DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2021.03.027

基于总体经验模态分解的桥梁动态位移重构*

刘 鹏¹, 陈云 鹏¹, 邹应全^{1,2}
 (1.西南交通大学信息科学与技术学院 成都,611756)
 (2.中铁第一勘察设计院轨道交通工程信息化国家重点实验室 西安,710043)

摘要 针对微机电系统(micro-electro-mechanical-systems,简称 MEMS)加速度传感器输出信号通过传统二次积分 变换为位移信号时精度较低的问题,根据桥梁振动信号的特点,提出了一种基于总体经验模态分解和时域积分相结 合的桥梁动态位移重构方法。通过桥梁模拟信号的仿真和振动测试台的验证,分析比较了4种桥梁动态位移重构 方法。提出的方法可有效消除低频积分漂移和高频环境噪声对积分过程造成的影响,具有更好的自适应性和鲁棒 性。通过在公路高架桥梁进行现场试验,验证了方法的有效性。

关键词 桥梁;振动;动态位移;加速度;总体经验模态分解 中图分类号 TH825; TP277; U446.2

引 言

加速度传感器凭借较宽的频带响应、体积小、便 于安装和低成本等特点,在桥梁动态位移测量方面 得到了广泛应用[1]。加速度传感器采集桥梁结构的 加速度信号,通过对加速度幅值二次积分计算位移。 积分计算位移的方法主要分为频域积分和时域积分 两种。频域积分首先将加速度时域信号通过快速傅 里叶变换(fast Fourier transform, 简称FFT)变换到 频域,利用频域中的积分性质进行二次积分计算,通 过对位移频域信号快速傅里叶逆变换得到位移时域 信号。为了消除低频趋势项和高频噪声对积分过程 的影响,通常会在频域中进行滤波处理。但是频域 滤波存在截止频率选择和截断误差问题,在原始信 号频谱未知情况下易产生较大位移计算误差[2]。时 域积分避免了截止频率选择等问题,但采用MEMS 技术的加速度传感器在时域进行二次积分后,位移 信号会严重偏移甚至得到错误的结果。因为 MEMS加速度传感器的输出信号缺乏初始条件,且 存在直流分量、零点漂移、长周期干扰和温漂等,这 些因素所造成的误差会随积分放大[34]。因此,研究 如何有效地滤除加速度信号中的这些趋势项以及确 定边界值是时域积分的重要环节。

Kandula等^[5]提出了一种加速度信号模型,它是 指数阻尼正弦信号的和,通过对无噪声加速度进行

建模,然后二次积分得到振动位移,这种方法可以忽 略初始加速度与初始速度边界条件,并目计算精度 较高:然而该方法涉及到较大数据集的矩阵逆运算, 复杂度高,计算时间过长。文献[6]利用结构的振动 规律,在稳态振动阶段寻找速度和位移的零点,解决 了积分边界值问题,最后利用趋势项处理消除了积 分漂移的影响:但该方法的缺点在于要先识别稳态 振动阶段,如果结构复杂,则识别准确度较差,甚至 无法识别。文献[7]提出了基于FFT时频转换和经 验模态分解(empirical mode decomposition,简称 EMD)自适应滤波相结合的积分变换方法,该方法 为获取位移信号提供了新的途径,但是积分过程是 在频域中进行的,存在频率截断误差和截止频率的 选取问题,而且EMD分解会产生模态混叠现象和 端点效应。文献[8]采用总体经验模态分解方法 (ensemble empirical mode decomposition, 简称 EEMD)和EMD方法对液压泵泵壳振动数据进行 分解重构,结合短时最大熵谱分析选取对故障最为 敏感的固有模态函数(intrinsic mode function,简称 IMF)分量,采用模糊C均值聚类算法进行故障模式 识别,识别结果表明,EEMD相比较于EMD,迭代 次数大幅减小,故障识别率也有显著提高。

笔者采用EEMD方法对桥梁振动加速度信号、 速度信号及位移信号逐次分解重构,有效地消除了 积分计算过程中高频噪声和低频趋势对积分过程造

^{*} 四川省科技资助项目(2018GZ0008)

收稿日期:2019-04-24;修回日期:2019-08-28

成的干扰,获得了满足计算精度的动态位移信号。

1 加速度积分与EEMD算法

1.1 加速度积分原理

速度是加速度的一次积分

$$v = v_0 + \int_0^t a dt \tag{1}$$

位移是速度的一次积分

$$\int_{s_0}^s \mathrm{d}s = \int_0^t v \mathrm{d}t \tag{2}$$

将式(1)代入式(2)得到位移积分计算公式

$$s = s_0 + v_0 t + \int_0^t \int_0^t a dt$$
 (3)

为了方便在计算机中处理计算,加速度积分离 散形式(梯形积分公式)为

$$\int_{t(0)}^{t(n)} a(t) \, \mathrm{d}t \approx \sum_{i=1}^{n} \left(\frac{a(i-1) + a(i)}{2} \right) \Delta t \qquad (4)$$

速度与初始速度以及加速度的离散关系式为

$$v(n) = v(0) + \frac{1}{2} [a(0) + 2a(1) + \dots + 2a(n-1) + a(n)] \Delta t$$
(5)

位移与初始位移以及速度的关系式为

$$s(n) = s(0) + \frac{1}{2} [v(0) + 2v(1) + \dots + 2v(n-1) + v(n)] \Delta t$$
(6)

将式(5)代人式(6)得位移积分离散关系式为 $s(n) = s(0) + nv(0)\Delta t +$

$$\left[\frac{2n-1}{4}a(0) + (n-1)a(1) + \dots + a(n-1) + \frac{1}{4}a(n)\right]\Delta t$$
(7)

式(4)~(7)中Δt是计算位移的一个重要参数, 它代表加速度采样时间间隔,与采样频率互为倒数。当Δt越小时,采样频率越高,式(4)积分运算结 果与数值运算结果越近似。在实际中设置采样频率 为文献[1]的2~5倍,本试验中采样频率为1kHz, 保证精度要求。

如式(7)所示,位移与初始位移以及初始速度有 关。其中初始位移是以常量叠加的形式影响最终位 移结果,而初始速度是与时间作为一次函数的关系 影响最终位移结果。随着时间的增加,累计误差也 越大。另外,由于MEMS加速度传感器自身因素和 采集系统的零点漂移造成的低频干扰会经积分放 大,因此通常采用低通滤波、平滑滤波等滤波处理来 减小以上现象造成的影响。但是滤波处理局限性太 大,截止频率选取困难,因此需要一种自适应处理方法,而总体经验模态分解正是一种基于经验的数据分析方法。该方法依据信号自身的时间特征尺度进行分解,每个 IMF 分量都有不同的时间特征尺度,可以根据不同的时间特征尺度来筛选,从而筛除不需要的分量,达到自适应滤波的目的。

1.2 总体经验模态分解

EEMD 是在 EMD 算法上发展而来的, EMD 是 希尔伯特-黄变换(Hilbert-Huang transform, 简称 HHT)的核心算法^[9]。EMD 算法的目的在于将非 平稳、非线性的信号分解为一组稳态和线性的 IMF, 且 IMF 满足以下性质:

1)信号的极值点 N_e和过零点 N_z数目相等或最 多相差一个

$$(N_z - 1) \leq N_e \leq (N_z + 1)$$
 (8)

2)任意一点,由局部极大值定义的包络S_{max}(t) 和由局部极小值定义的包络S_{min}(t)的均值为0

$$\left[S_{\max}(t) + S_{\min}(t)\right]/2 = 0$$
 (9)

但是 EMD 也存在不足,用 EMD 分解得到的 IMF分量存在模态混叠现象与端点效应。模态混 叠体现在不同的 IMF 分量出现相同的尺度信息,此 时低频分量可能与有效信息混叠在一起,造成IMF 分量选取困难,积分放大后造成严重偏移。端点效 应伴随每一次筛选过程,会在运算过程中逐渐放大, 因此会对整个数据序列产生影响。为了克服这些问 题,WU等^[10]提出了EEMD方法:将频率不同的白 噪声序列添加到目标数据中,当附加的白噪声均匀 分布在整个时频空间时,该时频空间就由滤波器分 割成的不同尺度成分组成。不同尺度的信号会自动 投影到由白噪声建立的合适的参考尺度上,可以有 效地解决模态混叠现象与端点效应。虽然每个试验 可能产生非常嘈杂的结果,但在试验样本足够大的 情况下,平均后的噪声将基本消失^[11]。EEMD作为 EMD算法的改进,包括以下几个步骤:

1) 添加一个白噪声序列到目标数据中

$$X(t) = x(t) + n_i(t) \tag{10}$$

2) 把添加白噪声的数据分解成多个 IMF 分量

$$X(t) = \sum_{j=1}^{K} c_j(t) + r_K(t)$$
(11)

3)重复步骤1和2,目标数据中加入与步骤1不同的白噪声序列

$$X_{i}(t) = \sum_{j=1}^{K} c_{ij}(t) + r_{iK}(t)$$
(12)

4)获得分解的对应多个 IMF 的(总体)均值作 为最终结果

$$c_{j} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} c_{ij}(t)$$
 (13)

其中:N为总体个数;K为IMF分量个数。

通过EEMD将原始信号分解成多个IMF分量, 每个IMF代表原始信号的一种内部模态,因此可以 选取试验所需要的模态分量进行分析处理,从而达 到自适应数据处理的目的。

2 桥梁模拟信号仿真试验

2.1 Matlab仿真模拟桥梁振动加速度信号

通常桥梁动态响应振动信号的频率为1~ 10 Hz,所以本研究构造理想位移信号为

$$s = 10\sin(5\pi t) \tag{14}$$

根据加速度*a*是位移*s*的二次微分关系可得,理 想加速度信号为

$$a = -250\pi^2 \sin(5\pi t)$$
 (15)

通过 Matlab 构建理想的加速度信号,并在此基础上添加高斯分布的随机白噪声,如图1所示。



分别用基于频域带通滤波处理方法^[12]、EMD 自适应滤波方法^[13]、基于FFT+EMD滤波处理方 法^[7]和EEMD自适应滤波方法,对加入噪声的加速 度信号进行处理,以求得到理想的位移信号。

2.2 基于频域带通滤波处理

图 2 为基于频域带通滤波处理的方法流程图, 首先对加速度时域信号进行 FFT 处理,转换成对应 的频域信号,然后在频域设置理想的带通滤波器 H(f)对加速度频域信号进行滤波处理



Fig.2 Flow field based on frequency domain bandpass pro-

$$H(f) = \begin{cases} 1 & (f_1 \leqslant f \leqslant f_2) \\ 0 & (\ddagger \& b) \end{cases}$$
(16)

由于桥梁振动模拟信号频率为 2.5 Hz,设置 $f_1=1$ Hz, $f_2=10$ Hz。对滤波处理后的加速度频域 信号进行频域内的二次积分,得到位移频域信号,然 后对位移频域信号进行快速傅里叶逆变换(invert fast Fourier transform,简称 IFFT)处理得到位移时 域信号。从图 3 可看出,基于频域滤波的处理方法 没有相移现象,但由于频率截断误差等原因,在信号 的 0~2 s和 8~10 s与理想信号存在一定的误差。



图 3 频域滤波处理后的位移信号和理想位移信号

Fig.3 Displacement signal after frequency domain filtering and ideal displacement signal

2.3 基于EMD自适应滤波处理

图4为基于EMD自适应滤波处理方法的流程 图,其中:a为采样到的原始加速度信号;a'为经过分 解重构处理后的加速度信号;v为积分得到的速度 信号;v'为经过分解重构处理后的速度信号;s为积 分得到的位移信号;s'为经过分解重构处理后的位 移信号。



如图5所示,EMD自适应滤波处理方法得到的 位移结果,在1.5~7s与理想信号几乎重合;但是其 他时间段由于模态混叠现象和端点效应,与理想位 移信号相差较大,总体效果不理想。



图5 EMD滤波处理后的位移信号和理想位移信号

Fig.5 Displacement signal after EMD adaptive filtering and ideal displacement signal

2.4 基于 FFT+EMD 滤波处理

从图6可以看出,基于FFT+EMD滤波处理方 法原理和基于频域滤波处理的方法类似,只是对IF-FT得到的位移时域信号进行了一次EMD自适应 滤波处理。



Fig.6 Flow field based on FFT+EMD adaptive filtering proces

如图 7 所示,相比较于基于频域滤波处理和基于 EMD 自适应滤波的方法,基于 FFT+EMD 滤波 处理方法得到的位移信号和理想位移信号重合时间 更长。虽然 0~1s 和 9~10s 的波形存在一定失真,但整体效果比前面 2 种方法都要好。



图 7 基于 FFT+EMD 滤波处理后的位移信号和理想位移 信号

Fig.7 Displacement signal after FFT+EMD adaptive filtering and ideal displacement signal

2.5 基于 EEMD 自适应滤波处理

基于 EEMD 自适应滤波方法原理与基于 EMD 自适应滤波方法类似,只是用 EEMD 替代 EMD,流 程图如图 8 所示。





如图9所示,在整个时间段内EEMD滤波处理 后的位移信号和理想位移信号都高度重合,整体效 果比前面3种方法都要好,体现了基于EEMD自适 应滤波方法的有效性。



图 9 EEMD 自适应滤波处理后的位移信号和理想位 移信号

Fig.9 Displacement signal after EEMD adaptive filtering and ideal displacement signal

2.6 积分结果误差分析

分别计算频域带通滤波、基于 EMD 自适应滤 波、基于 FFT+EMD 滤波、基于 EEMD 自适应滤波 相对于理想信号均方根误差、峭度误差及相位误差, 见表 1,其中 1~4 依次对应上述 4 种方法。EEMD 自适应滤波方法均方根误差和峭度误差都在 2% 以 下,相位误差小于 2.1°,满足计算精度。这说明对于 低频加速度信号的积分处理问题,较之其他 3 种方 法,EEMD 自适应滤波方法所得的结果精度更高。

表1 积分结果误差分析表 Tab.1 Analysis table of integral result error

	-	0	
方法	均方根误差/%	峭度误差/%	相位误差/(°)
1	5.163 6	3.778 8	8.784 5
2	4.362 8	29.365 2	23.541 0
3	5.440 5	7.108 3	10.495 1
4	1.722 6	0.144 9	2.080 8

3 振动台数据采集试验

采用多通道振动数据同步采集系统对振动台振动加速度信号进行采集,分别用基于频域带通滤波、基于 EMD 自适应滤波、基于 FFT+EMD 滤波和基于 EEMD 自适应滤波处理4种方法进行振动动态位移重构,将得到的位移信号与振动台给出的参考位

移进行对比,来检验基于 EEMD 自适应滤波方法位 移重构的有效性。

3.1 基于振动台的数据采集及算法验证试验

图 10为振动台实物图,从图中可以看出,基于振动 台的数据采集及算法验证试验主要设备有:双轴振动 台;三轴 MEMS加速度传感器;振动台变频控制器;多 通道加速度采集系统;以太网线连接的上位机。



图 10 振动台实物图 Fig.10 Vibration table physical map

振动加速度信号由振动台给出,通过振动台变 频控制器控制一对偏心轮实现垂直与水平二维变频 振动控制,以此来产生不同维数与幅度的振动模拟 量。在试验中设置振动频率为9Hz,根据振动台手 册得知振幅为1mm。三轴MEMS加速度传感器采 集振动台振动的加速度,通过多通道加速度采集系 统将加速度信号传输到上位机。在上位机平台上用 上述4种方法实现振动台位移重构,并对不同方法 进行比较分析。

图 11 为振动台加速度信号及频谱图。图中显示了振动采集系统以1 kHz 的采样频率持续采样 10 s的波形数据,频谱显示振动台信号的频率主要 集中在9 Hz,与振动台设置的振动频率参数一致。 从加速度信号的频谱中可以直观地看到,存在幅度



较大的低频分量。为了更好地过滤干扰因素,频域 滤波处理过程中通带频率设置为5~30 Hz。



Fig.11 Collected vibration table vibration acceleration and spectrum

3.2 振动台动态位移重构

图 12 为分别采用前述的 4 种方法对采样到的振动台加速度信号进行处理后得到的振动台动态位移信号的结果图。从频域图中可以看出,基于频域带通滤波处理、基于 FFT+EMD滤波处理和基于 EEMD 滤波处理这 3 种方法都有效地滤除了小于 1 Hz 的低频分量。但是由于模态混叠和端点效应,基于 EMD 滤波得到结果首尾两端有大幅度的失真,尤其是尾部失真后的幅值达到了有效信号的 40 倍以上。

为了对基于EMD滤波处理的失真原因进行分析,图13展示了加速度信号EMD分解得到的IMF 分量及频谱图。从图中可以看到,IMF₃与IMF₄的 频段为9Hz,与振动台振动频率相符。但是IMF₃与 IMF₄出现了模态混合现象与端点效应,尤其是 IMF₄端点处的失真达到了有效信号的1.5倍以上。 误差经过积分后放大,这使得误差积分放大后造成 严重偏移,直接影响经验模态分析的效果。







图 14 为基于 EMD 滤波处理得到的速度信号。 该信号是将图 13 中的 IMF₃和 IMF₄重构,得到滤波 后的加速度信号 a',然后对 a'进行积分得到的速度 信号 v。从图 14 中可以看出,对于加速度信号的滤





波处理没有有效地滤除低频分量。

对积分得到的速度信号 EMD 进行分解,如图 15 所示。从图 15 可以看出, IMF₁为需要提取出的重构 速度信号 v['], 但是由于端点效应, 在信号的末尾处有 大幅度的失真。从 IMF₁的频谱图可以看出, 在 EMD 分解过程中发生了模态混叠,除了频率为 9 Hz 的有 效信号外, IMF₁中混叠了一部分低频分量。端点效 应和模态混叠想象所造成的误差会随着积分而 放大。

对重构速度信号 v'积分后得到位移信号s,如 图 16 所示。对图 16 的位移信号进行 EMD 分解,得 到重构后的位移信号如图 12(b)所示。可以看出随 着积分的进行,EMD端点效应和模态混叠所造成的 误差在累计增大,基于 EMD 滤波方法对实测振动 信号进行处理效果并不理想。







图 16 基于 EMD 滤波处理得到的位移信号 Fig.16 Displacement signal based on EMD filtering

图 17 为基于频域滤波处理的振动台位移信号 EMD 分解得到的部分 IMF 分量及频谱。该方法是 想通过EMD分解,滤除频域滤波过程中所产生的 截断误差等干扰项,但是在EMD分解的过程中发 生了模态混叠,反而加大了误差。从图中可以看出, IMF₁为重构后的位移信号。

综合来看,基于 EEMD 自适应滤波处理方法得 到的位移信号精度更高。通过对加速度信号、速度 信号和位移信号采用 EEMD 依次分解, 剔除高频噪 声和低频趋势项并进行重构, 基本消除了原始振动 台加速度信号中的高频噪声、低频趋势项以及直流 分量的影响。从数据结果图可以看出, 振动台以 9 Hz 频率振动时的动态位移峰峰值为 2 mm, 与振 动台手册给出的一致, 验证了此算法重构位移的有 效性。



Fig.17 Partial IMF component of vibration table displacement signal EMD based on frequency domain filtering

桥梁实地试验结果分析 4

公路高架桥梁的数据采集及算法验证试验 4.1

试验测试场地洗用一座高约15m的公路高架桥 梁。通过对桥梁结构分析,当车辆通过时,桥梁跨中 振动幅度最大。因此,本次试验选择在桥梁跨中安装 三轴 MEMS 加速度传感器。试验中,结合视频录像 分析不同类型车辆经过时产生的不同桥梁动态响应。

图 18 为桥梁现场数据采集环境搭建示意图,

图 19 为桥梁现场数据采集实物图。桥梁现场数据采 集环境搭建包括三轴MEMS加速度传感器、振动数 据采集系统、锂电池、工控机、4G路由器和便携式 TFT 屏等。三轴 MEMS 加速度传感器将桥梁的振 动加速度信号转换成电压信号,振动数据采集系统 对电压信号进行采样,在内部实现A/D转换,并通过 以太网将采样数据传输至工控机中保存。现场有便 携式 TFT 屏可以实时查看系统运行状态, 工控机通 过4G路由器连接网络,通过远程电脑进行监控。



图 18 桥梁现场数据采集环境搭建示意图



(a) Overall view of the bridge



(b) Field data collection physical map 图19 桥梁现场数据采集实物图 Fig.19 Bridge site data collection physical map

结合摄像头录制的视频,重点选取有重载货车 与大型运渣卡车经过时引起的桥梁动态振动位移, 这时桥梁的动态位移较大,从中获取的结构行为特 征较为明显。根据桥梁动态位移、车辆类型、行驶速 度及道路粗糙条件等,可以建模获得动态交通荷载 下短跨、中跨桥梁疲劳应力,从而对桥梁的疲劳可靠 性进行评估[14]。

图 20 为截取的一段时长为 60 s 的桥梁振动加 速度信号及频谱。从图中可以看出,桥梁振动加速 度信号频率为2.487 Hz,且存在幅值较高的低频直 流分量,所以本次试验在频域滤波处理过程中通带 频率设置为1~30 Hz。



Fig.20 Bridge vibration acceleration signal and frequency domain spectrum

4.2 桥梁位移重构

分别用基于频域带通滤波、基于EMD自适应 滤波、基于 FFT+EMD 滤波和基于 EEMD 自适应 滤波处理4种方法实现桥梁动态位移重构。位移重 构结果如图21所示。

图 21 中桥梁动态位移有 2 个峰值,结合摄像头 所拍摄的录像,第1个峰值是由一辆小轿车引起的 动态振动位移,峰值比较小,并且很快衰减到零;第 2个峰值则是一辆大型满载卡车引起的,峰值较大, 最高达到1.4 mm,并且自由衰减时间较长,衰减时 间大概持续了35s。利用这些数据可以做出桥梁预 警并求出桥梁的部分结构特征,比如桥梁的固有频 率和阻尼比等。从图 21(b)可以看出,由于模态混





叠现象和端点效应,基于EMD自适应滤波方法重 构的动态位移信号已经完全失真。

图 22 为基于 FFT+EMD 滤波处理后的位移信 号和基于频域滤波处理后的位移信号的对比图。红 色信号线和蓝色信号线分别表示基于频域带通滤波 处理和基于 FFT+EMD 滤波处理得到的位移信 号,整体上两者几乎重合。但在 0~0.5 s 内,由于





EMD分解产生的端点效应,基于FFT+EMD滤波 处理后的位移信号出现了小幅度的信号失真。上述 仿真结果表明,在对这段信号处理的过程中,EMD 分解起到的优化效果有限,反而由于EMD分解过 程中端点效应,加大了位移结果的误差。

图 23 为基于频域滤波处理和基于 EEMD 自适 应滤波处理得到的位移信号对比图。红色信号线和





蓝色信号线分别表示基于频域带通滤波处理和基于 EEMD滤波处理得到的位移信号。虽然从整体上 来看两者位移信号几乎重合,但是在前8s没有车辆 经过,理论上位移信号应该为零的区间段内,基于 EEMD 自适应滤波处理得到的位移信号滤波效果 最好。

5 结束语

本研究利用 EEMD 算法从振动加速度信号到 位移信号逐次分解重构,依次对振动加速度信号、速 度信号以及位移信号进行修正,最终重构出满足计 算精度的位移信号。通过软件仿真、振动测试台验 证和现场试验,与基于频域滤波处理方法、基于 EMD 自适应滤波处理方法、基于 FFT+EMD 滤波 处理方法进行比较,验证了基于 EEMD 自适应滤波 算法重构桥梁动态位移的有效性。

参考文献

- [1] HANCKE G, SILVA B, HANCKE J R G. The role of advanced sensing in smart cities [J]. Sensors, 2013, 13(1): 393-425.
- [2] GUO R, YE S, JI Y. Optimization acceleration integral method based on power spectrum estimation [C] //MATEC Web of Conferences. [S. l.] : EDP Sciences, 2018: 354-358.
- [3] 杜少林,陈鹏光,陈书钊,等.高成本和低成本 MEMS加速度计性能比较研究[J].传感器与微系统, 2018,37(4):48-50.
 DU Shaolin, CHEN Pengguang, CHEN Shuzhao, et al. Research on performance comparison of high cost and low cost MEMS accelerometers [J]. Transducer
 - and Microsystem Technologies, 2018, 37(4): 48-50. (in Chinese)
- [4] MAJUMDER S, MONDAL T, DEEN M. Wearable sensors for remote health monitoring [J]. Sensors, 2017, 17(1): 130.
- [5] KANDULA V, DEBRUNNER L, DEBRUNNER V, et al. Field testing of indirect displacement estimation using accelerometers[C]//2012 Conference Record of the Forty Sixth Asilomar Conferen-ce on Signals, Systems and Computers (ASILOMAR). [S. l.] : IEEE, 2012: 1868-1872.
- [6] 林楠,李东升,李宏男.基于零初值的测试加速度积 分速度与位移的方法[J].中国科学技术科学,2016, 46(6):602-614.

LIN Nan, LI Dongsheng, LI Hongnan. Novel integration method of measured acceleration to velocity and displacement based on zero initial condition[J]. Scientia Sinica Technologica, 2016, 46(6): 602-614. (in Chinese)

- [7] SHI P A, YE J W. Study on measured data processing method of model test for relative motions between two side-by-side replenishment ships in waves [J]. Applied Mechanics and Materials, 2012, 239/240: 1089-1094.
- [8] 姜万录,卢传奇,朱勇.基于HHT和模糊C均值聚类的轴向柱塞泵故障识别[J].吉林大学学报(工学版),2015,45(2):429-436.
 JIANG Wanlu, LU Chuanqi, ZHU Yong. HHT and fuzzy C-means clustering-based fault recognition for axial piston pump[J]. Journal of Jilin University(Engineering and Technology Edition),2015,45(2):429-436. (in Chinese)
- [9] 陈永高,钟振宇.基于改进EEMD算法的桥梁结构模态参数识别[J].公路交通科技,2018,35(4):49-57.
 CHEN Yonggao, ZHONG Zhenyu. Modal parameter identification of bridge structure based on improved EEMD algorithm[J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2018, 35(4):49-57. (in Chinese)
- [10] WU Z H, HUANG N E. Ensemble empirical mode decomposition: a noise-assisted data analysis method
 [J]. Advances in Adaptive Data Analysis, 2009, 1: 1-41.
- [11] 黄锷, 沈善普, 张海勇, 等. 希尔伯特-黄变换及其应 用[M]. 北京: 国防工业出版社, 2017: 4-45.
- [12] DO T M, LE T C. Performance analysis of fft filter to measure displacement signal in road roughness profiler
 [J]. International Journal of Computer and Electrical Engineering, 2013, 5(4): 356-361.
- [13] CHEN Y Q, ZHENG W, WEI X B. Application of EMD to integrated signal trend extraction [J]. Advanced Materials Research, 2012, 591/593: 2072-2076.
- [14] YAN D, LUO Y, LU N, et al. Fatigue stress spectra and reliability evaluation of short-to medium-span bridges under stochastic and dynamic traffic loads [J]. Journal of Bridge Engineering, 2017, 22 (12) : 04017102.



第一作者简介:刘鹏,男,1994年7月生, 硕士生。主要研究方向为智能信息处理 与智能控制。

E-mail:448487062@qq.com

通信作者简介:邹应全,男,1976年3月 生,博士、副教授、硕士生导师。主要研 究方向为智能信息采集与处理。 E-mail:zouyingq@home.swjtu.edu.cn