DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2021.01.014

多频线谱激励下的混合自适应微振动主动控制

方昱斌, 朱晓锦, 高志远, 张合生, 苗中华 (上海大学机电工程与自动化学院 上海, 200072)

摘要 针对多频线谱激励下的结构振动主动控制中的频率失配问题,以并联结构滤波-x最小均方(filtered-x least mean square,简称FxLMS)算法为基础,提出一种混合自适应振动主动控制方法。前馈通道通过多个带通滤波器 将多频线谱激励振动的参考信号解耦成为多个单频线谱信号,多个独立自适应滤波器调节权值抑制单一频带上的 振动,提升收敛速度;反馈通道提升了算法对于扰动信号频谱发生时变及宽频噪声扰动的鲁棒性。给出该混合自适应振动主动控制算法的稳定性及收敛性分析过程,得到算法稳定与收敛的正实条件。基于 Adams 与 Simulink 联合 仿真,以及搭建结构微振动主动控制实验系统,验证了混合自适应振动主动控制算法的有效性。实验结果表明,混 合自适应振动主动控制算法能够有效抑制多个目标频谱的结构微振动,并在扰动频率失配以及宽频噪声中表现出 较好的鲁棒性。

关键词 微振动控制; 多频线谱激励; 混合自适应控制; 并联结构 FxLMS 中图分类号 TB535; TH113

引 言

近年来,随着科技发展和设备制造精度的要求 越来越高,结构振动控制问题引起广泛关注[1-2]。振 动主动控制(active vibration control,简称AVC)比 被动隔振具有更多优势,日益受到重视[3-4]。在振动 主动控制领域,FxLMS算法因其简单易用、自适应 能力强,成为常用的自适应结构振动主动控制算法 之一[56]。通常,引起振动的扰动源往往是几个甚至 多个窄带频谱干扰源的叠加,存在多频线谱激励下 的振动控制问题。FxLMS算法对于多频线谱扰动 下的振动控制效果并没有其在单一频谱振动控制 中好。为了提升抑振效果,一般采用增加滤波器阶 数的方法[7],但这样会增加运算量,不利于系统的 实时性。特别是在窄带扰动频谱间隔较小的多输 入多输出(multiple input multiple output,简称 MI-MO)振动主动控制系统中,控制器的计算量会呈几 何倍数增长[8],对于系统硬件有较大压力。可以采 用基于频域的自适应滤波方法,但该算法实现较为 复杂^[9]。

针对多频窄带抑制问题,在噪声主动控制领域 Ziegler提出了并联自适应滤波结构控制算法^[10],通 过并联多个独立自适应滤波器将多频窄带抑制问题 分解成为多个单频窄带抑制问题^[11-13]。随后,并联 结构自适应算法被引入到结构振动主动控制中。文 献[14-16]将传感器采集到的参考信号通过多个窄 带滤波器滤波之后,得到多个单频窄带参考信号。

在并联自适应滤波结构控制算法中,如果参考 信号与扰动的频谱完全一致,则可以取得较为满意 的抑振效果。如果两者之间的频谱有偏差或者不匹 配,控制效果会大幅下降甚至失效,即频率失配^[10]。 在实际生产过程中,窄带扰动的频谱可能会随着时 间发生漂移[17-18],也可能会有宽频的测量噪声混在 参考信号中,这些都会影响并联结构算法的控制效 果。针对并联自适应滤波控制算法的频率失配问 题,学者们进行了相关研究。Liu等^[10]应用自适应 正交振荡器来确保扩散特征值最小,提升了算法的 收敛速度。Xiao等^[11]引入自适应调频的方法,通过 自适应调节信号发生器生成的参考信号频率追踪扰 动频率,以提升整体算法的自适应性和鲁棒性。 Jeon 等^[19]基于最小方差准则,设计了一个参考信号 频率估计子系统,提升了算法的收敛速度。Kukde 等[20]将人工神经网络方法引入到参考信号频率估 计子系统。上述对于并联自适应滤波控制算法的频 率失配问题的改进方法都是基于参考信号的自适应 频率估计,但引入的自适应过程大幅增加了算法整

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51575328)

收稿日期:2019-06-30;修回日期:2019-10-26

体的计算量,且上述算法都是基于前馈控制结构 的。实际上,反馈自适应控制对于宽频扰动的抑制 有自身结构的优势^[21]。在实际振动控制系统中,前 馈滤波中的参考信号的取得并不容易,且获取过程 中存在不确定因素^[22],而误差信号中蕴含着比参考 信号更准确、丰富的信息且容易测得。

笔者首先以传统并联结构 FxLMS 算法为基 础,针对其在抑制扰动信号频谱偏移及宽频谱噪声 所引起振动时的限制和不足,提出一种混合自适应 振动主动控制算法,通过增加反馈通道来提升算法 的抑振性能;其次,考虑到参数自适应算法在振动控 制中的鲁棒性,采用后验误差代替现有的先验误差 来更新迭代滤波器权值,以提升算法的鲁棒性 能[23]:然后,给出了混合自适应振动主动控制算法 的稳定性和收敛性分析,在Adams软件中建立微振 动主动隔振平台虚拟机,通过与Simulink软件联合 仿真,对比验证混合自适应振动主动控制算法在结 构微振动控制中的有效性;最后,建立结构微振动主 动控制实验系统,在多种扰动情况下针对单输入单 输出(single input single output,简称 SISO)微振动 主动控制进行了实验研究。实验结果表明,混合自 适应振动主动控制算法能够有效抑制多个窄带频谱 扰动所引起的结构微振动,相对于并联结构FxLMS 算法具有更好的抑振效果和鲁棒性。

1 多频线谱激励下振动主动控制算法

1.1 并联结构 FxLMS算法

图 1 为并联结构 FxLMS 算法振动主动控制系 统框图。假设扰动源包含有 M 个窄带频谱成分,中 心 频 率 为 f_m , $m = 1, 2, \dots, M$ 。图 1 中 的 P(z) 和 S(z)分别为振动主动控制系统的主振通道和次级



图1 并联结构FxLMS算法振动主动控制系统框图

Fig.1 The structure of parallel-form FxLMS algorithm in AVC application

通道,表示为

$$P(z^{-1}) = B_P(z^{-1}) / A_P(z^{-1})$$
(1)

 $S(z^{-1}) = B_S(z^{-1}) / A_S(z^{-1})$ (2)

次级通道S(z)包含了从控制器输出到误差信 号采集的所有通路,包括D/A、功率放大器、微振动 结构中的作动通路、误差传感器、信号调理器及A/ D环节。 $\hat{S}(z)$ 为次级通道S(z)的数学估计。控制 系统中共有M个独立的并联子控制器,其控制输出 之和为并联结构 FxLMS算法的总输出,即

$$y(n) = \sum_{m=1}^{M} y_m(n)$$
(3)

参考信号x(n)通过多个带通滤波器 $B_m, m =$ 1,2,…,M滤波之后,被分解为不同频带上的单频 参考信号 $x_m(t)$,同时,自适应滤波器 W_m 的迭代更 新为

$$W_{m}(t+1) = W_{m}(t) + \mu_{m}e(t)x'_{m}(t)$$

(m=1, 2, ..., M) (4)

其中:µ_m为第m个前馈通道的滤波器更新步长。

第*m*个前馈通道上的滤波参考信号*x'*_m(t)为

 $x'_{m}(t) = \hat{S} * x_{m}(t) \ (m = 1, 2, \dots, M)$ (5)

1.2 混合自适应振动控制算法

并联结构 FxLMS 算法属于前馈自适应振动控制的范畴,由于其在处理扰动频率失配及宽频谱噪声时的限制,故笔者提出一种混合自适应振动主动控制方法,提升原有算法的抑振性能。传统的 Fx-LMS 算法采用先验误差更新权值,即权值系数W(n+1)是依据误差信号e(n)计算得到。此时,FxLMS 算法的步长选择需要保证在一定的收敛条件内。如果采用后验误差去更新,即权值系数W(n+1)是依据后验误差信号 $e_p(n)$ 计算得到,算法步长的收敛条件可以放松,对于混合自适应算法的参数鲁棒性和收敛速度有大幅度提升^[23]。考虑到后验误差LMS算法在鲁棒性方面的优越性,将原有算法中的参数自适应方法改为后验误差LMS算法,放宽了算法中步长因子的取值范围,提升算法的参数鲁棒性^[23]。

图 2 为混合自适应振动主动控制方法的系统框 图。假设扰动信号中包含M个窄带频谱成分,中心 频率为 f_m , $m = 1, 2, \dots, M$ 。与并联结构 FxLMS算 法一样,控制系统中共有M个前馈并联通道,设有 M个独立的并联自适应滤波器。另外,增设一条反 馈通道以提升算法鲁棒性能。在前馈通道中,通过 带通滤波器 B_m 的设置,参考信号x(t)被拆分成与扰





动信号频谱相同的多个窄带信号 $x_m(t)$

$$x_m(t) = B_m * x(t) \tag{6}$$

并联自适应滤波器 W_m通过后验LMS算法调 节收敛并输出该并联通道的控制信号 y_m(t)

$$y_m(t) = W_m * x_m(t) \tag{7}$$

在反馈通道中,参考信号*x_f(t)*通过次级通道的 估计与误差信号计算得到

$$x_f(t) = \hat{S} * y_f(t) + e(t) \tag{8}$$

反馈自适应滤波器 W_f通过后验LMS算法调节 收敛并输出该通道的控制信号 y_f(t)

$$y_f(t) = W_f * x_f(t) \tag{9}$$

y(t)为控制器的控制输出响应,由前馈通道的输出响应 $y_m(t)$ 及反馈通道的输出响应 $y_r(t)$ 得到

$$y(t) = \sum_{m=1}^{M} y_m(t) + y_f(t)$$
 (10)

该混合自适应振动主动控制算法如式(11)~(16)所示

$$y(t) = \sum_{m=1}^{M} y_m(t) + y_f(t)$$
(11)

$$e(t) = d(t) - S * y(t)$$
(12)

$$W_m(t+1) = W_m(t) + \mu_m e_{pm}(t) x'_m(t)$$
 (13)

$$W_{f}(t+1) = W_{f}(t) + \mu_{f} e_{pf}(t) x_{f}'(t)$$
(14)

$$x'_m(t) = \hat{S} \star x_m(t) \tag{15}$$

$$x_f'(t) = \hat{S} * x_f(t) \tag{16}$$

其中:后验误差 $e_{pm}(t)$ 和 $e_{pf}(t)$ 通过式(17)和(18) 求得。

$$e_{pm}(t+1) = \frac{e(t+1)}{1+\mu_m \|\boldsymbol{x}_m(t)\|^2}$$
(17)

$$e_{pf}(t+1) = \frac{e(t+1)}{1+\mu_f \|\boldsymbol{x}_f(t)\|^2}$$
(18)

2 稳定性及收敛性分析

2.1 在确定环境下的稳定性分析

混合自适应振动主动控制算法中的自适应滤波器为有限脉冲响应(finite impulse response,简称 FIR)形式,可将其表示为无限脉冲响应(infinite impulse response,简称 IIR)形式

$$\hat{W}(z^{-1}) = \hat{B}(z^{-1}) / A(z^{-1})$$
(19)

混合自适应算法的第*m*个前馈通道的自适应 过程可以表示为式(20)~(22)所示

$$\hat{\boldsymbol{\theta}}_{m}(t+1) = \hat{\boldsymbol{\theta}}_{m}(t) + F_{m}\boldsymbol{\varphi}_{m}'(t)\boldsymbol{e}_{pm}(t)$$
(20)

$$y_m(t+1) = \hat{\theta}_m^{\mathrm{T}}(t) \varphi_m(t)$$
(21)

$$e_{pm}(t+1) = \frac{e(t+1)}{1+\mu_m \|\boldsymbol{x}_m(t)\|^2}$$
(22)

其中: $F_m = \mu_m$; $\varphi'_m(t) = \hat{S} * \varphi_m(t)$; $\hat{\theta}_m^{\mathrm{T}}(t) = [\hat{b}_1^m(t), \dots, \hat{b}_{n_{B_m}}^m(t)]$; $\varphi_m^{\mathrm{T}}(t) = [x_m(t), \dots, x_m(t - n_{B_m} + 1)]$; $\hat{\theta}_m(t)$ 和 $\varphi_m(t)$ 分别为回归向量和观测向量; n_{B_m} 为观测向量的维数。

反馈通道中的自适应过程可表示为式(23)~(25)所示

$$\hat{\theta}_{f}(t+1) = \hat{\theta}_{f}(t) + F_{f} \varphi_{f}'(t) e_{pf}(t)$$
(23)

$$y_f(t+1) = \hat{\boldsymbol{\theta}}_f^{\mathrm{T}}(t) \boldsymbol{\varphi}_f(t)$$
(24)

$$e_{pf}(t+1) = \frac{e(t+1)}{1+\mu_f \|\boldsymbol{x}_f(t)\|^2}$$
(25)

其中: $F_{f} = \mu_{f}; \varphi_{f}'(t) = \hat{S} * \varphi_{f}(t); \hat{\theta}_{f}^{T}(t) = [\hat{b}_{1}^{f}(t), \cdots, \hat{b}_{n_{B_{f}}}^{f}(t)]; \varphi_{f}^{T}(t) = [x_{f}(t), \cdots, x_{f}(t-n_{B_{f}}+1)]; x_{f}(t) = y_{f}(t) * \hat{S} + e(t)_{\circ}$

在忽略传感器的测量噪声对系统造成影响的确 定环境下,引入预滤波器 $L_m(z^{-1}) = \hat{S}(z^{-1})$,第m个 前馈通道后验误差可表示为

$$e_{pm}(t+1) = H_m(z^{-1}) \left[\hat{\boldsymbol{\theta}}_m - \hat{\boldsymbol{\theta}}_m(t+1) \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_m^*(t) (26)$$
$$\boldsymbol{\varphi}_m^*(t) = \boldsymbol{\varphi}_m(t) * L_m$$
(27)

引人预滤波器 $L_f(z^{-1}) = \hat{S}(z^{-1})$,反馈通道的后验误差可表示为

$$e_{\beta f}(t+1) = H_f(z^{-1}) \left[\tilde{\boldsymbol{\theta}}_f - \hat{\boldsymbol{\theta}}_f(t+1) \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_f^*(t) (28)$$
$$\boldsymbol{\varphi}_f^*(t) = \boldsymbol{\varphi}_f(t) * \boldsymbol{L}_f$$
(29)

其中: $\tilde{\theta}_m$ 为第*m*个前馈通道的自适应滤波器最优权 值; $\tilde{\theta}_{\ell}$ 为反馈通道的自适应滤波器最优权值。

$$H_m(z^{-1}) = B_s(z^{-1})\hat{A}_s(t)/A_s(z^{-1})\hat{B}_s(t) (30)$$

$$H_{\ell}(z^{-1}) = B_{s}(z^{-1})\hat{A}_{s}(t)/A_{s}(z^{-1})\hat{B}_{s}(t)$$
 (31)

根据文献[24]可知,笔者混合自适应控制算法的稳定条件为式(30)和(31)是正实传递函数。

事实上,当系统辨识得到的次级通道数学模型 $\hat{S}(z)$ 大致等于真实值S(z)时,式(30),(31)在所有 的扰动环境中都是严格正实的。也就是说,对于系 统辨识较为精确的所有控制系统,所提出的混合自 适应控制算法在确定性环境中是稳定的。

2.2 在随机环境中的收敛性分析

对于测量噪声不能被忽略的随机环境,使用 ω(t+1)表示测量噪声。前馈通道和反馈通道的后 验误差分别为

$$e_{pm}(t+1) = H_m(z^{-1}) \left[\hat{\boldsymbol{\theta}}_m - \hat{\boldsymbol{\theta}}_m(t) \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_m(t) + \omega_m(t+1)$$
(32)

$$e_{pf}(t+1) = H_{f}(z^{-1}) \left[\tilde{\boldsymbol{\theta}}_{f} - \tilde{\boldsymbol{\theta}}_{f}(t) \right]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_{f}(t) + \boldsymbol{\omega}_{f}(t+1)$$
(33)

此时,即使 $\hat{\theta}_{f} = \theta_{f}, \hat{\theta}_{m} = \theta_{m}$,自适应误差也不 为 0。由文献[24]可知,在前馈通道中,假设 $\hat{\theta}_{m}(t) = \tilde{\theta}_{m}$ 可以定义稳态过程 $\varphi_{m}(t, \theta_{m})$ 和 $e_{pm}(t+1, \theta_{m})$,后验误差LMS算法得到的 $\hat{\theta}_{m}(t)$ 属于能够定 义稳态过程 $\varphi_{m}(t, \theta_{m})$ 和 $e_{pm}(t+1, \theta_{m})$ 的 D_{sm} 域内。

对于反馈通道,假设 $\hat{\theta}_f(t) = \hat{\theta}_f$ 可以定义稳态 过程 $\varphi_f(t, \theta_f)$ 和 $e_{pf}(t+1, \theta_f)$,后验误差LMS算法得 到的 $\hat{\theta}_f(t)$ 属于能够定义稳态过程 $\varphi_f(t, \theta_f)$ 和 $e_{pf}(t+1, \theta_f)$ 的 D_{sf} 域内。

假设

$$E\left\{\boldsymbol{\varphi}_{m}(t,\boldsymbol{\theta}_{m}),\boldsymbol{\omega}_{m}(t+1,\boldsymbol{\theta}_{m})\right\}=0 \qquad (34)$$

$$E\left\{\varphi_{f}(t,\theta_{f}),\omega_{f}(t+1,\theta_{f})\right\}=0$$
(35)

收敛域 D_{Cm} 和 D_{Cf} 为

$$D_{Cm}: \{ \boldsymbol{\theta}_{m} : [\boldsymbol{\theta}_{m} - \boldsymbol{\theta}_{m}]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_{m}(t, \boldsymbol{\theta}_{m}) \} = 0 \quad (36)$$

$$D_{Cf} \{ \boldsymbol{\theta}_{f} : [\boldsymbol{\theta}_{f} - \boldsymbol{\theta}_{f}]^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}_{f}(t, \boldsymbol{\theta}_{f}) \} = 0 \qquad (37)$$

如果 $H_m(z^{-1})$ 和 $H_f(z^{-1})$ 是严格正实的,则

$$\operatorname{Prob}\left\{\lim_{t \to \infty} \boldsymbol{\theta}_m(t) \in D_{Cm}\right\} = 1 \tag{38}$$

$$\operatorname{Prob}\left\{\lim_{t\to\infty}\hat{\theta}_{f}(t)\in D_{Cf}\right\}=1$$
(39)

可见,在随机环境下的混合自适应算法收敛条 件为H_m(z⁻¹)和H_f(z⁻¹),为严格正实传递函数。与 确定环境下类似,一个较好的次级通道辨识结果可 以放松整个混合自适应控制系统的收敛条件。如 果次级通道的辨识结果足够好,即使在有较高测量 噪声的环境中,提出的混合自适应控制算法也是收 敛的。

3 收敛性仿真及分析

结合 Adams 软件强大的动力学分析功能和 Simulink 图形化编程及在控制方法仿真中的优势, 笔者通过联合仿真技术研究了混合自适应控制方法 在结构微振动控制中的收敛性能。如图 3 所示, Adams 和 Simulink 联合仿真系统主要包括 2 部分: Adams 软件中建立的微振动主动控制实验平台动力学 虚拟机和 Simulink 软件中设计的混合自适应振动控 制器。通过 Adams 软件导出相应的接口量与 Simulink 互联,即可完成结构微振动主动控制联合仿真 系统的建立。





为了实现结构微振动主动控制仿真,如图4所示,设计了微振动主动控制平台虚拟机,主要包括基 座、起振平台、抑振平台和载物台。基座用于承载和 固定整个微振动主动控制平台;起振平台用于模拟 外部扰动所引起的微振动;抑振平台通过控制算法 输出作动来抑制微振动。控制目标是抑制载物台的 微振动。通过压电堆与柔性铰链的装配连接,起振 平台和抑振平台可以实现在相互垂直的*x*,*y*,*z*3个 方向上的微振动。Adams软件中采集载物台上表 面中心点的位移变化作为算法的误差信号,采集起 振平台上的任一点位移振动作为算法的参考信号。 通过生成的被控模块输出接口到Simulink中的控制 器,经过控制器运算,将控制信号输出到抑振平台的 压电堆作动器。

在联合仿真中,针对4个目标干扰源频谱,对比



Fig.4 Virtual machine of the micro vibration active control platform

验证前馈并联结构 FxLMS 算法及混合自适应控制 算法在不同带通滤波器数量下的振动抑制效果。添 加 10 Hz 的正弦叠加作为干扰信号,再添加 3 个高阶 谐波成分,分别为 20,25 和 30 Hz。20 Hz 正弦信号 的幅值取 10 Hz 正弦信号幅值的 30%,25 Hz 和 30 Hz 正弦信号的幅值取 20 Hz 正弦的 30%。所有 自适应滤波器的阶数设为相同,自适应滤波器系数 初始值都设为 0。仿真分析过程中将 FxLMS 算法、 并联结构 FxLMS 算法以及混合自适应算法的抑振 效果进行对比。对于并联结构 FxLMS 算法与混合 自适应算法,对比其在不同前馈自适应滤波器个数 的振动控制效果,用 M 表示前馈自适应滤波器的个 数。M=1表示仅设置 10 Hz 的参考信号带通滤波 器, *M*=2表示同时设置10 Hz和20 Hz的参考信号 带通滤波器, 以此类推。取振动幅值衰减90%所需 的控制时间作为评价算法收敛速度的指标。将仿真 时间最后5s时的抑振效果作为稳态评价指标。抑 振效率的计算式为

$$S_{A} = 20 \lg \left(\sum_{i=1}^{N} d^{2}(i) \right) / \sum_{i=1}^{N} e^{2}(i)$$
 (40)

其中:d(i)为振动主动控制前的残差;e(i)为振动主动控制后的残差; S_A 的单位为dB。

 S_A 为负值,意味着振动得到抑制,反之则为振动增强; S_A 越小,说明抑振效果越好。FxLMS算法、并联结构FxLMS算法以及混合自适应算法在不同带通滤波器个数下的振动抑制仿真结果如表1所示。

表1中,在收敛速度方面,混合自适应算法具有 明显优势,而FxLMS算法对于多频扰动的抑制速 度并不是很出色,需要43.98 s才能达到振幅衰减 90%的水平。并联结构的FxLMS算法随着其并联 通道中自适应滤波器的个数增多,算法收敛速度增 快。当其并联自适应滤波器个数与扰动信号频谱数 相同时(*M*=4),需要11.39 s达到收敛水平。当其 自适应滤波器个数有3个时,则需要26.18 s达到收 敛水平。当滤波器个数仅有1个和2个的情况下, 算法始终不能够抑制掉带通滤波器频谱以外的扰动 所引起的振动。

					**			
算法名称	控制时间/s				抑振效率/dB			
	M=1	M=2	M=3	M=4	M=1	M=2	M=3	M=4
FxLMS算法	43.98	—	—	—	-45.96	—	—	—
并联结构FxLMS算法	—	—	26.81	11.39	-20.02	-36.17	-42.16	-76.61
混合自适应算法	0.18	0.18	0.18	0.18	-79.99	-82.63	-82.94	-82.97

表1 振动抑制仿真结果 Tab.1 Simulation results of vibration suppression

从各算法的抑振效率看,传统FxLMS算法对 于多个窄带频谱扰动引起的振动抑制效率 为-45.96 dB。并联结构FxLMS算法只有在并联 通道个数与窄带扰动的频谱个数相同时(*M*=4),抑 振效率优于FxLMS算法,达到-76.61 dB。当自适 应滤波器个数少于窄带扰动频谱个数时,相比于 FxLMS算法,其抑振效率并不令人满意。笔者所提 出的混合自适应算法在仿真中的抑振效率随着前馈 自适应滤波器的个数增加,抑振效率逐渐提升。由 于反馈通道控制器的存在,当前馈自适应滤波器个 数等于1时(*M*=1),抑振效率达到-79.99 dB,优于 并联FxLMS算法在自适应滤波器个数与窄带扰动 频谱数相同(*M*=4)时的效果。对于*M*=2,*M*=3和 *M*=4的情况下,抑振效率的提升并不是很明显,但 也均达到-82 dB。

4 实验分析与验证

4.1 实验平台搭建

为了进一步对比验证结构振动主动控制算法的 抑振效果,笔者设计制作了一种三自由度微振动主 动隔振结构如图5所示,主要包括基座、起振模块、 抑振模块和载物台。该结构以压电堆为作动器,通 过多个压电堆及柔性铰链的组合连接,完成在两两 垂直的*x*,*y*,*z*3个方向的微振动环境模拟及微振动 主动控制。基座主要用来承载和固定整个隔振结 构;起振模块用于模拟外扰引起的结构微振动响应; 抑振模块可以通过主动振动控制抑制起振模块所引 起的微振动。抑振模块与载物台固定连接,载物台 的振动响应通过电容位移传感器测量得到。

在此基础上,基于高性能计算机、D/A和A/D 板卡、信号调理器和功率放大器等相关测控仪器,以 及Matlab/Simulink软件开发环境,构建了三自由度 微振动主动隔振实验系统结构图,如图6所示。



图5 三自由度微振动主动隔振结构

Fig.5 Picture of the 3 DOF active micro-vibration control unit





Fig.6 Block diagram of the 3 DOF active micro-vibration control system

基于 Matlab/Simulink 工具箱, 两台高性能计算 机通过交叉网线连接,构建了 xPC 实时测控系统, 一台作为目标机,另一台作为宿主机。将2张NI-6289数据采集板卡插入目标机的PCI插槽,作为本 实验系统的A/D输入和D/A输出板卡。实验前,在 宿主机上编写 Simulink 控制程序,并生成 C 代码下 载到目标机中。实验过程中,目标机作为独立的实 时控制器,首先输出0~10V的扰动信号给功率放 大器(E00.D6, XMT©), 放大至 0~150 V, 驱动起 振模块模拟外扰产生微振动响应。位移传感器 (E509.C1, XMTC)采集载物台的振动信号,经过 信号调理器(E09.C1, XMTC)调理之后成为0~ 10V的电压信号,进入目标机进行实时处理。通过 目标机中控制器的控制算法运算,输出0~10 V的 控制信号,经过功率放大器放大之后驱动抑振模块 作动,对载物台的微振动进行抑制。三自由度的微 振动主动隔振实验系统实物图如图7所示。在本微 振动主动控制实验中,主要考虑双频扰动下的单输 入单输出的微振动控制。由于实际环境中的外扰比 较复杂,所以在SISO微振动主动控制中分别选取 几种典型的复杂扰动信号作为微振动扰动激励源, 验证所提出的混合自适应振动主动控制算法在不同 扰动环境下的抑振性能。



图 7 三自由度的微振动主动隔振实验系统实物图 Fig.7 Experimental setup of the 3 DOF active micro-vibration control system

4.2 双频微振动主动抑制实验

在双频微振动主动控制实验中,针对实际环境 中扰动信号的复杂性,选取双频激励、频率突变、幅 值突变和噪声添加4种典型扰动激励进行实验验 证,对比并联结构FxLMS控制算法和混合自适应 控制算法的抑振效果。

4.2.1 双频激励

采用频率分别为10Hz和25Hz的2个正弦信 号的叠加作为振动激励信号。2个带通滤波器的中 心频率与扰动信号的频谱一致,为10Hz和25Hz。 前馈并联 FxLMS 算法与混合自适应算法中的自适 应滤波器采用相同阶数 FIR 形式滤波器, 初始值为 0。双频正弦外扰激励下微振动主动控制时域效果 和实验结果如图8,9所示。实验过程中,并联Fx-LMS 算法在实验时间 55 s 前能够快速抑制振动幅 值,抑振效率最高达到-87 dB;但是随后稳态性能 有所反弹,直至控制时间100s时,其抑振效率 为-66 dB。相比之下,混合自适应算法的稳态抑振 效率达-86 dB。另外,在并联FxLMS算法控制 下,系统的稳态位置较原来中心位置偏移了1 µm 左 右。这是由于前馈通道参考信号传感器引起的,混 合自适应控制算法由于反馈通道的存在,稳态位置 仍在中心位置,获得更好的控制效果。

4.2.2 频率突变

实验开始时,采用10 Hz和25 Hz的2个正弦信 号叠加作为振动激励信号,施加控制信号直到振动 衰减稳定。在实验时间80 s时,扰动激励信号的频 率突变为11 Hz和26 Hz。频率突变外扰激励下微 振动主动控制时域效果和实验结果如图10,11 所 示。实验时间前80 s,控制效果与双频激励下一致。



图8 双频正弦外扰激励下微振动主动控制时域效果

Fig.8 Control effects under double-frequency excitation in time domain



图 9 双频正弦外扰激励下微振动主动控制实验结果 Fig. 9 Control effects under double-frequency excitation

在 80 s时扰动信号的频率突然发生变化,并联 Fx-LMS算法瞬间失效,无法有效抑制结构振动。混合 自适应算法在扰动信号频率突变的情况下抑振效率 升至-21 dB,随后仍能够抑制振动,逐渐收敛 至-46 dB。从图 10 中可以看出,并联 FxLMS算法 在扰动频率突变后抑振失效,而混合自适应算法仍 然具有较好的抑振效果。





4.2.3 幅值突变

实验开始时采用 10 Hz 和 25 Hz 的 2 个正弦信 号叠加作为振动激励信号,施加控制信号直到振动 衰减稳定。在实验时间为 80 s 时,扰动信号的幅值 突变为原有正弦信号幅值的 125%,幅值突变外扰 激励下微振动主动控制时域效果和实验结果如图 12,13 所示。并联 FxLMS 算法与混合自适应控制



- 图 11 频率突变外扰激励下微振动主动控制实验结果
- Fig.11 Control effects under mutation-frequency excitation



图 12 幅值突变外扰激励下微振动主动控制时域效果

Fig.12 Control effects under mutation-magnitude excitation in time domain



图 13 幅值突变外扰激励下微振动主动控制实验结果 Fig.13 Control effects under mutation-magnitude excitation

算法在扰动信号的幅值发生突变后,抑振效率发生 抖动,随后都能快速收敛至原有抑振水平。混合自 适应算法在扰动幅值时所引起的振动幅值仍然较并 联FxLMS算法有优势。

4.2.4 噪声添加

为了对比上述振动主动控制算法对于宽频噪声 扰动的鲁棒性,将宽频白噪声叠加在双频扰动信号 中,对比各主动振动控制算法的抑振效果。在实验 时间为80s时,叠加宽频白噪声至双频正弦扰动激 励信号。添加噪声外扰激励下微振动主动控制时域 效果和实验结果如图14,15所示。突然叠加白噪声 干扰后,并联FxLMS算法与混合自适应控制算法仍 能收敛至-52 dB的抑振水平,明显优于并联Fx-LMS算法的-38 dB。



图 14 添加噪声外扰激励下微振动主动控制时域效果

Fig.14 Control effects under double frequency with wideband noise excitation in time domain



图15 添加噪声外扰激励下微振动主动控制实验结果

Fig.15 Control effects under double frequency with wideband noise excitation

通过上述4种典型扰动激励下的微振动主动控制实验,对比了并联FxLMS算法与混合自适应控制算法的抑振效果,可以发现。

1) 在双频窄带扰动下,如果并联FxLMS算法 的参考信号带通滤波器的中心频率与扰动信号频谱 一致,可获得较快地抑振速度和较好的抑振效果。 混合自适应算法在双频激励下也能取得较好的抑振 效率。即使在振动控制过程中,窄带扰动信号的振 动幅值发生突变,并联FxLMS算法和混合自适应振 动控制算法仍然具有较好的适应性,能够迅速收敛。

2)如果双频窄带扰动信号的频率发生漂移或 者突变导致扰动信号频率失配,则会影响并联Fx-LMS算法的抑振效果,甚至可能导致控制器失效发 散。混合自适应控制算法因为反馈通道的存在能够 克服并联FxLMS算法的不足,在扰动信号频谱突 变或者漂移的情况下,仍然能够抑制扰动信号所引 起的振动幅值,保持较好的稳态收敛水平。

3) 扰动信号中叠加有宽频白噪声,会影响并联 FxLMS算法和混合自适应振动控制算法的控制效 果,但是混合自适应振动主动控制算法相较于并联 FxLMS算法具有较好的鲁棒性能,仍能取得较好稳 态性能。

5 结束语

以多频线谱扰动源的结构微振动主动抑制为目标,在并联FxLMS振动主动控制算法的基础上,提出一种混合自适应振动主动控制算法。基于联合仿 真及振动控制实验,对比分析了相关振动控制算法 的抑振效果。结果表明,笔者提出的混合自适应振 动主动控制算法相较于并联FxLMS算法具有更好 的抑振表现,特别是针对扰动频率失配及宽频噪声 的情况,算法鲁棒性得到加强。

参考 文 献

[1] 黄康,孙顺强,葛新方,等.采用Udwadia-Kalaba理论的微振动隔振平台研究[J].西安交通大学学报, 2017,51(1):51-58.

HUANG Kang, SUN Shunqiang, GE Xinfang, et al. Research on micro-vibration isolation platform based on Udwadia-Kalaba theory [J]. Journal of Xi'an Jiaotong University, 2017, 51(1): 51-58. (in Chinese)

- [2] 陈江攀,程伟,董家俊,等.微振动测试平台及其标定 方法[J].振动、测试与诊断,2017,37(1):84-91.
 CHEN Jiangpan, CHENG Wei, DONG Jiajun, et al. Research on micro-vibrations testing platform and corresponding calibration method [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(1): 84-91. (in Chinese)
- [3] REMEDIA M, AGLIETTI G S, RICHARDSON G. Modelling the effect of electrical harness on microvibration response of structures [J]. Acta Astronautica, 2015, 109: 88-102.
- [4] 潘公宇,陈磊,李东,等.用于微振动控制的主动隔振 单元的研究[J].振动与冲击,2018,37(14):227-231.
 PAN Gongyu, CHEN Lei, LI Dong, et al. Active isolation unit for the micro-vibration control[J]. Journal of Vibration and Shock, 2018, 37(14):227-231. (in Chinese)
- [5] KUO S M, MORGAN D. Active noise control systems: algorithms and DSP implementations [M].
 [S. l.]: John Wiley & Sons, Inc., 1995: 1071-1074.
- [6] 朱晓锦,高志远,黄全振,等.FXLMS算法用于压电 柔性结构多通道振动控制[J].振动、测试与诊断, 2011,31(2):150-155.
 ZHU Xiaojin, GAO Zhiyuan, HUANG Quanzhen, et al. Active vibration control for piezoelectric flexible structure using multi-channel FXLMS algorithm [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2011,31(2):150-155. (in Chinese)
- [7] PASCO Y, ROBIN O, BÉLANGER P, et al. Multiinput multi-output feedforward control of multiharmonic gearbox vibrations using parallel adaptive notch filters in the principal component space [J].

Journal of Sound & Vibration, 2012, 330(22): 5230-5244.

- [8] DELEGÀ R, BERNASCONI G, PIRODDI L. A novel cost-effective parallel narrowband ANC system with local secondary-path estimation [J]. Journal of Sound & Vibration, 2017, 401: 311-325.
- [9] 陈亚农,部普刚,何田,等.局部均值分解在滚动轴承 故障综合诊断中的应用[J].振动与冲击,2012,31 (3):73-78.
 CHEN Yanong, GAO Pugang, HE Tian, et al. Roller bearing comprehensive fault diagnosis based on LMD [J]. Journal of Vibration and Shock, 2012, 31(3):73-78. (in Chinese)
- [10] LIU J, CHEN X, YANG L, et al. Analysis and compensation of reference frequency mismatch in multiple-frequency feedforward active noise and vibration control system [J]. Journal of Sound and Vibration, 2017, 409: 145-164.
- [11] XIAO Y, MA L, KHORASANI K, et al. A new robust narrowband active noise control system in the presence of frequency mismatch[J]. IEEE Transactions on Audio Speech and Language Processing, 2006, 14 (6): 2189-2200.
- [12] CHANG C Y, KUO S M. Complete parallel narrowband active noise control systems [J]. IEEE Transactions on Audio Speech & Language Processing, 2013, 21(9): 1979-1986.
- [13] CHANG C Y, KUO S M, HUANG C W. Secondary path modeling for narrowband active noise control systems[J]. Applied Acoustics, 2018, 131: 154-164.
- [14] 张国庆, 王永, 陈光, 等. 一类多频线谱振动的主动控制方法[J]. 南京理工大学学报(自然科学版), 2005, 29(S1): 37-40.
 ZHANG Guoqing, WANG Yong, CHEN Guang, et

al. Novel approach to suppress vibration with multiple line spectra [J]. Journal of Nanjing University of Science and Technology (Nature Science), 2005, 29 (S1): 37-40. (in Chinese)

 [15] 陈绍青, 王永, 魏璀璨, 等. 一类多频线谱激励下的主动隔振控制方法[J]. 振动与冲击, 2012, 31(23): 128-131.

CHEN Shaoqing, WANG Yong, WEI Cuican, et al. An active vibration isolation control method under excitation of multi-line spectra[J]. Journal of Vibration and Shock, 2012, 31(23): 128-131. (in Chinese)

[16] 马逊军,陆洋,陈仁良,等.直升机多频振动并联结构 自适应控制方法研究[J].振动工程学报,2016,29 (5):755-764.

MA Xunjun, LU Yang, CHEN Renliang, et al. Multifrequency helicopter vibration control method using parallel-form adaptive filters[J]. Journal of Vibraiton Engineering, 2016, 29(5): 755-764. (in Chinese)

[17] WANG X, YANG B, GUO S, et al. Nonlinear

convergence active vibration absorber for single and multiple frequency vibration control [J]. Journal of Sound Vibration, 2017, 411: 289-303.

- [18] SUN H L, ZHANG P Q, CHEN H B, et al. Application of dynamic vibration absorbers in structural vibration control under multi-frequency harmonic excitations [J]. Applied Acoustics, 2008, 69 (12) : 1361-1367.
- [19] JEON H J, CHANG T G, YU S, et al. A narrowband active noise control system with frequency corrector[J].
 IEEE Transactions on Audio, Speech, and Language Processing, 2011, 19(4): 990-1002.
- [20] KUKDE R, MANIKANDAN M S, PANDA G. Development of a novel narrowband active noise controller in presence of sensor error [C] //2014 International Conference on Advances in Computing, Communications and Informatics. New Delhi, India: IEEE, 2014: 2735-2739.
- [21] MA K G. Vibration control of smart structures with bonded PZT patches: novel adaptive filtering algorithm and hybrid control scheme [J]. Smart Materials and Structures, 2003, 12(3): 473-482.
- [22] DAS D P, MOREAU D J, CAZZOLATO B S. A computationally efficient frequency-domain filtered-X LMS algorithm for virtual microphone [J]. Mechanical Systems & Signal Processing, 2013, 37 (1/2) : 440-454.
- [23] DOUGLAS S C, RUPP M. A posteriori updates for adaptive filters [C] //Asilomar Conference on IEEE. Pacific Grove, USA:IEEE,1997: 1641-1645.
- [24] 高志远,朱晓锦,张合生,等.含正反馈振动主动控制 系统的混合自适应控制[J].控制理论与应用,2015, 32(7):978-984.

GAO Zhiyuan, ZHU Xiaojin, ZHANG Hesheng, et al. Hybrid adaptive control method for active vibration control system with positive feedback[J]. Control Theory & Applications, 2015, 32(7): 978-984. (in Chinese)



第一作者简介:方显斌,男,1990年3月 生,博士生。主要研究方向为振动主动控 制和自适应控制方法等。曾发表《New feedforward filtered-x least mean square algorithm with variable step size for active vibration control》(《Journal of Low Frequency Noise, Vibration and Active Control》2019, Vol.38, No.1)等论文。 E-mail:fangyubin91@163.com

通信作者简介:朱晓锦,男,1965年12月 生,博士、教授、博士生导师。主要研究 方向为先进测控与信息处理、智能结构 主动监控等。

E-mail:mgzhuxj@shu.edu.cn