Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2019.04.024

# SMA 压电复合减震装置电力学性能及其本构模型

展 猛<sup>1,2</sup>, 王社良<sup>2</sup>, 赵 云<sup>3</sup>

(1. 黄淮学院建筑工程学院 驻马店,463000) (2. 西安建筑科技大学土木工程学院 西安,710055)(3. 天津大学建筑工程学院 天津,300000)

**摘要** 针对形状记忆合金(shape memory alloy, 简称 SMA)阻尼器控制力不可调和压电摩擦阻尼器启动难的问题,提出了一种 SMA 单元和压电摩擦单元依次工作的复合减震装置,进行了相应的电力学性能试验,分析了位移幅值、激励频率和输入电压对复合减震装置力学性能的影响。在试验结果的基础上,建立了以速率符号、电压和位移为神经元输入的优化反向传播(back propagation,简称 BP)神经网络预测模型。结果表明,该复合减震装置的滞回曲线饱满且基本对称,工作性能稳定,随着电压的增大,滞回环的面积逐渐增大,耗能能力不断增强。在位移幅值为 12 mm、电压为 120 V下,单圈耗能量提高了 138.23%,等效阻尼比提高了 94.23%。两种智能材料经过合理组合而成的 SMA 压电复合减震装置耗能好、适应性强,可以更好地用于工程结构的减震控制。BP 网络预测模型能够较好地跟踪 SMA 类复合减震装置的输出,而优化后的 BP 网络更加稳定,能够快速得到误差更小的网络模型,该神经网络算法为 SMA 类复合减震装置本构模型的建立和应用提供了新途径。

关键词 形状记忆合金;压电陶瓷;力学性能试验;神经网络;本构模型 中图分类号 TH14;TU31

# 引 言

形状记忆合金是一种应用较为广泛的智能材料, 利用其相变伪弹性设计成的 SMA 阻尼器已被广泛用 于土木工程结构的被动耗能减震控制中[1-2]。由于不 能实时调整控制力,限制了其在结构振动控制中的应 用。压电陶瓷是一种具有瞬间电致变形特性的功能 材料,其与摩擦阻尼器结合制成的压电摩擦阻尼器是 土木工程结构控制常见的一种耗能减震装置[3-4]。但 是,压电摩擦阻尼器一般都需要施加较大的初始压力 来约束压电驱动器的变形,其半主动可调控制力有 限;而预压力较小的话,出力也较小,大震中可能由于 耗能不足而起不到有效地减震作用。将 SMA 材料与 压电材料制成复合型减震装置可以实现优势互补,对 工程结构全过程起到有效减震控制,但研究处于探索 阶段,相关研究成果较少。王社良等55前期利用改进 的遗传算法,对设计的 SMA 压电复合阻尼器在空间 杆系结构中的优化配置进行了分析。Dai 等<sup>[6]</sup>将研发 的 SMA 压电复合减震装置应用于钢框架模型的基础 隔震,进行了振动台试验研究。Ozbulut 等<sup>[7]</sup>采用模 糊控制算法对 20 层非线性基准结构进行了 SMA 压 电复合减震控制分析。

目前,SMA 复合型减震装置的本构模型大都采 用"SMA 数学模型+其他"的形式。例如,钱辉等<sup>[8]</sup> 设计的 SMA 摩擦复合阻尼器, SMA 单元应力采用 Graesser & Cozzarelli 模型, 摩擦耗能单元采用 Bouc-Wen 模型。卞晓芳等<sup>[9]</sup>设计的 SMA - 磁流 变(magneto-rheological,简称 MR)复合型阻尼器, SMA单元采用 Graesser 模型, MR 阻尼力采用 Bingham 模型。这些 SMA 复合型减震装置的本构 模型大都将 SMA 和其他单元割裂开,采用传统的 数学模型,不但公式繁琐复杂、难以在 Matlab 程序 中直接调用,而且精度很难保证。人工神经网络是 一种非线性的建模方法,该方法无需预知材料的本 构形式,只需考虑影响因素和预期的目标,避免了传 统建模方法中的误差。目前,关于 SMA 神经网络 本构已有一些研究。崔迪等<sup>[10]</sup>采用 BP 网络分别预 测了加载段和卸载段不同应变幅值的 SMA 的应 力-应变曲线,虽然分段预测的结果精度较高,但实 际应用中需将加载段和卸载段合并成完整的受力过 程,此时的预测精度将难以保证。任文杰等[11]以循 环次数、加卸载信息和应变值作为神经元输入,采用

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金资助项目(51678480);河南省科技攻关资助项目(192102310277,182102310834);河南省高等学校 重点科研资助项目(19A560016);驻马店市重大科技攻关资助项目(19005) 收稿日期:2018-05-09;修回日期:2018-06-25

径向基函数(radial basis function,简称 RBF)网络 预测了同一应变幅值的应力-应变曲线,该模型虽输 入参数少、便于应用,但对应变幅值在卸载的初始段 无法准确预测。文献[12]考虑加载速率和加载历史 等因素,建立了 SMA 的遗传算法优化 BP 网络模 型,较好地预测了不同应变幅值在卸载初始段的应 力-应变曲线,但该模型神经元输入参数较多,增加 了结构减震分析计算中的编程难度。神经网络本构 模型虽然有一定预测精度,但神经元初始权/阈值的 变化对人工神经网络的结果影响较大,因此建立神 经网络本构模型中应对其初始权/阈值进行优化,以 提高本构模型的精度和稳定性。

笔者结合 SMA 材料和压电驱动器的物理力学 性能特点,提出了一种 SMA 单元和压电摩擦单元依 次工作的复合减震装置,进行了相应的电力学性能试 验。在试验结果的基础上,以速率的符号来判断加卸 载的方向,建立了以速率符号、电压和位移为神经元 输入的复合减震装置 BP 神经网络模型,并利用人工 免疫算法对 BP 网络模型的权/阈值进行了优化。

# 1 SMA 压电复合减震装置

# 1.1 构造设计

如图 1 所示, SMA 压电复合减震装置主要由箱 体、滑块、挡板、挡环、SMA 丝和可拆卸推拉杆等组 成。滑块上有 4 个装有压电陶瓷驱动器的圆孔,上下 各有一垫片,压电驱动器的电线穿过圆洞和减震装置 箱体侧壁的小圆孔与外接电源连接。SMA 丝由复位 丝(SMA 丝 1,2)和耗能丝(SMA 丝 3)组成,复位丝同 时兼具耗能功能,每根 SMA 丝的两端均由六角法兰 带齿螺栓固定在同一侧,以便减少接头。推拉杆在两



1.减震装置箱体; 2.滑块; 3.左挡板; 4.右挡板; 5.圆洞; 6.垫片; 7.SMA丝1; 8.SMA丝2; 9.SMA丝3; 10.六角法兰带齿螺栓; 11.推拉杆; 12.左挡环; 13.右挡环; 14.左滑槽; 15.右滑槽

图 1 SMA-压电复合减震装置示意图 Fig. 1 SMA-piezoelectric composite vibration damper 档中间位置断开分成两部分,并通过螺丝旋转拧紧, 便于安装。挡板可以在滑槽内左右滑动,同时用来固 定 SMA 丝 3。该复合装置的 SMA 和压电摩擦单元 依次工作,当发生小的振动时,SMA 单独工作;当发 生大的振动时,SMA 先工作,然后 SMA 和压电摩擦 单元同时工作,且可以实时调节控制力。

当推拉杆向左运动时,左挡环推着左挡板向左 移动,SMA 丝 3 受拉耗能;当右挡环运动至滑块右 端时,滑块和左挡板开始一起向左运动,此时 SMA 丝 2,3 和压电陶瓷驱动器同时耗能。当推拉杆向右 运动时,右挡环顶住右挡板向右侧运动,SMA 丝 3 受拉耗能;当左挡环运动至滑块左端时,滑块和右挡 板开始一起向右运动,此时 SMA 丝 1,3 和压电陶 瓷驱动器同时耗能。

# 1.2 性能试验

#### 1.2.1 加载方案

考虑到 SMA 压电复合减震装置试验模型的尺 寸以及 SMA 丝在减震装置中的固定,本次试验所 用 SMA 丝直径为 0.7 mm, 化学成分为 Ti-51% at-Ni。相变温度:M<sub>f</sub>为-42℃,M<sub>s</sub>为-38℃,A<sub>s</sub>为-6℃,A<sub>f</sub>为-2℃,该丝在常温状态下处于奥氏体状 态。在复合减震装置试验之前,首先对奥氏体 SMA 丝进行力学试验,以确保 SMA 丝的性能满足复合 装置的耗能要求。鉴于目前单纯 SMA 丝试验研究 较多,这里就不在赘述,仅给出复合装置的电力学试 验。各项材料具体参数:SMA 丝的最大应变幅值按 7%计算, SMA 丝 3 的数量为 2 根, 长度为175 mm, 单独工作位移为 5 mm,最大伸长量为 12 mm; SMA 丝1,2 卸载时其力比较小且行程较短,为保证 复位效果,数量取为4根,长度取为100mm,最大 伸长量为7 mm;压电陶瓷驱动器是苏州攀特电陶 科技股份有限公司研制的型号为 PTJ1501010301 的矩形压电陶瓷驱动器,各项性能指标如表1所示。

表1 矩形压电陶瓷驱动器主要性能指标

Tab. 1 Performance indicators of piezoelectric actuator

参数指标	数值		
型号	PTJ1501010301		
外形尺寸 $(A \times B \times H)/mm$	10  imes 10  imes 36		
标称位移/μm	40		
0 位移推力/N	3 600		
刚度/ (N・μm <sup>-1</sup> )	90		
最大预压力/N	2 000		
压电应变系数 d <sub>33</sub> /(10 <sup>-12</sup> C・N <sup>-1</sup> )	≥650		

该试验在某动静材料试验机上进行,试验采用 位移控制,三角波加卸载。大量研究证明,频率对 SMA 丝和压电智能阻尼器力学性能影响很小<sup>[13-14]</sup>, 这里激励频率取 0.05,0.1,0.2 和 0.3 Hz,加载幅 值分别为 5 mm (SMA 丝 3 单独工作)、9 mm 和 12 mm。激励电压分别为 0,40,80 和 120 V。试验 前,复合装置在频率为0.1 Hz,电压为0,最大位移 为12 mm 处拉压循环 30 次,以保证 SMA 丝的力 学性能达到稳定。试验时每个工况拉压循环2圈。 试验装置如图2所示。



#### 1.2.2 试验结果

图 3 为不同频率时 SMA 丝 3 单独工作时的控 制力-位移曲线。限于篇幅,图4 仅给出了施加40 V 和 80 V 电压下不同频率的输出力-位移曲线。可以 看出,该复合减震装置可以双向受力,滞回曲线饱满 且基本对称,耗能能力较好、性能稳定,加载频率对 减震装置的性能几乎没有影响。



不同频率下的输出力-位移曲线 图 4 The output force-displacement curves under different frequencies Fig. 4

鉴于频率对试验结果影响较小,这里仅给出 0.1 Hz下不同电压的控制力位移曲线,如图 5 所 示。可以看出,当位移幅值大于5mm时,由于复位 丝和初始摩擦力的介入,控制力显著增大;且随着电 压的增大,滞回环的面积逐渐增大,耗能能力不断增 强。由于预紧螺栓为点固定,不能使摩擦面上的摩 擦力绝对均匀,因此滞回曲线并非完全对称,这里取 其绝对平均值作为最大控制力,如表2所示。图6 为不同位移幅值时各工况对应的最大输出力曲线。 可以看出,压电陶瓷驱动器提供的控制力与输入电 压值近似呈线性关系。

压电陶瓷驱动器提供的控制力并不能直观反映 其对复合减震装置耗能能力的贡献,为了分析施加 电压下 SMA 压电复合减震装置的力学性能,现定 义以下指标。

1) 单圈循环耗能W<sub>a</sub>为一次拉压循环滞回曲





Fig. 5 The output force-displacement curves under different voltages

#### 表 2 不同电压下的平均最大控制力

Tab. 2 The average maximum control force under different voltages

位移幅值/ mm	$U/ \ { m V}$	最大值/ kN	最小值/ kN	绝对平均值/ kN
5	0	0.420 7	0.388 4	0.404 6
9	0	1.541 2	-1.6758	1.608 5
	40	1.641 6	-1.7894	1.715 5
	80	1.758 7	-1.9507	1.854 7
	120	1.8707	-2.0954	1.983 1
12	0	1.666 9	-1.955 3	1.811 1
	40	1.761 6	-2.0883	1.925 0
	80	1.878 4	-2.2618	2.070 1
	120	2.049 8	-2.3329	2.191 3



图 6 不同电压时的最大输出力曲线

Fig. 6 The maximum output force curves under different input voltages

能力。耗能提高率 α 为施加电压后减震装置耗能量的提高率,表达式为

$$\alpha = (W_{dU} - W_{d0}) / W_{d0}$$
 (1)

其中:W<sub>d0</sub>为0V所对应的单圈循环耗能;W<sub>dU</sub>为除0V外,其他电压下的单圈循环耗能。

2) 单圈循环的等效割线刚度 K<sub>s</sub> 的表达式为

$$K_{\rm s} = \frac{F_{\rm max} - F_{\rm min}}{d_{\rm max} - d_{\rm min}} \tag{2}$$

其中: F<sub>max</sub>, F<sub>min</sub>为单圈循环中的最大和最小控制力; d<sub>max</sub>, d<sub>min</sub>为单圈循环中的最大和最小位移。

3) 单圈循环的等效阻尼比 ζ<sub>a</sub> 表示 SMA 压电 复合减震装置的阻尼能力,表达式为

$$\zeta_a = \frac{W_d}{2\pi K_s d^2} \tag{3}$$

其中:d为一次拉压循环中位移幅值。

SMA 压电复合减震装置的各项力学性能指标 如表 3 所示。图 7 为不同电压时的单圈耗能曲线。 可以看出,同一位移幅值下,随着电压的增加,耗能 量逐渐增大,相邻电压间的耗能增量不断增大;相比 位移幅值 9 mm 下,12 mm 时的耗能量随电压增加 的更快,且同一电压下的耗能增量随电压增加不断 增大。这主要是因为随着电压或位移幅值的增大, 滞回环的面积增大,在增加相同的控制力时,滞回环 增加的面积也越大。电压从0 V增加到120 V,位

表 3 SMA 压电复合减震装置的力学性能指标 Tab. 3 Mechanical performance indicators of composite vi-

bration damper

位移幅值/ mm	U/ V	<i>W</i> <sub><i>d</i></sub> / J	$lpha/\ 0/0$	$K_s/$ (N • mm <sup>-1</sup> )	$\zeta_a$
9	0	4.795		179	0.053
	40	5.674	18.33	182.7	0.061
	80	6.906	44.03	205.7	0.066
	120	8.791	83.34	214.4	0.081
12	0	7.007		150.7	0.052
	40	9.694	38.35	157	0.068
	80	12.777	82.35	172.5	0.082
	120	16.693	138.23	182.3	0.101



图 7 不同电压时的单圈耗能值

Fig. 7 Lap value of energy consumption under different input voltages

849

移幅值为 9 mm 时单圈耗能量提高了 83.34%, 位 移幅值为 12 mm 时单圈耗能量提高了 138.23%。 压电陶瓷驱动器提供的半主动控制力在数值上看起 来虽然并不大, 但对 SMA 压电复合减震装置的耗 能能力却提高较多。

图 8 为等效割线刚度和等效阻尼比随输入电压 的变化曲线。同一位移幅值下,随着电压的增加,等 效割线刚度和等效阻尼比都不断增大。电压从 0 V 增加到 120 V时,位移幅值 9 mm 时的等效割线刚 度提高了 19.78%,等效阻尼比提高了 52.83%;位 移幅值 12 mm 时的等效割线刚度提高了 20.97%, 等效阻尼比提高了 94.23%。随着位移幅值增大, 等效割线刚度减小,等效阻尼比增大,耗能能力增 强。随着电压的增大,不同位移幅值的等效割线刚 度的增量变化较小,而此时的单圈耗能增量增大(图 7),因此等效阻尼比的增量也逐渐增大。



图 8 等效割线刚度和等效阻尼比随电压变化曲线 Fig. 8 Equivalent secant stiffness and damping ratio

curves under different voltage

# 2 复合减震装置神经网络本构模型

# 2.1 网络结构

以速率的符号来判断加卸载的方向,同时考虑 施加电压的影响,建立3层BP神经网络模型来预 测SMA压电复合减震装置的输出力。由于频率对 试验结果影响较小,且没有呈现明显的规律性,因此 SMA压电复合减震装置神经网络本构模型不再考 虑频率因素,其神经元输入为电压、位移和速率符 号,隐层通过估算法确定<sup>[15]</sup>,取10个,神经元输出 为控制力,拓扑结构为 3-10-1。

# 2.2 样本数据

由于 SMA 压电复合减震装置试验工况较少,施 加电压的位移幅值只有 2 个,且每个工况仅循环了 2 圈,可以把不同频率的试验数据看成圈数,以增加样 本数量,同时不再预测不同位移幅值的输出力-位移 曲线,仅考虑不同电压下的本构曲线预测。试验工况 共有 8 个,选取其中 2 组作为检验数据,分别为:a. 位 移幅值为 9 mm、电压为 80 V;b. 位移幅值为 12 mm、 电压为 80 V。其余 6 种工况为训练样本。

# 2.3 优化参数

未经优化 BP 网络的初始权/阈值由系统随机分 配;而经优化 BP 网络的初始权/阈值由人工免疫算 法<sup>[16]</sup>寻优确定。由 BP 网路的结构可知,BP 网络待 确定的权值有 3×10+10×1=40 个,待确定的阈值 有 10+1=11 个,因此优化算法的变量为所有权值和 阈值,变量总数为 51 个。采用实值编码,染色体长度 为 51,目标函数取训练样本经 BP 网络预测所得的期 望输出与实际输出的误差平方和。人工免疫算法的 其他参数设置如下:初始抗体种群为 10,克隆规模为 10,变异概率为 0.005,一般抗体单元概率阈值取0.1, 记忆单元概率阈值取 0.01,记忆单元个体数量为 5。

# 2.4 仿真结果

图 9 为第 2 组检验数组神经网络预测模型的收 敛进程。由于神经网络每次运行得到的结果都在变 化,而理论上未优化的 BP 网络在多次运行中也能找 到最优值,因此这里采取随机运行进行优化与未优化 对比。图 10 为随机二次运行的未优化 BP 预测曲线 与试验曲线的对比图。可以看出,由于初始权/阈值 的随机性,使每次训练学习后得到的 BP 网络波动较 大。图 11,12 为试验曲线与未优化 BP 网络太优化 BP 网络预测曲线的对比图与样本绝对误差图。可以看 出,除个别点偏差较大外,大部分数据点误差控制在











图 10 未优化预测曲线与试验曲线对比 Fig. 10 The comparison between no optimization forecasting curve and test curve

0.2 kN以内,能够满足实际应用需要。优化与未优 化 BP 网络模型均能较好地预测复合减震装置在施 加电压下的输出力,但优化后 BP 网络更稳定、精度更 高,可以快速得到误差更小的网络模型。

# 3 结 论

1) 该复合减震装置滞回曲线饱满且基本对称,



图 11 位移幅值 9 mm 时的预测曲线与样本绝对误差 Fig. 11 Prediction curve and absolute error at 9 mm



图 12 位移幅值 12 mm 时的预测曲线与样本绝对误差 Fig. 12 Prediction curve and absolute error at 12 mm

耗能能力较好,性能稳定。随着电压的增大,滞回环的面积逐渐增大,耗能能力不断增强。在位移幅值为12 mm、电压为120 V下,单圈耗能量提高了

138.23%,等效阻尼比提高了94.23%。可见,SMA 压电复合减震装置具有较好的半主动耗能能力。

2)由于神经网络的初始权/阈值为人工免疫算法寻优得到的最优初始权/阈值,相比未优化的BP网络而言,优化后的BP网络提高了预测模型的稳定性,可以更加快速地得到误差更小的网络模型。

3)除个别点偏差较大外,BP 网络模型预测后的大部分数据点误差控制在 0.2 kN 以内,可以满 足实际应用需要,且这种以速率符号、电压和位移为 神经元输入的 BP 神经网络本构模型便于在 Matlab 中实现,为 SMA 复合类减震装置本构模型的建立 和应用提供了新途径。

# 参考文献

- [1] Li Ran, Ge Hanbin, Shu Ganping. Parametric study on seismic control design of a new type of SMA damper installed in a frame-type bridge pier [J]. Journal of Aerospace Engineering, 2018, 31(2): 1-14.
- [2] Khosravi H, Ghaderi M, Atashi A, et al. Study on seismic behavior of a concrete elevated tank with frame shaped base using SMA damper[J]. Journal of Vibroengineering, 2017, 19(7):5248-5260.
- [3] Pardo-Varela J, Llera J C. A semi-active piezoelectric friction damper[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2015, 44(3):333-354.
- [4] Etedali S, Sohrabi M R, Tavakoli S. Optimal PD/PID control of smart base isolated buildings equipped with piezoelectric friction dampers [J]. Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2013, 12(1): 39-54.
- [5] 王社良,黄鑫,展猛.基于 SMA-压电摩擦智能阻尼器 的空间杆系结构优化控制[J].地震工程与工程振动, 2016,36(6):86-91.

Wang Sheliang, Huang Xin, Zhan Meng. Optimization control of spatial frames based on SMA-piezoelectric smart friction damper [J]. Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2016, 36(6):86-91. (in Chinese)

- [6] Dai Naxin, Tan Ping, Zhou Fulin. A smart base-isolation using piezoelectric friction damper[J]. Advanced Materials Research, 2011, 250/253:1281-1286.
- [7] Ozbulut O E, Hurlebaus S. Application of an SMAbased hybrid control device to 20-story nonlinear benchmark building[J]. Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2012, 41:1831-1843.
- [8] 钱辉,李宏男,任文杰,等.形状记忆合金复合摩擦阻 尼器设计及试验研究[J].建筑结构学报,2011,32(9): 58-64.

Qian Hui, Li hongnan, Ren Wenjie, et al. Design and test study of shape memory alloy composite friction damper [J]. Journal of Building Structures, 2011, 32 (9):58-64. (in Chinese)

[9] 卞晓芳, 薛素铎. SMA-MR 复合型阻尼器[J]. 世界地

震工程,2004,20(2):23-29.

Bian Xiaofang, Xue Suduo. SMA - MR composite damper [J]. World Earthquake Engineering, 2004, 20 (2): 23-29. (in Chinese)

[10] 崔迪,李宏男,宋钢兵.形状记忆合金超弹性本构关系的神经网络模型[J].振动工程学报,2006,19(1): 109-113.

Cui Di, Li Hongnan, Song Gangbing. Neural network model of shape memory alloy hyperelastic constitutive relation [J]. Journal of Vibration Engineering, 2006, 19 (1): 109-113. (in Chinese)

- [11] 任文杰,李宏男,王利强. 基于神经网络的超弹性形状记忆合金循环本构模型[J].稀有金属材料与工程,2012,9(2):243-246.
  Ren Wenjie, Li Hongnan, Wang Liqiang. Superelastic shape memory alloy cyclic constitutive model based on neural network[J]. Rare Metal Materials and Engineering, 2012, 9(2): 243-246. (in Chinese)
- [12] 余滨杉, 王社良, 杨涛, 等. 基于遗传算法优化的 SMABP神经网络本构模型[J]. 金属学报, 2017, 53 (2):248-256.

Yu Binshan , Wang Sheliang , Yang Tao , et al. BP neural netwok constitutive model based on optimization with genetic algorithm for SMA[J]. Acta Metallurgica Sinica, 2017, 53(2):248-256. (in Chinese)

- [13] Ramos A D D O, Araújo C J D, Macêdo G A, et al. An experimental investigation of the superelastic fatigue of NiTi SMA wires[J]. Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences & Engineering, 2018, 40(4):1-14.
- [14] Unsal M, Nieqreeki C. A new semi-active piezoelectric -based friction damper[J]. Proceedings of the SPIE, 2003, 5052:413-420.
- [15] 展猛, 王社良, 王德利. 基于 BP 网络本构模型的 SMA 拉索系统优化控制分析[J]. 地震工程与工程振动, 2016, 36(3):187-192.
  Zhan Meng, Wang Sheliang, Wang Deli. Optimization control analysis of SMA lasso system based on BP network constitutive model[J]. Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2016, 36(3): 187-192. (in Chinese)
- [16] Zhan Meng, Wang Sheliang, Yang Tao, et al. Optimum design and vibration control of a space structure with the hybrid semi-active control devices[J]. Smart Structures and Systems, 2017,19(4):341-350.



**第一作者简介:**展猛,男,1989 年 4 月 生,博士、讲师。主要研究方向为智能材 料与结构振动控制。 E-mail:zhanyi313@163.com