Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis

doi:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2019.05.004

# 斜置方柱气动力特性试验研究

邓然然<sup>1</sup>, 马文勇<sup>1,2</sup>, 柴晓兵<sup>1</sup>, 郑 熙<sup>1</sup> (1.石家庄铁道大学土木工程学院 石家庄,050043)

(2. 河北省风工程和风能利用工程技术创新中心 石家庄,050043)

**摘要** 土木工程结构中有很多方形断面的细长结构,常常受到斜向风作用,其风荷载可以简化为斜置方柱的气动力,与垂直风向作用不同,目前尚没有明确的气动力估算方法。针对此问题,采用刚性节段模型测压风洞试验,分析了风偏角对方柱的静态气动力特性的影响规律。结果表明:采用传统风速分解法仅可以有效地估计在分离点之前的风压,并不适用于斜置方柱完整气动力的估算;由于背风面风压的减弱,斜置方柱的平均和脉动气动力系数小于垂直方柱的对应值;斜置方柱的旋涡脱落频率小,强度弱,频带宽。因此,采用垂直方柱的平均气动力作为方柱抗风设计的平均风荷载是偏于安全的,但是由于旋涡脱落频率及带宽的变化,斜置方柱的风致振动与垂直方柱会有明显的差别。

关键词 斜置方柱;斜风向;风洞试验;气动力;旋涡脱落频率 中图分类号 TU972.4;TU312.1;TH47

# 引 言

方形断面的高耸、细长建筑物及构筑物在强风 作用下易产生振动甚至遭到破坏,风荷载常成为其 控制荷载。这类结构的风荷载常常被简化为垂直风 向下二维方形断面上的气动力<sup>[1-5]</sup>。然而,实际工程 中细长结构轴向往往与来流方向不垂直,例如,倾斜 的桥塔、输煤栈桥、建筑物之间的连廊等。

斜向风问题早在 1917 年就引起了学者的关 注<sup>[6]</sup>,有学者提出可以将风速分解为垂直结构轴向 分量和顺结构轴向分量,进一步忽略顺结构轴向分 量的影响,流场近似与垂直结构方向分量单独作用 下情况一致<sup>[7]</sup>,该方法被称作风速分解法。研究表 明,对于椭圆形柱体结构<sup>[8]</sup>、圆形断面结构<sup>[9]</sup>、大跨 度桥梁主梁<sup>[10]</sup>以及倒梯形桁梁桥<sup>[11]</sup>等结构,风速 分解法都存在不适用的情况。

与垂直风向下的方柱不同,斜置柱体的绕流形态 表现出更强的三维特性,其中沿柱体轴向出现轴向流 动是形成这种三维绕流的主要原因之一。一方面,流 体会在斜置柱体背风面上下侧交替出现带有轴向速 度分量的旋涡,该旋涡会按一定速度沿轴向流动,形 成展向旋转流<sup>[12]</sup>。另一方面,在背风面较强轴向流 的出现会干扰旋涡脱落从而影响结构的气动力<sup>[13]</sup>。 由于斜置方柱的绕流特性更复杂,再加上其平均阻力 一般比垂直风向下的值小,因此相对于垂直风向下的 柱体气动力特性,其气动力特性研究很少,气动力取 值及作用机理不清晰,而且斜风向的柱体有可能发生 垂直风向下无法出现的振动现象<sup>[8]</sup>。

笔者通过刚性模型测压风洞试验对不同风偏角 下方柱气动力沿周向、轴向的分布规律进行了研究, 讨论了风速分解法对斜向风作用下方柱的适用性, 分析了风偏角对方柱气动力特性的影响。为斜向风 下方柱或者类似断面细长结构的风荷载取值提供了 参考。

### 1 试验概况

试验段宽为 4.38 m,高为 3 m,长为 24 m,在 23 m/s风速时试验段中心区域速度场不均匀性小 于 0.5%,背景湍流度小于 0.5%<sup>[14]</sup>。

方柱模型断面边长 B=180 mm,在来流与柱体轴线夹角最小(54°)时柱体最长  $L_n=3.7 \text{ m}$ ,在垂直风向下最短  $L_0=2.9 \text{ m}$ ,以模型的中心 O为中心旋转模型来改变风偏角。受试验断面宽度的

<sup>\*</sup> 河北省自然科学基金资助项目(E2017210107);河北省教育厅重点资助项目(ZD2018063) 收稿日期:2018-03-27;修回日期:2018-09-25

限制,来流与轴线夹角每改变 10°就需要将模型两端对称截掉一定的长度,在此过程中模型垂直于风向投影长度始终为 $L_0$ 。模型由 ABS 板制作而成,为了增加模型的刚度,在模型的中心位置放置1 根长为4 m、直径为50 mm、厚度为5 mm 的无缝钢管。为减弱自由端部引起的不利影响且不影响沿轴向的流动,在模型上、下游端部分别安装尺寸为1.2 m×3.6 m 和 1.2 m×2.4 m 的导流板,其中上游导流板封闭,下游导流板设置了直径为700 mm的圆孔,从而确保可能的轴向流动,孔的圆心至端板前缘的距离为 1.1 m。当来流垂直于方柱轴向时,下游导流板也封闭。

试验为刚性模型测压风洞试验,测点的布置情况如图1所示。沿模型展向布置A,B,C,D共4圈

测点,其中 C 圈在模型的中心位置,B 圈距 C 圈 650 mm,A 圈距 C 圈 1 300 mm,D 圈距 C 圈 780 mm,每圈布置 44 个测压点。考虑到柱体边缘 部位风压变化比较剧烈,为能更好地捕捉角点附近 位置处风压变化,准确地描述模型截面风压分布情 况,每边测点距离角点位置依次为 5,15,30,50,70 和 90 mm。为方便描述风压沿模型轴向的分布,在 截面边长的中点沿轴向分别布置 E,F,G,H 共 4 排 测点,测点间隔为 100 mm。

定义来流风速与垂直于模型轴向的分量之间的 夹角为风偏角  $\Lambda$ 。试验风速为 10 m/s, $\Lambda = 0^{\circ}$ ,10°, 20°,30°和 36°时,基于垂直柱体轴向风速分量计算 得到的雷诺数分别为 1.24 × 10<sup>5</sup>, 1.22 × 10<sup>5</sup>, 1.17×10<sup>5</sup>,1.08×10<sup>5</sup>和 1.01×10<sup>5</sup>。



图 1 模型及试验参数定义(单位:mm) Fig. 1 Test model and definition of testing parameters(unit: mm)

## 2 试验结果

#### 2.1 垂直风向结果

如表1所示,垂直风向下4圈测点所在断面上 平均阻力系数与其他学者<sup>[1-3.5]</sup>的研究成果接近。 B,C,D 这3个断面受端板影响较小,平均阻力系数 基本一致。A 断面距离端板比较近(0.8B),受端板 影响较大,断面上的阻力比其他断面大。 图 2 为风偏角 Λ=0°(即来流垂直结构轴向)时 模型 4 个截面上平均风压分布与已有研究结果的对 比<sup>[1-5]</sup>,图中横坐标 *x*/*B* 为测点距左下角角点距离 与模型边长的比值,为无量纲量。由图 2 可以看 出,试验中 4 圈测点的平均风压系数与已有结果吻 合良好,说明研究的试验方法可靠。由于方形模型 角点分离气流的流动状态受试验条件的影响较大, 因此图 2 中各个学者所得的平均风压系数在侧面 及背风面上离散程度比迎风面大。本研究试验条件

表 1 本研究结果与其他文献比较 1 Comparison of the present and the previous resu

		Tab. 1 Comparison of the present and the previous results							
	参数	文献[3]	文献[1]	文献[2]	文献[5]	本研究			
						A断面	B断面	C断面	D断面
	Re	$1.3 \times 10^{5}$	$4 \times 10^4$	6.5×10 <sup>4</sup> ~7.6×10 <sup>4</sup>	$1.7 \times 10^{5}$	$1.2 \times 10^{5}$	$1.2 \times 10^{5}$	$1.2 \times 10^{5}$	$1.2 \times 10^{5}$
	$C_D$	2.25	2.33	2.1	2.05	2.03	2.18	2.22	2.18



Fig. 2 Mean wind pressure coefficients

与文献[3]中的试验条件接近,试验结果也更接近。 在迎风面角点处部分测点出现了负压,在背风面上 A圈测点的负压比其他3圈的负压要小很多,这种 差别可能是由于A圈测点距离端板较近(0.8B)、受 端板的影响较大引起的,其他3圈的一致性说明端 板对其影响很小。

与平均风压分布类似,脉动风压分布(见图 3) 也与已有的研究成果分布一致。相比而言,无论是 与已有的研究成果还是不同测试断面之间的脉动风 压,迎风向取值表现出更好的一致性。本研究中 4 圈测点的平均风压系数、脉动风压对称性良好; B, C,D 圈的吻合及模型对称性良好,来流均匀。从图 中可以看出,模型中部背面和侧面的脉动风压更强 一些,4 个断面在侧面后缘角点处脉动值发生小幅 度的剧烈变化。因为在此处受结构外形的影响,流 体流动状态发生转变,因此脉动风压系数较大,这种 剧烈变化跟测点的位置有关。与其他研究成果相 比,本研究试验边缘测点更接近柱体边缘,因此脉动 风压更强。



图 3 脉动风压系数 Fig. 3 Standard deviation of wind pressure coefficients

#### 2.2 斜风向速度分解法的适用性

根据风速分解法,来流方向与模型轴向不垂直 时,将来流按照矢量分解法分解为垂直轴向以及平 行于轴向的分量,采用垂直于轴向的风速分量来代 替来流风速计算风压系数,如式(1)所示

$$C_{P_i} = \frac{P(i) - P_0}{\frac{1}{2}\rho(U\cos\Lambda)^2}$$
(1)

其中: *i* 为测点编号; *P*(*i*) 为测点处风压; *P*<sub>0</sub> 为静 压; *U* 为来流风速; ρ 为空气密度; Λ 为风偏角; *C*<sub>Pi</sub> 为 *i* 点的风压系数。

笔者用符号 C<sub>P</sub> 和 C<sub>P, rms</sub>表示风压系数的平均 值和标准差,分别称为平均风压系数和脉动风压 系数。

从数学定义上看,当 $\Lambda = 0^{\circ}$ 时, $\cos\Lambda = 1$ ,该式与 传统的风压系数定义一致。当 $\Lambda = 90^{\circ}$ 时, $\cos\Lambda = 0$ , 因此无法处理 $\Lambda \approx 90^{\circ}$ 时的斜风向问题。为了讨论 风速分解法的适用性,图 4 给出了C断面 $\Lambda = 0^{\circ} \sim$  $36^{\circ}$ 时基于垂直轴向风速分量计算所得平均风压沿 周向的分布情况。若风速分解法适用,那么各个工 况下的 $C_{Pn}$ 应该相等。

图 4 中斜向风下 C 断面迎风面风压基本重合, 而侧面及背风面上的平均风压系数取值相差较大, 分布规律也不相同,因此斜置方形断面结构中风速 分解法对于分离点之前的正压范围内适用,对于分 离点后表面风压的分布并不能采用风速分解法 估算。



图 4 基于垂直风速分量的平均风压系数对比 Fig. 4 Comparison of mean pressure coefficients based on  $U_n = U \cos \Lambda$ 

#### 2.3 斜置方柱的气动力分布规律

2.3.1 平均气动力系数

来流与结构轴向存在夹角时基于垂直结构轴向

风速方柱的平均阻力、升力系数采用式(2)和式(3) 计算

$$C_D = \sum_{i=1}^{44} C_P \cos\theta_i d_i / B \tag{2}$$

$$C_L = \sum_{i=1}^{44} C_P \sin\theta_i d_i / B \tag{3}$$

其中:θ<sub>i</sub> 为测点与模型中心 O 点之间的连线与来流 反向之间的夹角;d<sub>i</sub>为测点对应的计算长度。

作用在柱体上的平均气动力系数随风偏角的变 化规律如图 5 所示。斜向风作用下 4 个断面的平均 升力系数重合性良好,取值均在 0 附近,说明斜风向 下柱体两侧的流动仍然保持对称状态。

由图 5 可以看出,不同风偏角下计算得到的阻 力系数有一定的差异,其中以 C 断面为例,其最大 阻力系数为 2.17,最小阻力系数为 1.69,两者相差 28.4%。斜风向下不同截面位置的阻力系数也表现 出了一定的差异,这可能是由斜风向下的三维流动 特性引起的。





Fig. 5 Variation of drag and lift coefficients with skew angles

#### 2.3.2 风压沿轴向分布规律

由阻力系数的定义可知,作用在模型上的阻力 是由迎风面、背风面风压决定的,而当 $\Lambda = 0^{\circ} \sim 36^{\circ}$ 时迎风面平均风压系数基本一致,因此阻力系数的 差异主要是由背风面风压的差别引起的。图 6 给 出了 $\Lambda = 0^{\circ} \sim 36^{\circ}$ 范围内背风面中点沿轴向的风压 分布规律,图中横坐标为测点距模型中心距离 z 与  $\Lambda = 36^{\circ}$ 时模型轴向长度 $L_{\pi}$ 的比值,为无量纲量。垂 直风向下平均风压系数(图 6(a))沿轴向分布并不均匀。 由此可见,垂直风向下模型周围流场也并非理想的 二维流动。 由图 6 可以看出,斜向风作用下背风面的负压 绝对值及脉动风压均比垂直风向下小。随风偏角的 增大,气体轴向流动变强,流体流动状态更加复杂, 脉动风压系数最大值变小,背风面负压绝对值变小。  $\Lambda=10^{\circ},20^{\circ}$ 时背风面中点处自上游到下游负压绝对 值先增大后减小,分别在 B,C 断面处最大。与平均 风压相对应,脉动风压系数也是先增大后减小,在相 同位置取得最大值。 $\Lambda=30^{\circ},36^{\circ}$ 时在 B 断面至 D断面范围内背风面中段的平均风压沿轴向变化较 小,脉动风压系数比小偏角时小且沿轴向分布较均 匀。B,C,D 断面处阻力系数吻合良好,与图 5 中规 律一致。

为更好地了解结构整体的风压分布,图 7 给出 了方形模型侧面风压沿轴向的规律。由图可以看 出,模型上下表面风压吻合良好,侧面以及背风面风 压表现趋势一致,从上游到下游负压逐渐减弱。侧 面负压比背面负压强,此差别自上游至下游逐渐减 弱。在距上游端板一定距离时,侧面及背风面之差 在此点之后的范围内均小于 10%,处于同一尾流区 域内。

由风压沿轴向分布规律可知,在 $\Lambda = 10^{\circ} \sim 36^{\circ}$ 范围内流体流经斜置柱体时表现出复杂的三维流动特性,这种三维流动主要体现在侧风面和背风面。

从以上讨论可以看出,当来流与柱体轴向不 垂直时,平均风压系数和脉动风压系数沿轴向变 化很明显。这种变化的原因有:a.无论从平均还 是脉动气动力的角度看,轴向流的产生使得斜置 方柱的绕流变成三维绕流,这种三维绕流本身使 气动力沿轴向呈现非均匀分布;b.风洞试验中柱 体上游端部会产生端部绕流(尽管在试验中采用 导流板减弱了这种绕流效应,但是很难完全消 除),这种绕流会随着轴向流沿柱体轴向向下游输 运,也会对气动力沿轴向的分布产生一定的影响, 其影响范围可能与斜置圆柱的偏角有关。

2.3.3 周向风压分布规律

为进一步了解模型表面的流动状态,分析了 各个断面上风压分布情况。因为在 $\Lambda=0^{\circ}\sim36^{\circ}范$ 围内A断面受端板( $\Lambda=36^{\circ}$ 时距端板约为2B)影 响较大,此处不讨论。图8为 $\Lambda=0^{\circ}\sim36^{\circ}范围内$ 方形断面模型各圈测点平均风压沿周向的分布规律,由图可以看出,斜向风作用下侧面及背风面风压与垂直风向下相差较大,侧面风压自上游至下



图 6 模型背风面中点的风压系数

Fig. 6 Variation of the base pressure coefficients



图 7 模型侧风面中点的风压系数 Fig. 7 Variation of the lateral pressure coefficients

游逐渐减弱,并更接近对应的背风面风压。这种 变化规律说明,随着流动向下游的发展,侧面和背 面的风压差别越来越小,3个面均位于上游分离流 的尾流中,因此其风压分布反映的是该位置上游 流动尾流对该区域的影响,而不是该位置迎风面 的分离流对其的影响。这也说明,不能将倾斜的 方柱等效为二维矩形断面。 不同斜风向下背风面风压的分布规律也不同。 以 C 断面为例,风偏角较小时(0°,10°和 20°)背风面 中间风压强而两侧风压弱;风偏角较大时(30°和 36°)中间风压弱而两侧风压强。背风面风压分布规 律的变化反映出了尾流随风偏角的变化,当风偏角 较大时,背风面的轴向流较强,因此对应的背风面中 心位置的负压比两边强;而当风偏角小时,背风面边 缘处流体由于再分离产生的风压更强,因此背风面 中心位置的压力相对较弱。

斜向风作用下负压最强的位置在后缘角点处。 B和D断面 10°≪∆≪30°范围内随风偏角的增大气 流流经方柱时逐渐变缓和,侧面、背面负压逐渐 减弱。

各个风偏角下迎风面上风压系数脉动值基本一 致(见图 9)。侧面脉动风压系数在 $\Lambda=0$ °时比较大, 其取值范围为 0.6~0.8。斜向风作用下脉动值均 比垂直风向下小,风压系数的波动较小。随风偏角 的增加脉动风压系数呈减小的趋势,两侧脉动风压 系数要比模型中部小,在侧面后缘角点处脉动值略 有增加。 $\Lambda \ge 30$ °时侧面以及背风面上脉动风压系数 均在 0.15 左右,在 C 圈处出现  $\Lambda = 20$ °时脉动风压 系数比  $\Lambda = 10$ °时稍大的情况。

2.3.4 风偏角对旋涡脱落频率的影响

图 10 给出了不同风偏角下各个断面的升力 系数 幅值 谱 (SP), 定义 斯托 罗哈数 St =  $f_sB/(U\cos \Lambda)$ ,其中  $f_s$ 为升力系数幅值谱的卓越频率。

由图 10 可以看出,风偏角对方柱旋涡脱落的 频率和强度都有影响,其体现在斯托罗哈数的数 值、峰值大小以及频率带宽上。总的来说:随着风 偏角的增大,斯托罗哈数变小,旋涡脱落频率变 小,其对应的尾流变宽;能量的集中程度也在变 弱,表现为特征频率的带宽变宽,这说明随着风偏 角的增大,尾流的规则旋涡脱落受到了轴向流的 干扰,旋涡破碎;结合图 9 中背风向脉动风压系数 随风偏角的增大而减小可知,破碎后的旋涡会降 低脉动风压的强度。

 $\Lambda = 10^{\circ}$ 时 B 断面旋涡脱落强度最大;  $\Lambda = 20^{\circ}$ 时则是 C 断面最大;  $\Lambda = 30^{\circ}$ 时 D 断面旋涡脱落频率较明显,能量也比较集中;  $\Lambda = 36^{\circ}$ 时虽然旋涡脱落不明显,但是 D 断面能量要比其他断面强。由此看来,随着风偏角的增大,旋涡能量集中的位置逐渐向下游移动,这与风压沿轴向的分布规律一致。这可能是由于风偏角越大沿结构轴向的流动随之增强,削

弱了展向涡引起的,这也是结构风压沿轴向变化的 主要原因。

由图 10 可以看出,随着风偏角的增大,旋涡脱

落频率减小,频带增宽,强度减弱。这种变化会对结构的涡激共振发生的风速产生明显的影响,因此需要在抗风设计中引起重视。



#### 图 8 方柱模型的平均风压分布

Fig. 8 Mean wind pressure distributions around square prisms



图 9 方柱模型的脉动风压分布

Fig. 9 Standard deviation of wind pressure distributions around square prisms



图 10 4 个风偏角下升力系数幅值谱

Fig. 10 Amplitude spectrum of lift coefficient for four skew angles

## 3 结 论

 方形断面结构在斜向风作用下风速分解法 对于驻点到分离点之间的正压区域适用,而对于分 离点后的负压并不适用,因此不能用传统风速分解 法估计斜向风作用下方柱的整体气动力。

2)范围内迎风面风压分布一致,斜向风作用下侧面及背风面负压的绝对值在后缘角点处最大,但比垂直风向下小,因此斜风向下的平均气动力小于垂直风向下的气动力值。从平均力的角度看,采用垂直风向下的气动力对结构进行抗风设计是偏于保守的。

3)斜向风作用下旋涡脱落频率减小,强度减弱,带宽增大。这种变化会降低方柱涡激共振的起振风速,也可能增大其锁定区间,需要在抗风设计中引起重视。由于旋涡脱落强度的减弱,其涡激共振的响应会有所降低。

#### 参考文献

- [1] Nishimura A, Taniike Y. Fluctuating wind forces of a stationary two dim. square prism[C] // Proceedings of 16th National Symposium on Wind Engineering. Japan:[s. n.], 2000:255-260.
- Otsuki Y, Fujii K, Washizu K, et al. Wind tunnel experiments on aerodynamic forces and pressure distributions of rectangular cylinders in a uniform flow[C]// Proceedings of the Fifth Symposium on Wind Effects on Structures. Tokyo, Japan:[s. n.], 1978:169-175.
- [3] 王新荣,顾明.角部处理的二维方柱风压分布特性的试验研究[J].土木工程学报,2016,49(7):79-88.
  Wang Xinrong, Gu Ming. Experimental study on wind pressure distributions of 2-D square prisms with various corner treatments[J]. Journal of Civil Engineering, 2016,49(7):79-88. (in Chinese)
- [4] Bearman P W, Obasaju E D. An experimental study of pressure fluctuations on fixed and oscillating squaresection cylinders [J]. Journal of Fluid Mechanics, 1982,119:297-321.
- [5] Lee B E. The effect of turbulence on the surface pressure field of a square prism [J]. Journal of Fluid Mechanics, 1975, 69:263-282.
- [6] Zdravkovich M M. Flow around circular cylinders : applications [M]. New York: Oxford University Press,2003:954-955.
- [7] Sears W R. The boundary layer of yawed cylinders

[J]. Journal of the Aeronautical Sciences, 1948,15: 49-52.

- [8] Ma Wenyong, Liu Qingkuan, Du Xiaoqing, et al. Aerodynamic forces and galloping instability for a skewed elliptical cylinder in a flow at the critical reynolds number[J]. Fluid Dynamics Research, 2017(4): 1-17.
- [9] 杜晓庆,费陈杰,况中华,等.展向剪切流作用下斜置圆 柱气动特性研究[J].振动与冲击,2014,33(21):31-37.

Du Xiaoqing, Fei Chenjie, Kuang Zhonghua, et al. Aerodynamic characteristics of an inclined circular cylinder in a span-wise linear shear flow[J]. Vibration and Shock, 2014,33(21):31-37. (in Chinese)

[10] 刘小兵,陈政清,刘志文.斜风下大跨度桥梁主梁三分 力系数试验研究[J].湖南大学学报:自然科学版, 2008,35(9):10-14.
Liu Xiaobing, Chen Zhengqing, Liu Zhiwen. Experimental study on the aerodynamic coefficients of long span bridge deck under skew winds[J]. Journal of Hu-

nan University:Natural Science, 2008,35(9):10-14. (in Chinese) [11] 郑史雄,张龙奇,张向旭,等.斜向风作用下倒梯形桁梁 桥气动力参数研究[J].桥梁建设,2015,45(5):19-25. Zheng Shixiong, Zhang Longqi, Zhang Xiangxu, et al.

Study of aerodynamic parameters of truss girder bridge with inverted trapezoid section under skew wind[J]. Bridge Construction, 2015,45(5):19-25. (in Chinese)

- [12] Matsumoto M, Yagi T, Hatsuda H, et al. Dry galloping characteristics and its mechanism of inclinedyawed cables[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2010,98(6/7):317-327.
- [13] Yeo D H, Nicholas P. Computational study on 3-D aerodynamic characteristics of flow around a yawed, inclined, circular cylinder [R]. Urbana: Newmark Structure Engineering Laboratory (NSEL), 2011.
- [14] 刘庆宽. 多功能大气边界层风洞的设计与建设[J]. 实验流体力学,2011,25(3):66-70.
  Liu Qingkuan. Aerodynamic and structure design of multifunction boundary-layer wind tunnel [J]. Experimental Fluid Mechanics, 2011,25(3):66-70. (in Chinese)



**第一作者简介:**邓然然,女,1992年10 月生,硕士生。主要研究方向为结构振 动与控制。曾发表《D形断面柱体驰振 耦合气动力特性试验研究》(《振动工程 学报》2017年第30卷第5期)等论文。 E-mail:dengran2015@126.com