DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2021.03.019

# 统计时频谱驱动的高速自动机损伤预示方法

王宝祥1, 潘宏侠2

(1.淮阴工学院机械与材料工程学院 淮安,223003) (2.中北大学机械工程学院 太原,030051)

摘要 提出一种统计时频谱驱动的高速自动机损伤预示方法,利用瞬态冲击信号的时频分布变化检测瞬时冲击类 故障。首先,从高速自动机服役性能跟踪试验中收集瞬态冲击信号;其次,计算瞬时频率特征用于表征非平稳瞬态 冲击信号的演化过程;然后,建立瞬时频率特征的规范变量分析模型,提取瞬时频率间的最大相关信息,减少瞬态冲 击信号间的信息歧义;最后,基于核密度估计方法确定健康状态阈值,对高速自动机的瞬时冲击响应信号进行监测。 对某12.7 mm高速自动机的不同缺陷状态进行监测,验证了上述方法对瞬时冲击故障预示的有效性。

关键词 时频分析;瞬时频率;规范变量分析;损伤预示;高速自动机 中图分类号 TH165.3

# 引 言

当前,在部队训练趋于实战化和常态化大背景下,高强度训练对兵器装备服役性能提出了更高要求,兵器装备安全性和可靠性日益受到关注。高速自动机是武器系统重要组成部分,由于在恶劣的工作环境中遭受复杂多变的工作载荷,各组成元件在设计、制造、装配过程中存在的缺陷逐渐暴露出来,武器系统卡滞、磨损等故障时有发生。如何保障武器装备的服役性能是一个需要迫切解决但又具有挑战性的课题。

枪弹击发时,在火药燃烧产生的高压气体冲击 下,系统各组件在极短时间内完成了复杂的运动形 态转化过程,并伴随着一系列剧烈的冲击和振动。 高速自动机复杂运动形态的响应信号是一系列非平 稳短时瞬态冲击序列,其中既包含组件早期损伤的 微弱状态信息,也混有大量背景噪声及其他干扰成 分,导致武器系统早期故障特性不够明显。现有的 智能故障诊断方法主要解决分类问题,需要大量的 故障样本训练分类器,而实际应用中高速自动机历 史故障样本却很难收集<sup>[13]</sup>。统计多变量过程控制 方法使用设备正常样本建立参照模型,通过统计未 知状态样本与参照模型的偏差反映设备服役性能演 化轨迹,同时估计出设备安全服役的参考阈值用于 服役性能控制,有利于早期故障检测。Yu<sup>[4]</sup>提取了 滚动轴承服役性能演化过程的多特征参数,建立了 融合多特征局部信息的局部保持投影模型(locality preserving projections, 简称LPP), 检测到轴承早期 损伤特征。为监测大型回转支承周期故障,Žvokeli 等<sup>[5]</sup>利用集成经验模态分解(ensemble empirical mode decomposition, 简称 EEMD)将原信号分解到 多尺度上,构建了每个尺度的独立成分分析(independent component analysis, 简称 ICA) 模型, 显著增 强了回转支承故障时的周期性冲击特征。Lu等<sup>[6]</sup> 采用主成分分析(principal component analysis,简称 PCA)融合回转支承的多特征参数,建立了优化最 小二乘支持向量机模型(least squares support vector machine,简称LSSVM),预测了回转支承性能退化 趋势。针对轴承退化的非高斯过程特性, Jin 等[7]计 算了ICA模型的高阶累积量,准确反映了轴承性能 演化过程。Rai等<sup>[8]</sup>构建了K中心点聚类模型识别 正常状态与故障状态聚类中心,定义了置信值曲线 量化了两者之间的偏离程度,用于跟踪轴承退化过 程。然而,上述方法仅能针对单一模态数据建立参 照模型,相对于融合两种模态相关信息的规范变量 分析(canonical variate analysis,简称CVA)模型,在检 测冲击类故障时,容易受到系统瞬时冲击不确定性的 影响<sup>[9]</sup>。CVA是一种基于最小状态空间的动态监测 方法,主要用于缓变过程故障监测[10-11]。若对高速自 动机瞬时冲击类故障进行动态监测,则还应考虑到以 下几个方面:①瞬时冲击故障与缓变过程故障不同, 由于组件间存在间隙或者自由行程,剧烈冲击导致信

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金资助项目(51675491,51175480);淮阴工学院高层次人才科研启动资助项目(Z301B19519) 收稿日期:2019-05-01;修回日期:2020-11-28

号幅值骤然上升,之后迅速衰减,在信号幅值上不是一 种典型的渐变过程;②早期微弱损伤一般不会引起信号 幅值明显上升,单纯针对时域或者频域特征进行监测往 往不易奏效;③针对瞬时冲击损伤预示,需要一种能够 密切跟踪系统瞬时特性的时变特征参数。

基于以上认识,提出了一种统计时频谱驱动的 高速自动机损伤预示方法。通过短时傅里叶变换计 算了瞬时信号的时频分布图,提取冲击信号的瞬时 频率特征这一时变参数,构建基于核密度估计的 CVA监测模型,并与动态PCA模型进行比较,验证 了该监测方法对瞬时冲击故障的有效性。

# 1 理论与方法

#### 1.1 瞬时频率

瞬时频率描述了非平稳瞬时冲击信号的频谱峰 值随时间的变化过程,它定义为信号时频分布的频 率平均<sup>[12-13]</sup>。若以*f*,表示瞬时频率,则有

$$f_{s} = \frac{\int_{0}^{\infty} fP(t,f) \,\mathrm{d}f}{\int_{0}^{\infty} P(t,f) \,\mathrm{d}f} \tag{1}$$

其中:P(t,f)为信号的功率谱,是关于时间和频率的二维分布函数,可通过对信号进行短时傅里叶变换得到。

短时傅里叶变换采用滑动窗口将原信号分为一 系列信号片段,并对每段信号做傅里叶变换,可以捕 捉到冲击信号中有关早期故障的细节信息。

#### 1.2 规范变量分析

规范变量分析方法是一种考虑时间序列相关性的动态维数减少方法,通过寻找一种线性组合使得两组变量间的相关性达到最大,从而提取两组变量间的关联信息,减少设备运行过程中不确定性的影响。基于规范变量分析的统计过程控制方法采用设备正常状态数据建立参照模型,生成健康阈值,然后将观测到的未知状态数据沿参照模型投影,统计数据投影和参照模型间的偏差作为健康指标,当其越过安全阈值则表明监测的系统发生故障。现假设有一观测序列 $x_i$ ,考虑到时间序列在未来时刻p与过去时刻f间的相关性,对 $x_i$ 进行扩展后生成过去和未来向量 $x_{p,i}$ 和 $x_{fi}^{[10,14]}$ 

$$x_{p,t} = \begin{bmatrix} x_{t-1} \\ x_{t-2} \\ \vdots \\ x_{t-p} \end{bmatrix}$$
(2)

$$\boldsymbol{x}_{f,t} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{x}_t \\ \boldsymbol{x}_{t+1} \\ \vdots \\ \boldsymbol{x}_{t+f-1} \end{bmatrix}$$
(3)

在进行最大相关性分析前,先对数据进行标准 化处理

$$\begin{cases} \widehat{x_{p,t}} = x_{p,t} - \overline{x_{p,t}} \\ \widehat{x_{f,t}} = x_{f,t} - \overline{x_{f,t}} \end{cases}$$
(4)

其中: $\overline{x_{p,t}}$ 和 $\overline{x_{f,t}}$ 分别为 $x_{p,t}$ 和 $x_{f,t}$ 的均值。

将标准化后的向量按列排列后生成过去和未来 数据矩阵X<sub>a</sub>和X<sub>c</sub>

$$\begin{cases} X_{p} = [\overline{x_{p,t+1}}, \overline{x_{p,t+2}}, \cdots, \overline{x_{p,t+M}}] \\ X_{f} = [\overline{x_{f,t+1}}, \overline{x_{f,t+2}}, \cdots, \overline{x_{f,t+M}}] \end{cases}$$
(5)

其中:M = N - f - p + 1;N为数据长度。

X<sub>p</sub>和X<sub>f</sub>方差和协方差矩阵可表示为

$$\boldsymbol{\Sigma}_{\boldsymbol{p}} = \frac{1}{M-1} \boldsymbol{X}_{\boldsymbol{p}} \boldsymbol{X}_{\boldsymbol{p}}^{\mathrm{T}}$$
(6)

$$\boldsymbol{\Sigma}_{f} = \frac{1}{M-1} \boldsymbol{X}_{f} \boldsymbol{X}_{f}^{\mathrm{T}}$$
 (7)

$$\mathbf{\Sigma}_{fp} = \frac{1}{M-1} X_f X_p^{\mathrm{T}} \tag{8}$$

为揭示变量间潜在关系,对Hankel矩阵进行奇 异值分解

 $H = \Sigma_{f}^{-1/2} \Sigma_{fp} \Sigma_{p}^{-1/2} = USV$ (9) 其中:S为对角矩阵,其对角元按照降序排列。

若将前r个特征值对应的特征向量定义为维数 减少矩阵 V<sub>r</sub>,则状态空间和残差空间的投影矩阵 J 和L分别表示为

$$J = V_r^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Sigma}_p^{-1/2} \tag{10}$$

$$L = (I - V_r V_r^{\mathrm{T}}) \boldsymbol{\Sigma}_{b}^{-1/2}$$
(11)

则过去数据矩阵*X<sub>ρ</sub>*在状态空间和残差空间投影*Z*和*E*为

$$Z = JX_{p} \tag{12}$$

$$E = LX_{p} \tag{13}$$

Hotelling T<sup>2</sup>和平方预测误差(squared prediction error,简称 SPE)是分别定义在状态空间和残 差空间上的两种互补统计量,可用于度量子空间中 的信息变化量

$$T_{t}^{2} = \sum_{i=1}^{r} z_{i,t}^{2}$$
(14)

$$Q_{t} = \sum_{i=1}^{m} e_{i,t}^{2}$$
(15)

其中:z<sub>i,t</sub>和 e<sub>i,t</sub>分别是矩阵 Z 和 E 中的列向量元素。

## 1.3 核密度估计

核密度估计无需先验假设就可以计算任意样本

分布的概率密度函数,常用于设置健康指标的安全 阈值<sup>[15]</sup>。对于随机变量*x*,其小于给定值*s*的概率可 表示为

$$P(x < s) = \int_{-\infty}^{s} p(x) dx \qquad (16)$$

其中:p(x)为变量x的概率密度函数,通过核函数  $K(\cdot)$ 计算。

$$p(x) = \frac{1}{Mh} \sum_{k=1}^{M} K(\frac{x - x_k}{h})$$
(17)

其中:h为宽度参数。

若以μ表示变量的标准差,其最优值可计算为

$$h_{\rm opt} = 1.06 \mu N^{-1/5} \tag{18}$$

由式(17)可估计出统计量 T<sub>t</sub><sup>2</sup>和 Q<sub>t</sub>的概率密度 函数。若用 T<sub>ucl</sub>和 Q<sub>ucl</sub>分别表示两种统计量的控制 限值,在置信度为α时,控制限值可通过下式求解

$$\int_{-\infty}^{T_{ucl}} p(T) dT = \alpha$$
 (19)

$$\int_{-\infty}^{Q_{ucl}} p(Q) \mathrm{d}Q = \alpha \qquad (20)$$

α一般取值 0.99。由于两种统计量互补性可 知,任一统计量越过安全阈值则可认为系统故障。

### 1.4 高速自动机损伤预示方案

统计时频谱驱动的高速自动机损伤预示包含特 征提取、离线建模和在线监测3步:

1) 计算高速自动机正常状态信号的时频分布
 图,提取瞬时频率特征,组成多变量特征集合;

2) 训练 CVA 模型,用核密度估计确定高速自动机健康状态参考阈值;

3)提取观测信号的瞬时频率特征,计算特征投影的偏差统计量,与参考阈值进行比较识别瞬时状态。

高速自动机损伤预示方案如图1所示。

## 2 实验与结果

#### 2.1 数据采集

为了检测瞬时冲击类故障,实验收集到高速自动机在3种不同状态时的瞬时冲击信号,包括正常状态、闭锁片圆角附近深度为2mm的裂纹故障以及枪机圆角处深度为1.5mm的裂纹故障。这是由于火药燃烧产生的高压气体一部分为弹头提供动能,一部分通过枪管前端导气管推动枪机后坐,当复进簧受压后再推动枪机复进。在高温高压恶劣环境下,闭锁片是比较容易出现损伤的组件,后坐时枪机受到巨大冲击力也容易产生裂纹。高速自动机冲击试验平台如图2所示。因枪弹击发时和枪机后坐时



图1 高速自动机瞬时损伤预示方案

Fig.1 The scheme for damage prediction of high-speed automata



(a) 实验环境 (a) Experimental settings



(b) 两种故障状态
 (b) Two fault types
 图 2 高速自动机实验平台
 Fig.2 High-speed automaton test rig

存在剧烈冲击振荡,以枪管指向作为*x*轴方向,将两 个加速度传感器分别粘贴在自动机尾部和机匣上 方,采用LMS数据采集系统记录自动机全行程的瞬 态冲击信号,采样频率设置为204.8 kHz。本次实验 选择后座测点处沿*x*轴方向的冲击信号进行分析, 每种状态包含4个样本信号构建数据矩阵。正常状 态下获取的五连发瞬态冲击信号以及3种不同状态 信号如图3所示。3种状态的冲击信号具有相似的 波形,且每次冲击持续的时间极短,只有10 ms。

## 2.2 实验结果

为提取非平稳冲击信号蕴含的潜在模式,采用 短时傅里叶变换对信号进行时频变换,得到正常状



态和故障状态的时频分布图,如图4所示。其中,窗 口长度为512,相邻信号段重叠为511。由图可知, 正常状态下冲击信号能量主要集中在低频部分,而 故障状态时冲击信号的能量主要集中在高频部分。 鉴于正常信号和故障信号呈现的能量分布差异,可 以提取信号的时频谱特征表征高速自动机不同运行 状态。如图4所示,在冲击附近具有较高瞬时频率 值,能够反映不同状态时信号频率成分随时间的变 化过程。因此,提取每种状态信号瞬时频率建立数 据矩阵,以正常状态的瞬时频率特征集训练CVA参





图4 冲击信号时频谱及特征

Fig.4 Time-frequency spectra of shock signals and their features

照模型,以核密度估计方法生成参考阈值。CVA包含3个参数,即过去与未来时间序列长度p和f,保留的规范变量个数r。一般取p=f,这两个参数可通过计算训练数据的自相关函数来确定<sup>100</sup>。经过实验研究后将其取值为8,足以反映瞬时信号的动态特性。参数r可由多种方法确定,如奇异值分析法。考

虑到状态空间和残差空间的互补性使得检测结果对 参数r不敏感<sup>[15]</sup>,取r=15。若状态空间中的统计量 超过安全阈值即表明系统出现故障。将故障信号的 瞬时频率特征集投影到CVA模型,并统计状态空间 中瞬时频率变化量,产生如图5所示故障检测结果。

如图 5(a) 所示, 高速自动机正常状态的瞬时频 率统计量随时间上下波动,整个瞬态过程都位于参 考阈值之下。故障1发生后,统计指标表示的瞬时 频率变化量在组件撞击时陡然增加,越过参考阈值 后达到峰值。这表明,对瞬时频率特征的变化量进 行统计可以提取正常与故障冲击信号的本质特征, 准确区分了不同状态下的潜在运行模式,实现了对 瞬时冲击类故障的检测目的。如图5(b)所示,在故 障2发生后其瞬时频率变化量的峰值超过参考阈 值,检测结果清晰地揭示了故障发生前后频率随时 间的变化规律,再次证明了所提出的方法对检测瞬 时冲击故障的有效性。本次实验结果也显示,不同 于对时域信息变化的检测方法,该方法从冲击信号 时频谱上提取瞬时频率,对频谱信息随时间的变化 轨迹进行统计,可以提高对微弱故障的检测效率。 这是因为,早期微弱故障在幅值上变化往往不够显 著,但是可通过频率分布的细微变化体现出来。



## 2.3 方法比较

为了比较不同方法对瞬时冲击故障的检测性 能,采用文献[16]中的矩阵增广方法建立了一种动 态 PCA 模型,其对上述两种瞬时故障的检测结果如 图6所示。其中保留的主成分个数为15,相关时间 序列长度为8,与前文保持一致。图6显示,高速自 动机正常状态下的瞬时频率变化量低于安全阈值, 故障发生后对应的瞬时频率高于安全阈值,动态 PCA成功检测到两种系统异常带来的频谱提升。 将动态 PCA 与 CVA 检测结果进行比较,可发现后 者建立的参考模型及阈值更加稳定,正常状态下健 康指标远低于安全阈值,瞬时冲击对监测结果的不 确定性影响较小。另一方面,后者更能反映冲击故 障时系统的动态特性,突出了瞬时冲击处的频谱峰 值特征。这是由于动态PCA模型建立在单一特征 集上,而CVA模型通过最大化两组特征的相关性获 取对瞬时冲击信号特征信息的一致理解,能够减少 瞬时冲击故障时的不确定性影响<sup>[9]</sup>。



# Fig.6 Monitoring of transient damage using dynamic PCA

# 3 结 论

1) 统计时频谱驱动的损伤预示方法对瞬时冲

击类故障是有效的。该方法从对微弱损伤更加敏感 的频谱分布图提取瞬时频率特征,能够准确揭示瞬 时冲击信号频率随时间的变化规律,这是统计模型 实现损伤预示的基础。

2) CVA和动态PCA模型都能有效检测到瞬时 冲击故障,由于CVA提取两个特征集的共同信息, 因此能够减少瞬时冲击故障的不确定性影响。

3)高速自动机的运动形态具有多行程特点,其 响应信号是一系列短时瞬态冲击序列。未来应该发 展兼顾高速自动机各行程特点的全行程状态监测 方法。

#### 参考文献

 [1] 潘宏侠,都衡,马春茂.局域波信息熵在高速自动机 故障诊断中的应用[J].振动、测试与诊断,2015(6): 1159-1164.

PAN Hongxia, DU Heng, MA Chunmao. High-speed automaton fault diagnosis based on local wave and information entropy [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2015(6): 1159-1164.(in Chinese)

[2] 潘宏侠,兰海龙,任海峰.基于局域波降噪和双谱分析 的自动机故障诊断研究[J]. 兵工学报,2014,35(7): 1077-1082.

PAN Hongxia, LAN Hailong, REN Haifeng. Fault diagnosis for automata based on local wave noise reduction and bispectral analysis [J]. Acta Armamentarii, 2014, 35(7): 1077-1082. (in Chinese)

- [3] 任海锋,潘宏侠.基于多分形特征的枪械自动机裂纹 故障诊断[J].兵工学报,2018,39(3):457-462.
  REN Haifeng, PAN Hongxia. Crack fault diagnosis of gun automatic mechanism based on multifractal features
  [J]. Acta Armamentarii, 2018,39(3):457-462.(in Chinese)
- [4] YU J. Bearing performance degradation assessment using locality preserving projections and Gaussian mixture models[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2011, 25(7):2573-2588.
- [5] ŽVOKELJ M, ZUPAN S, PREBIL I. EEMD-based multiscale ICA method for slewing bearing fault detection and diagnosis[J]. Journal of Sound and Vibration, 2016, 370: 394-423.
- [6] LU C, CHEN J, HONG R, et al. Degradation trend estimation of slewing bearing based on LSSVM model
   [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2016, 76/77:353-366.
- [7] JIN X, FAN J, CHOW T W S. Fault detection for rolling-element bearings using multivariate statistical process control methods [J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2019, 68(9):3128-3136.

- [8] RAIA, UPADHYAY S H. Bearing performance degradation assessment based on a combination of empirical mode decomposition and k-medoids clustering [J]. Mechanical Systems & Signal Processing, 2017, 93 (1): 16-29.
- [9] CHEN Z, DING S X, PENG T, et al. Fault detection for non-gaussian processes using generalized canonical correlation analysis and randomized algorithms [J].
   IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2018, 65(2):1559-1567.
- [10] RUIZ-CARCEL C, CAO Y, MBA D, et al. Statistical process monitoring of a multiphase flow facility [J]. Control Engineering Practice, 2015, 42(S):74-88.
- [11] LI X, YANG Y, BENNETT I, et al. Condition monitoring of rotating machines under time-varying conditions based on adaptive canonical variate analysis [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2019, 131: 348-363.
- [12] BOASHASH B. Estimating and interpreting the instantaneous frequency of a signal (I): fundamentals[J]. Proceedings of the IEEE, 1992, 80(4):520-539.
- [13] BOASHASH B. Estimating and interpreting the instantaneous frequency of a signal (II): algorithms and applications [J]. Proceedings of the IEEE, 1992, 80 (4): 540-568.
- [14] RUIZ-CÁRCEL C, LAO L, CAO Y, et al. Canonical variate analysis for performance degradation under faulty conditions [J]. Control Engineering Practice, 2016, 54:70-80.
- [15] ODIOWEI P E P, CAO Y. Nonlinear dynamic process monitoring using canonical variate analysis and kernel density estimations[J]. IEEE Transactions on Industrial Informatics, 2010,6(1):36-45.
- [16] ZHAO H. Dynamic graph embedding for fault detection[J]. Computers & Chemical Engineering, 2018, 117: 359-371.



**第一作者简介:**王宝祥,男,1990年7月 生,讲师。主要研究方向为机电系统检 测诊断及控制。曾发表《基于分时段规 范变量残差分析的高速自动机动态特性 监测》(《振动与冲击》2019年第38卷第 20期)等论文。

E-mail:pshuanying@sina.com

通信作者简介:潘宏侠,男,1950年10月 生,教授、博士生导师。主要研究方向为 机电系统检测诊断及控制。 E-mail:panhx1015@163.com