DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2021.03.014

基于同步提取和时频系数模极值的瞬时频率识别

刘景良¹, 王新宇¹, 郑锦仰^{1,2}, 盛 叶¹, 骆勇鹏¹ (1.福建农林大学交通与土木工程学院 福州,350002) (2.福建省建筑科学研究院 福州,350025)

摘要 针对时频系数模极大值脊线提取算法难以精确识别含噪响应信号瞬时频率的特点,提出一种同步提取和时频系数模极大值相结合的时变结构响应信号瞬时频率识别方法。首先,采用同步提取算法将瞬时频率锁定在一定范围内,避免了人工选择搜索范围的随意性;其次,在锁定的曲带范围内逐点搜索时频系数模极大值,最终得到高精度的时频脊线和瞬时频率曲线。通过一个单分量信号数值算例、一个多分量信号数值算例、一个刚度时变拉索试验和一个质量突变悬臂梁试验验证该方法的有效性和准确性,研究结果表明,所提方法能够有效提取时变结构响应信号的瞬时频率且识别精度优于小波系数模极大值和同步挤压小波变换方法,同时也具有良好的抗噪性。

关键词 模极大值;同步提取变换;时频脊线提取;时变结构;瞬时频率 中图分类号 TN911.6;TU311.3

引 言

环境激励下的在役土木工程结构本质上是时变和非线性结构,其响应信号呈现非平稳性。时频分析方法(time frequency analysis,简称 TFA)能同时在时域和频域提取信号瞬时特征,是分析非平稳信号强有力的工具^[1-2]。其主要方法有 Wigner-Ville分布^[3]、短时傅里叶变换(short time Fourier transform,简称 STFT)^[4]和小波变换^[5]等。

采用时频分析方法识别时变结构响应信号瞬时 频率需要解决的一个关键问题是脊线提取,而最常 见的脊线提取方法是时频系数模极大值法。如Liu 等^[6]提出基于小波系数模局部极大值的小波脊线提 取方法并将之应用于干涉图分析,该方法的主要优 点是运算简单、计算量小,但易受噪声和端点效应的 干扰^[7]。为此,Carmona等^[8]提出基于随机走动的疯 狂爬坡算法来提取信号各分量的小波脊线,但该方 法的计算效率不高。Wang等^[9]提出基于动态规划 的非平稳信号瞬时频率提取方法在一定程度上消除 了端点效应,但其算法较为复杂。近年来,一些后处 理方法被引入以解决噪声等外部因素对信号时频脊 线提取的影响,如重新分配法^[10-11]、同步挤压小波变 换^[12-14]、参数化TFA^[15-17]、解调TFA^[18]和同步提取 变换(synchroextracting transform,简称SET)^[19]等。 其中,SET可以实现时频系数能量的高度聚集和响 应信号的完整重构,但是目前尚未运用于土木工程 领域。

通过对时变结构响应信号进行同步提取变换, 瞬时频率被锁定在一个范围内,有效避免了随机噪 声对瞬时频率的干扰。在此基础上,笔者将同步提 取与时频系数模极大值脊线提取算法相结合,提出 一种新的联合方法(combined method,简称CM)来 精确识别响应信号的瞬时频率。首先,对响应信号 进行STFT得到时频图;其次,通过同步提取算法从 时频图中提取一条或多条狭窄的频带,在降低噪声 干扰的同时也减小了时频系数模极大值算法的计算 量;最后,在限定的频带范围内逐点搜索时频系数模 极大值点,并按时间顺序连接起来从而得到精确的 时频脊线和瞬时频率曲线。

1 基本理论

1.1 同步提取变换

由于谐波信号经过时频变换得到的时频系数实 部的频率与原信号的瞬时频率相等,因此同步提取 变换通过计算各时频系数实部的频率来确定信号的 瞬时频率(instantaneous frequency,简称IF)^[19]。同

^{*} 国家自然科学基金资助项目(51608122);中国博士后科学基金资助项目(2018M632561);福建省自然科学基金面上项目(2020J01581);福建农林大学杰出青年基金资助项目(XJQ201728);福建农林大学科技创新专项基金资助项目(CXZX2020112A) 收稿日期:2019-04-09;修回日期:2019-06-18

步提取变换作为一种后处理技术,可以和STFT等 多种TFA方法结合。以STFT为例,原信号s(t)的 STFT可表示为

$$S_{\text{STFT}}(\tau, \omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} g(\tau - t) s(t) e^{-i2\pi\omega t} dt \quad (1)$$

其中: τ 为时移因子; ω 为频率;t为时间; $g(\tau - t)$ 为可移动的紧支高斯窗函数。

 $g(\tau - t)$ 可表示为

$$g(\tau - t) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\tau - t)^2}{2\sigma^2}}$$
(2)

其中: σ为决定窗宽的尺度因子。

将式(2)代入式(1)可得

$$S_{\text{STFT}}(\tau,\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\tau-t)^2}{2\sigma^2}} s(t) e^{-i2\pi\omega t} dt =$$

$$e^{-i2\pi\omega \tau} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\tau-t)^2}{2\sigma^2}} s(t) e^{-i2\pi\omega(t-\tau)} dt$$
(3)

设定改进高斯窗 $\varphi(\omega, t) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2\sigma^2}} e^{-i2\pi\omega t}$,

则式(3)可改写为

$$S_{\text{STFT}}(\tau, \omega) = e^{-i2\pi\omega \tau} \int_{-\infty}^{+\infty} s(t) \,\overline{\varphi(\omega, t-\tau)} \,\mathrm{d}t \qquad (4)$$

其中: $\varphi(t)$ 为 $\varphi(t)$ 的复共轭。

根据傅里叶变换性质及 Parseval 定理,式(4)可表示为

$$S_{\text{STFT}}(\tau, \boldsymbol{\omega}) = e^{-i2\pi\omega \tau} \int_{-\infty}^{+\infty} \hat{s}(\boldsymbol{\omega}_a) \,\overline{\hat{\varphi}(\boldsymbol{\omega}, \boldsymbol{\omega}_a)} \, e^{i2\pi\omega_a t} dt \quad (5)$$

其中: $\hat{s}(\omega_a)$ 为s(t)的傅里叶变换; ω_a 为频移因子。

若以谐波信号 $s(t) = Ae^{i2\pi\omega_0 t}$ 为例,其傅里叶变换可表示为

$$\hat{s}(\boldsymbol{\omega}_{a}) = A\delta(\boldsymbol{\omega}_{0} - \boldsymbol{\omega}_{a})$$
(6)
将式(6)代人式(5)得

$$S_{\text{STFT}}(\tau, \omega) = A e^{-i2\pi\omega\tau} \overline{\hat{\varphi}(\omega, \omega_a)} e^{-i2\pi\omega_0\tau}$$
(7)

对式(7)求偏导可得

$$\frac{\partial S_{\text{STFT}}(\tau, \omega)}{\partial \tau} = i2\pi(\omega_0 - \omega) A e^{i2\pi\omega_0 \tau} \overline{\hat{\varphi}(\omega, \omega_a)} \times e^{-i2\pi\omega \tau} = i2\pi(\omega_0 - \omega) S_{\text{STFT}}(\tau, \omega)$$
(8)

至此,原信号s(t)的瞬时频率,即式(8)中的 ω_0 可表示为

$$\omega_0(\tau,\omega) = \omega + [i2\pi S_{\text{STFT}}(\tau,\omega)]^{-1} \frac{\partial S_{\text{STFT}}(\tau,\omega)}{\partial \tau}$$
(9)

由于同步提取变换仅保留时频面中瞬时频率位置的时频系数而令其余位置的时频系数归零,因此可通过对时频系数矩阵乘以平移到 $\omega_0(\tau,\omega)$ 的 $\delta(\omega)$ 函数来实现同步提取,如式(10)所示

$$T_{e}(\tau,\omega) = S_{\text{STFT}}(\tau,\omega) \delta \left[\omega - \omega_{0}(\tau,\omega) \right]$$
(10)

$$\pm \psi : \delta \left[\omega - \omega_{0}(\tau,\omega) \right]$$
 为克罗内克函数。

$$\delta \left[\omega - \omega_0(\tau, \omega) \right] = \begin{cases} 1 & (\omega = \omega_0(\tau, \omega)) \\ 0 & (\omega \neq \omega_0(\tau, \omega)) \end{cases}$$
(11)

考虑到计算误差的存在,将式(11)改写为

$$\delta \left[\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}_{0}(\tau, \boldsymbol{\omega}) \right] = \begin{cases} 1 \ (|\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}_{0}(\tau, \boldsymbol{\omega})| \leq \frac{\Delta \boldsymbol{\omega}}{2}) \\ 0 \ (|\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}_{0}(\tau, \boldsymbol{\omega})| > \frac{\Delta \boldsymbol{\omega}}{2}) \end{cases}$$
(12)

其中:Δω为采样频率间隔。

将式(12)代入式(10)得到同步提取的最后结 果,如式(13)所示

$$T_{e}(\tau, \omega) = \begin{cases} S_{\text{STFT}}(\tau, \omega) & (|\omega - \omega_{0}(\tau, \omega)| \leq \frac{\Delta \omega}{2}) \\ 0 & (|\omega - \omega_{0}(\tau, \omega)| > \frac{\Delta \omega}{2}) \end{cases}$$
(13)

由于同步提取变换算法涉及到求导、相除等运算,将造成一定的计算误差,而定义频带范围 $\frac{\Delta \omega}{2}$ 就是为了更好地考虑在瞬时频率提取过程中出现的识别误差。

基于同步提取和时频系数模极大值的联合方法提取时频脊线和瞬时频率

响应信号经时频变换后其时频图上的某些位置 会出现亮点,这表明该处的时频系数模值较大。因 此,可通过搜索时频系数模极大值位置来获取时频 脊点,然后将脊点按照时间顺序连接起来即为时频 脊线。然而,时频系数模极大值算法由于抗噪性较 差,其提取的瞬时频率曲线含有大量毛刺,影响了识 别精度。基于此,笔者引入同步提取算法并与时频 系数模极大值法相结合来解决上述问题。该联合算 法的具体步骤如下:

1)根据式(7)对信号进行STFT得到时频系数 矩阵;

2) 按照式(9)初步估算出信号的瞬时频率;

3)根据式(13)将时频面上非瞬时频率范围位
 置上的时频系数归零;

4)令*i*,*j*分别表示时频系数矩阵的列和行,初始时令*i*=1,搜索第*i*列在限定频带范围内的时频系数最大值,最后令*j*(*i*)=*j*,*i*=*i*+1,并开始搜索下一列在限定频带范围内的时频系数最大值;

5) 重复步骤4,直至求出时频系数矩阵所有列 中限定频带范围内的时频系数模极大值,并将极大 值点连接成线,即为待求时频脊线和瞬时频率曲线。

2 数值算例验证

2.1 单分量信号数值算例

考虑如式(14)所示的单分量调幅调频信号 $x(t) = [2 + \cos(2\pi t)]\cos[50\pi t + 10\sin(\pi t)]$ (14)

根据瞬时频率定义,x(t)的理论频率为 $f = 25 + 5\cos(\pi t)$ 。设定信号采样频率为600 Hz,采样时长为10 s。为模拟真实情况中噪声对信号的影响,对上述信号添加50%水平的高斯白噪声,其噪声强度由信噪比(signal noise ratio,简称SNR)定义

$$S_{\rm SNR} = 10 \lg \frac{A^2_{\rm signal}}{A^2_{\rm noise}} \tag{15}$$

其中: A_{signal} 和 A_{noise} 分别为信号和噪声的均方根值; 噪声水平是指 A^2_{noise} 与 A^2_{signal} 之间的比值。

添加50%水平高斯白噪声后的信号如图1所 示。首先,对信号进行STFT得到如图2所示的时 频图;其次,对信号x(t)进行同步提取变换,得到的 时频曲带如图3所示;最后,采用时频系数模极大值 法在锁定的瞬时频率曲带范围内搜索时频系数模极 大值。通过比较图2和图3可以看出,同步提取变 换将瞬时频率锁定在一个曲带范围内,同时也去除 了图2中所含的毛刺。为方便比较,图4同时给出 了基于CM法、小波系数模极大值法^[6]和同步挤压 小波变换方法^[5]的瞬时频率识别值以及理论值。 图 5 为上述 3 种方法瞬时频率识别结果的局部放大 效果图。图6给出了3种方法的相对误差。由图4 和图5可知:笔者提出的CM方法识别结果与理论 值吻合较好,且具有较高的抗噪性;同步挤压小波变 换的识别效果次之,但是同步挤压小波变换是在每 一中心频率附近区间固定一个频率值来细化时频曲 线,同时最终提取的瞬时频率曲线也是时频图中能 量最高或曲率最小的部分;该方法虽然提高了频率 分辨率,但也降低了时间分辨率[20];小波系数模极 大值法识别的瞬时频率曲线因含有大量毛刺而与理 论频率值存在较大的偏差,整体识别效果较差。

2.2 多分量信号数值算例

考虑如式(16)所示多分量调幅调频信号 $y(t) = y_1(t) + y_2(t) =$

 $[2 + \cos(\pi t)]\cos[20\pi t + 10\sin(0.5\pi t)] +$

[2+cos(2.8πt)]cos[60πt+4sin(1.4πt)] (16)
 设定采样频率为600 Hz,采样时间为10 s。瞬





图 3 同步提取变换识别*x*(*t*)的瞬时频率曲带 Fig.3 The IF curve band of *x*(*t*) extracted by SET



Fig.4 Comparison of IF identification results of x(t)



Fig.5 Local magnification of IF identification results of x(t)

时 频 率 理 论 值 分 别 为 $f_1 = 10 + 2.5 \cos(0.5\pi t)$ 和 $f_2 = 30 + 2.8 \cos(1.4\pi t)$ 。对信号添加 50% 水平的 高斯白噪声,其含噪信号如图 7 所示。对信号进行 STFT 得到如图 8 所示的时频图。利用同步提取变



Fig.8 The time-frequency spectrogram of y(t)

换去除噪声干扰并锁定瞬时频率的限定范围,结果 如图9所示。图10同时给出了基于CM、小波系数 模极大值法和同步挤压小波变换提取的瞬时频率识 别结果以及理论瞬时频率曲线。为更清楚地比较3 种方法的瞬时频率识别效果,图11给出了局部放大 结果,图12则给出了3种方法的相对误差。通过对 比图11(a)和图11(b)可以看出:在识别fi时,由于fi 变化缓慢,该信号为慢变信号,CM和同步挤压小波 变换识别的瞬时频率结果均与理论值十分吻合;在 识别f₂时即瞬时频率相对快变的情况下,CM法仍具 有很好的稳定性且识别结果与理论值吻合较好,但 是同步挤压小波变换识别结果由于时间分辨率下降 的原因其识别效果相对较差;小波系数模极大值法 识别的瞬时频率曲线则含有大量毛刺,识别效果不





图 10 y(t)的瞬时频率识别结果对比





Fig.11 Local magnification of IF identification results of y(t)



佳。总之,CM识别的瞬时频率曲线不仅最平滑而 且基本没有毛刺,其识别值也最接近理论值,在3种 瞬时频率识别方法中表现最优。

3 试验验证

笔者从刚度时变和质量时变两个角度来设计时

变结构动力试验以进一步验证所提CM方法的有效 性和准确性,并将瞬时频率识别结果与基于小波系 数模极大值和同步挤压小波变换的识别值进行了 对比。

3.1 刚度线性变化拉索试验

刚度线性变化拉索试验装置如图 13 所示。试验所用拉索为1根4.55 m,705的预应力钢绞线拉索,一端用反力架固定,另一端固定于电液伺服加载系统(mechanical testing & simulation,简称 MTS)上。在拉索中部竖向安装加速度传感器并采集加速度冲击响应。在初始阶段对拉索施加20 kN的预拉力后,通过调整 MTS 的作动器使索的拉力以1.67 kN/s的速率线性增加,拉力的变化将引起拉索刚度的改变。在改变拉力的同时,用力锤敲击拉索以采集拉索的加速度冲击响应,采样频率设为600 Hz,采样时间为6 s,所得响应信号如图 14 所示。



Fig.14 The measured cable acceleration responses with linearly varying cable tension force

首先,采用解析模态分解方法^[21]对实测响应信 号进行分解,得到1阶分量信号并对其进行STFT 得,到如图15所示的时频图;其次,对信号进行同步 提取变换以去除噪声影响并将瞬时频率锁定在一定 范围内,结果如图16所示;最后,在限定范围内提取 信号的时频系数模极大值并识别其瞬时频率。为方 便比较,图17给出了CM法、小波系数模极大值法、 同步挤压小波变换的瞬时频率识别结果以及基于 "冻结法"^[22]求解的瞬时频率理论值。图18和图19 则分别给出了相对误差曲线图和相对误差曲线局部 放大图。由图17可知,CM法识别的拉索瞬时频率 变化趋势为线性,而且最接近理论值。在信号的末 端由于随机噪声掩盖了真实响应信号,此时同步挤 压小波变换容易出现端点效应,其瞬时频率识别结 果偏离理论值较大^[5];而CM法在信号末端并没有 出现毛刺现象和明显的端点效应,其针对实测信号 的识别效果较佳。



Fig.15 The time-frequency spectrogram of the response from the cable



图16 同步提取变换识别拉索响应信号的瞬时频率曲带

Fig.16 The IF curve band of the response from the cable extracted by SET





Fig.17 Comparison of IF identification results of the response from the cable

3.2 质量突变悬臂梁试验

质量突变悬臂梁试验装置如图20所示。铝合



图 18 拉索信号的瞬时频率识别相对误差





图 19 拉索响应信号的瞬时频率相对误差局部放大效果

Fig.19 Local magnification of IF relative errors of the response from the cable



图 20 铝合金悬臂梁试验装置图(单位:mm) Fig.20 The aluminum cantilever beam test rig (unit: mm)

金悬臂梁的质量为 0.81 kg,截面尺寸为 40 mm× 15 mm,长度为 500 mm。悬臂端的质量块为 1 kg, 在质量块上方放置一块悬挂的磁铁。在梁上每隔 100 mm设置一锤击点,然后通过力锤敲击悬臂梁的 自由端,并在某个时刻放下细绳使永磁铁垂直靠近 质量块并将其吸起以实现结构质量的改变。设定采 样频率为 2 kHz,在梁的跨中位置安装加速度传感 器以采集加速度冲击响应。试验前,基于"冻结法" 测得带质量块与不带质量块时悬臂梁的基频分别为 21.24 和 47.06 Hz。试验过程中,先在悬臂梁末端用 力锤施加激振力,并在 2 s 附近利用磁铁吸引质量块 以改变悬臂梁质量,最后在2.3s再次锤击悬臂梁以 避免响应信号衰减过快。

加速度传感器记录的响应信号如图 21 所示。 首先,采用解析模态分解定理对实测响应信号进行 分解得到1阶分量信号,再对1阶分量信号进行 ST-FT 得到如图 22 所示的时频图,由图可知频率在 2s 附近发生突变,与实际情况相符;其次,对响应信号 进行同步提取变换,得到如图 23 所示的瞬时频率曲 带;最后,采用时频系数模极大值法提取实测响应信 号的瞬时频率。为方便比较,图 24 同时给出了 CM









Fig.22 The time-frequency spectrogram of the response from the cantilever beam







Fig.24 Comparison of IF identification results of the response from the cantilever beam

法、小波系数模极大值法和同步挤压小波变换法提取的瞬时频率曲线以及理论值。图 25 给出了瞬时频率识别结果的局部放大图。图 26 和 27 分别给出了相对误差曲线和局部相对误差曲线。由图 24 和图 25 可知:小波系数模极大值法识别的瞬时频率曲线存在大量毛刺;虽然同步挤压小波变换识别的曲线比小波系数模极大值法平滑,但其识别效果仍然不如 CM 法,且在 2.0 s 附近出现了明显波动。



图 25 悬臂梁响应信号的瞬时频率识别结果局部放大效果

Fig.25 Local magnification of IF identification results of the response from the cantilever beam





Fig.26 Relative errors of IF identification of the response from the cantilever beam



图 27 悬臂梁响应信号的瞬时频率识别相对误差局部放大 效果

Fig.27 Local magnification of IF relative errors of the response from the cantilever beam

4 结 论

 1)通过同步提取算法锁定了瞬时频率范围,避免了时频系数模极大值易受噪声干扰的缺点,同时 也减小了时频系数模极大值法的搜索范围。

2) CM 法能够有效识别刚度和质量时变结构非 平稳响应信号的瞬时频率,且识别效果优于小波系 数模极大值和同步挤压小波变换方法。

3) CM 法的识别结果不会随着信号的减弱而精

度下降,特别是在信号末端噪声容易掩盖真实信号 的时候表现良好,因而更加适合实际响应信号的瞬 时特征参数提取。

参考文献

- [1] 闫泓杉,李丹,丁林阁.一种新的基于短时傅里叶变换的时频分析方法[J]. 兵工学报,2015,36(2):258-261.
 YAN Hongshan, LI Dan, DING Linge. A new time-frequency analysis approach based on short time Fourier transform[J]. Acta Armamentarii, 2015, 36(2): 258-261.(in Chinese)
- [2] 庞存锁,刘磊,单涛.基于短时分数阶傅里叶变换的时频分析方法[J].电子学报,2014,42(2):347-352.
 PANG Cunsuo, LIU Lei, SHAN Tao. Time-frequency analysis method based on short time fractional Fourier transform[J]. Acta Electronica Sinica, 2014, 42(2): 347-352.(in Chinese)
- [3] 向玲,唐贵基,胡爱军.旋转机械非平稳振动信号的时频分析比较[J].振动与冲击,2010,29(2):42-45.
 XIANG Ling, TANG Guiji, HU Aijun. Vibration signal's time-frequency analysis and comparison for a rotating machinery [J]. Journal of Vibration and Shock, 2010, 29(2): 42-45.(in Chinese)
- [4] 王丽华,谢阳阳,周子贤,等. 基于卷积神经网络的异步电机故障诊断[J]. 振动、测试与诊断,2017,37(6): 1208-1215.

WANG Lihua, XIE Yangyang, ZHOU Zixian, et al. Motor fault diagnosis based on convolutional neural networks[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(6): 1208-1215.(in Chinese)

 [5] 刘景良,任伟新,王佐才,等.基于同步挤压小波变换的结构瞬时频率识别[J].振动与冲击,2013,32(18): 37-42.

LIU Jingliang, REN Weixin, WANG Zuocai, et al. Instantaneous frequency identification based on synchrosqueezing wavelet transformation [J]. Journal of Vibration and Shock, 2013, 32(18): 37-42.(in Chinese)

- [6] LIU H, CARTWRIGHT A N, BASARAN C. Moiré interferogram phase extraction: a ridge detection algorithm for continuous wavelet transforms [J]. Applied Optics, 2004, 43(4): 850-857.
- [7] 黎海妹,陈建文.一种改进的小波脊提取算法[J].通信 技术,2010,43(4):59-61.
 LI Haimei, CHEN Jianwen. An improved wavelet ridge extraction algorithm [J]. Communications Technology, 2010, 43(4): 59-61.(in Chinese)
- [8] CARMONA R, HWANG W L, TORRÉSANI B. Multi-ridge detection and time-frequency reconstruction

[J]. Transactions on Signal Processing, 1999, 47(2): 480-492.

- [9] WANG C, REN W X, WANG Z C, et al. Instantaneous frequency identification of time-varying structures by continuous wavelet transform [J]. Engineering Structures, 2013, 52(9): 17-25.
- [10] AUGER F, FLANDRIN P. Time-frequency reassignment and synchrosqueezing: an overview [J]. Signal Processing Magazine, 2013, 30(6): 32-41.
- [11] AUGER F, FLANDRIN P. Improving the readability of time-frequency and time-scale representations by the reassignment method [J]. Transactions on Signal Processing, 1995, 43(5): 1068-1089.
- [12] 胡异丁,任伟新,杨栋.基于同步压缩变换和局部替代数据的非平稳振动信号分解方法[J].振动与冲击,2013,32(23):43-47.
 HU Yiding, REN Weixin, YANG Dong. Nonstationary vibration signal decomposition based on synchrosqueezing transformation and local surrogate data[J]. Journal of Vibration and Shock, 2013, 32(23): 43-47. (in Chinese)
- [13] HE D, CAO H, WANG S, et al. Time-reassigned synchrosqueezing transform: the algorithm and its applications in mechanical signal processing [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2019, 117: 255-279.
- [14] OBERLIN T, MEIGNEN S, PERRIER V. Secondorder synchrosqueezing transform or invertible reassignment? Towards ideal time-frequency representations [J]. Transactions on Signal Processing, 2015, 63(5): 1335-1344.
- [15] 邓杨,彭志科,杨扬,等.基于参数化时频分析的非线 性振动系统参数辨识[J].力学学报,2013,45(6): 992-996.
 DENG Yang, PENG Zhike, YANG Yang, et al. Identification of nonlinear vibration systems based on parametric TFA[J]. Chinese Journal of Theoretical and Ap-

plied Mechanics, 2013, 45(6): 992-996.(in Chinese)

[16] 黄鑫,周建平,温广瑞,等.基于参数化时频分析的转 子全工况动平衡方法[J].振动、测试与诊断,2017, 37(1):134-139.

HUANG Xin, ZHOU Jianping, WEN Guangrui, et al. Balancing under all working conditions of rotor based on parameterized time-frequency analysis[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(1): 134-139.(in Chinese)

[17] 肖金国,杜兰,韩勋,等.基于参数化时频分析的进动

锥裙目标瞬时微多普勒频率提取方法[J]. 电子与信息 学报,2016,38(1):90-96.

XIAO Jinguo, DU Lan, HAN Xun, et al. Micro-Doppler frequency extraction for cone-skirt shaped target with precession based on parameterized time-frequency analysis [J]. Journal of Electronics and Information Technology, 2016, 38(1): 90-96.(in Chinese)

- [18] WANG S, CHEN X, LI G, et al. Matching demodulation transform with application to feature extraction of rotor rub-impact fault[J]. Transactions on Instrumentation and Measurement, 2014, 63(5): 1372-1383.
- [19] GANG Y, YU M, XU C. Synchroextracting transform[J]. Transactions on Industrial Electronics, 2017, 64(10): 8042-8054.
- [20] 刘景良,郑锦仰,郑文婷,等.基于改进同步挤压小波 变换识别信号瞬时频率[J].振动、测试与诊断,2017, 37(4):814-821.

LIU Jingliang, ZHENG Jinyang, ZHENG Wenting, et al. Instantaneous frequency identification of signals based on improved synchrosqueezing wavelet transform [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(4): 814-821.(in Chinese)

[21] 王佐才,任伟新,邢云斐.基于解析模态分解的时变与 弱非线性结构密集模态参数识别[J].振动与冲击, 2014,33(19):1-7.

WANG Zuocai, REN Weixin, XING Yunfei. Analytical modal decomposition-based time-varying and weakly nonlinear structures' modal parametric identification with closely-spaced modes[J]. Journal of Vibration and Shock, 2014, 33(19): 1-7.(in Chinese)

[22] 王超,任伟新,黄天立.基于复小波变换的结构瞬时频 率识别[J].振动工程学报,2009,22(5):492-496.
WANG Chao, REN Weixin, HUANG Tianli. Instantaneous frequency identification of a structure based on complex wavelet transform[J]. Journal of Vibration Engineering, 2009, 22(5): 492-496.(in Chinese)



第一作者简介:刘景良,男,1983年11月 生,副教授、硕士生导师。主要研究方向 为结构健康监测、桥梁振动与稳定。曾 发表《A combined method for instantaneous frequency identification in low frequency structures》(《Engineering Structures》2019, Vol.194)等论文。

E-mail:liujingliang@fafu.edu.cn