhang Qinghua, Gu Ming, Huang Peng. Experimental study of wind force on latticed tower [J]. Journal of Vibration and Shock, 2009, 28(2): 1-4. (in Chinese)
- [11] 张庆华,顾明,黄鹏. 典型输电塔塔头风力特性试验 研究 [J]. 振动工程学报, 2008, 21(5): 452-457. Zhang Qinghua, Gu Ming, Huang Peng. Experiment on wind force on typical superstructures of latticed transmission tower [J]. Journal of Vibration Engineering, 2008, 21(5): 452-457. (in Chinese)
- [12] 中华人民共和国住房和城乡建设部.建筑结构荷载规 范 GB50009-2012 [S].北京:中国建筑工业出版社, 2012.
- [13] 郑远海. 输电塔平均风荷载及响应分析 [D]. 上海: 同济大学, 2008.
- [14] 张庆华,顾明. 基于高频天平测力试验的 500kV 单回 路输电塔风致响应研究 [J]. 振动与冲击, 2014, 33 (4): 156-160.
   Zhang Qinghua, Gu Ming. Wind-induced response of

500kV single-cirduit transmission tower based on high frequency force balance tests [J]. Journal of Vibration and Shock, 2014, 33(4): 156-160. (in Chinese)



作者简介:张庆华,男,1977年8月生, 博士、副教授。主要研究方向为格构式 结构抗风。曾发表《典型格构式结构风 荷载及风致响应规范比较》(《振动与冲 击》2015年第34卷第6期)等论文。 E-mail:zqh@ncwu.edu.cn