DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2023.04.003

城市轨道交通上盖不同类型结构振动特性对比*

周 颖¹, 张增德¹, 张君秋¹, 汪 凯² (1.同济大学土木工程学院 上海,200092) (2.上海市隧道工程轨道交通设计研究院 上海,200235)

摘要 为了研究城市轨道交通上盖不同结构类型建筑的振动特性,以上海市徐泾车辆段上盖钢框架结构和钢筋混 凝土(reinforced-concrete,简称 RC)框架结构为研究对象,进行了轨道车致激励下不同结构类型振动测试,并采用 Z 振级、1/3倍频程和均方根加速度总量等对比振动响应。结果表明:两类结构底部楼层的振动响应基本接近,而盖 上钢结构中上部楼层的车致振动响应较盖上钢筋混凝土结构大;钢筋混凝土结构的上部结构存在竖向高频成分 (100~180 Hz)的振动;各楼层振动响应满足规范要求,针对盖上钢结构,后续设计可适当提高中上部楼层板的厚 度,以提高楼层舒适度。该研究为城市轨道交通上盖不同结构类型的建筑开发提供数据支撑。

关键词 城市轨道交通上盖建筑;结构类型;现场测试;振动特性;振动评价 中图分类号 TU375;TU391;U211;TH825

引 言

为充分提高土地资源利用率,近年来各大城市 开始利用城市轨道交通站场土地资源进行上盖物业 开发。城市轨道交通上盖建筑作为一种以公共交通 为导向的开发模式,因其建筑理念优异,结构体系新 颖,兴建于中国、日本和新加坡等国家^[14]。然而,由 于盖下结构车辆段地铁停车列检、车辆检修、洗车喷 漆和车辆试车等,列车和轨道的相互作用将引起上 盖建筑物的振动,并产生二次噪音,影响盖上建筑物 内工作办公和居民生活质量,这已成为城市轨道交 通上盖物业开发的密切关注点^[5]。

针对上盖建筑物内车致振动问题,国内外学者 开展了一系列研究^[2,5-13]。对于停车列检库列车引 起的振动,马开强等^[2]研究了某一低层钢筋混凝土 框架结构竖向振动特性和传播规律,建议采用Z振 级评价。对于咽喉区列车引起的振动,文献[7-8, 11]对高层钢筋混凝土剪力墙住宅进行了振动测试, 发现上盖平台板以上的振动放大现象,且高层结构 振动放大现象显著。对于试车线列车引起的振动, 孙亮明等^[12]对某一钢筋混凝土框架-剪力墙结构住 宅进行测试,发现总体上振动响应随车速增加而增 大。针对盖下区域振动,冯青松等^[13]对比了盖下不 同区域列车运行的振动特性和地面振动衰减规律, 发现试车线附近振源强度最大,且振源5m内超限 值,而咽喉区振动次之。陈艳明等^[14]测试了下沉式 盖下列检库振动特性和传播规律。上述研究多为针 对盖上钢筋混凝土结构的振动特性,而对盖上钢结 构的现场振动测试较少。

根据振动传递率随频率比变化曲线可知,当传 递率大于1时,结构阻尼比越小,振动传递率越大, 即振动响应越大。与混凝土结构相比,钢结构在计 算振动舒适度时阻尼比一般小于混凝土结构阻尼 比^[15]。因此,理论上认为相同振动激励下上盖固接 钢结构的振动响应大于上盖固接钢筋混凝土结构; 然而,目前尚未有学者开展相同振源激励下两类结 构振动特性的对比分析。

笔者针对上海市徐泾车辆段上盖钢框架结构和 钢筋混凝土框架结构开展振动测试,两类结构位于 咽喉区和列检库上部,针对不同轨道列车入库振动 激励,进行盖上不同结构内部振动对比分析和评价, 研究不同类型结构的测点振动频谱特性和传播规 律,为城市轨道交通上盖物业采用不同结构类型的 建筑开发提供数据支撑。

1 工程概况

上海市徐泾车辆段按功能主要分为咽喉区、列 检库、检修库和试车线等区域。咽喉区是连接车辆 段其他区域的地段,轨道接头多,直接影响整个车辆

^{*} 国家自然科学基金杰出青年基金资助项目(52025083);上海市社会发展科技攻关资助项目(21DZ1203403) 收稿日期:2022-10-24;修回日期:2022-12-08



图 1 徐泾车辆段上盖建筑平面规划图 Fig.1 Floor plan of over-track buildings in Xujing depot

该地块盖下包括地面层和地下层。地面层为地 铁列检库,层高约为9m。地下层为商业停车和机房 等,盖上为商业裙房和办公塔楼。以3层(局部4层) 的商业裙房为研究对象,层高为5~6m。商业裙房 有永久缝,分为3个裙房单体,其中:咽喉区的裙房单 体采用钢框架结构,盖下结构柱网尺寸为8.0m× 12.8m;位于列检库区的裙房单体采用钢筋混凝土框 架结构,盖下结构柱网尺寸为9.0m×12.8m。

2 测试方案与工况

2.1 测试仪器

本次振动测试所用传感器为无线三向传感器, 仪器为三轴表面封装,内部集成3个力平衡加速度 计模块和存储模块,采集*x*,*y*和*z*三向振动数据。数 字处理器使用高速硬件连接系统与主处理器进行通 信,采样数据的时间同步精度可达到亚微秒级。 图 2为现场仪器安装示意图,采样频率为500 Hz。



图 2 现场仪器安装示意图 Fig.2 On-site instrument installation

2.2 测试工况

本次振动测试主要目的是对比钢筋混凝土框架

结构和钢框架结构在列车振动激励下的响应。图 3 为测点平面布置示意图。选取永久缝旁靠近咽喉区 的不同结构测点,分别截取盖上结构 F₁~F₃和 F₄测 点具体位置以及所在楼板尺寸,测点尽量靠近所在 楼板中心。



本次测试分为A,B工况,由于无线传感器数量 限制,每个工况包含7个测点。图4,5分别为工况



图4 工况A测点纵向布置示意图





Fig.5 Longitudinal layout of measuring points in condition B

A, B的测点纵向布置示意图,图中结构模型只截取 了部分跨。测点命名原则为:A,B代表测试工况;F₂ 代表所在楼层数;T₁为轨道层;RC为钢筋混凝土框 架结构;S为钢框架结构;X代表第X个轨道激励下 的响应。例如:A-F₂-RC-4表示A工况钢筋混凝土 框架结构第2层在轨道L₄激励下的响应。

表1为各工况包含的轨道激励编号,对应于测 点编号中的X。其中:A工况下有5个振动激励,分 别在L₂,L₄,L₈A和L₈B(2个列车入库同一轨道), L₁₀;B工况有2个振动激励,分别为L₅和L₆。回库车 速约为15 km/h。

表1 各工况包含的轨道激励编号

Tab.1 Excitations of track number included in each condition

测试工况	回库轨道号	测试工况	回库轨道号			
	L_2		L_5			
	L_4		L_6			
А	L_8A	В	_			
	L_8B		_			
	L ₁₀		—			

3 评价指标

3.1 Z振级评价

文献[16]给出以铅垂向Z振级作为振动强度的 评价指标,Z振级计算时间积分常数为1s,计算公 式为

$$a_{wz} = \left[\sum (W_i a_{fi})^2\right]^{1/2}$$
(1)

$$VL_z = 20\log(a_{wz}/a_0) \tag{2}$$

其中:a_{wz}为z方向频率计权均方根加速度;a_{fi}为第*i* 个1/3倍频程带的均方根加速度;W_i为第*i*个1/3倍 频程带的计权因数,采用W计权;VL_z为铅锤向Z振 级,单位为dB;a₀为基准加速度,取10⁻⁶m/s²。

根据文献[16],本次测试区域属于"混合区、商 业中心区",列车回库为夜间,Z振级限值为72 dB。 本次计算采用 W_k计权,根据大量实测数据,比文献 [16]的 W计算限值提高3 dB^[17-18]。因此,Z振级限 值采用文献[18]给出的夜间限值75 dB。

3.2 1/3 倍频程分频带振级评价

文献[17]给出1/3倍频程分频带振级作为振动 强度评价指标的评价方法,时间积分常数为1s,以 中心频率1~80 Hz的1/3倍频程铅垂向振动加速度 级最大值作为振动强度的评价指标,计算公式为

$$a_{fi} = \left[\frac{1}{T} \int_{0}^{T} a_{i}^{2}(t) dt\right]^{1/2}$$
(3)

$$\operatorname{VAL}_{z,fi} = 20 \log(a_{fi}/a_0) \tag{4}$$

$$VAL_{zmax,fi} = max(VAL_{z,fi})$$
 (5)

其中:a_i(t)为第i个1/3倍频程带对应的时程;T为时间积分常数,取1s;a_{fi}为第i个1/3倍频程的均方根加速度;VAL_{z,fi}为以时间积分常数1s计算出的第 i个中心频率铅垂向振动加速度级;VAL_{zmax,fi}为整个振动时程的第i个1/3倍频程中心频率对应的铅垂向振动加速度级的最大值。

文献[17]规定了卧室和起居室一级和二级限 值,本次测试结果与卧室一级和二级限值进行对比。

3.3 均方根加速度总量评价

文献[19]提供了三向振动的均方根加速度总量 计算方法,计算公式为

$$a_{v} = \left[k_{x}^{2}a_{wx}^{2} + k_{y}^{2}a_{wy}^{2} + k_{z}^{2}a_{wz}^{2}\right]^{1/2}$$
(6)

其中: a_x 为均方根加速度总量; a_{wx} , a_{wy} 和 a_{wz} 分别为 x,y和z方向频率计权均方根加速度; k_x , k_y 和 k_z 为方 向因数。

x和y方向频率计权采用 W_a 计权,z方向采用 W_k 计权,x子向积空向计权曲线如图6所示。根据 文献[19], k_x 和 k_y 取1.4, k_x 取1.0。该标准给出人体 感受振动的阈值,对应三向振动计算得到的均方根 加速度总量范围(0.01~0.02 m/s²)。



Fig.6 Horizontal and vertical weighting curves

4 测试结果与分析

4.1 Z 振级

图7,8分别为工况A,B各楼层Z振级分布。由 图7可知,盖上结构(RC结构和钢结构)的Z振级 均大于轨道层激励的Z振级。较盖下振动激励而 言,盖上结构的竖向振动响应存在放大现象。对比 两类结构的Z振级可知:钢筋混凝土结构首层(F₁) 的Z振级略大于钢结构首层的Z振级,但首层以上 (特别是第3层)钢筋混凝土结构的Z振级小于钢 结构的Z振级;随着楼层数的增加,钢结构Z振级 增加,顶层(F₄)Z振级减小,没有放大现象;钢筋混 凝土结构Z振级随楼层数增加呈现减小的趋势,但 顶层Z振级放大。



Fig.7 Z vibration level of each floor in condition A



Fig.8 Z vibration level of each floor in condition B

对比各楼层 Z 振级和 Z 振级限值(75 dB)发现, 仅钢筋混凝土结构首层出现1次测试工况超限,首 层以上测点均未超过 Z 振级限值。钢结构虽然不存 在测试工况超限,但上部楼层较钢筋混凝土结构更 接近 Z 振级限值。整体而言,两类结构底部楼层振 动响应基本接近,而盖上钢结构中上部楼层车致振 动响应较盖上钢筋混凝土结构大。

4.2 1/3 倍频程分频带振级

由上述 Z 振级分析可知,当轨道激励在轨道 L_sA和L_sB时,两类结构的 Z 振级均较大。因此,选 取轨道L_sA和L_sB振动激励下,对测点进行1/3倍频 程分频带振级评价。

图 9 为轨道层 1/3 倍频程振级(1~80 Hz)。考虑到高频成分影响,图 10 附加了 1~250 Hz 内测点

对应的轨道层频谱分布。由图可知,在Z振级较大 测点处,轨道层测点1/3倍频程最大振级点出现在 中心频率40 Hz,均未超过一级和二级限值。同时, 列车入库时轨道层振动激励存在高频成分^[2],振动 主要分布在30~80 Hz和150~180 Hz频段。



Fig.10 Spectral distribution of track floor

图 11,12分别为轨道 L_sA 和 L_sB 激励下,钢筋混 凝土结构和钢结构各楼层 1/3 倍频程分频带振级分 布(1~80 Hz)。图 13,14 分别为 1~250 Hz 内轨道 L_sA 和 L_sB 激励下楼层频谱分布。由图 11,12 可知, 上部楼层测点 1/3 倍频程最大振级点出现在中心频 率 25~50 Hz 频段。对于钢结构,首层测点在 40 Hz 处超过夜间一级限值,以上楼层测点在 40 Hz处接近 夜间一级限值;钢筋混凝土结构首层测点在 25 Hz 处 超过夜间一级限值,以上楼层测点均未超过夜间一



到11 轨道L。A 微加下钠加化碳工结构各铵压1/3 信频程 分频带振级

Fig.11 One-third octave plumb vibration level of floors of reinforced-concrete structure under excitation of L_8A track



Fig.12 One-third octave plumb vibration level of floors of steel structure under excitation of L₈B track







Fig.14 Spectral distribution of floors under excitation of L_8B track

级和二级限值。可见:在中心频率31.5 Hz 及以下的 加速度级振级响应强度处,钢筋混凝土结构略高于 钢结构振级响应强度;在50 Hz 附近,钢结构的振级 响应强度略高于钢筋混凝土结构的振级响应强度。

根据频谱分布可知:钢结构测点竖向振动频段

主要分布在40~80 Hz,高频成分被钢材料过滤;钢筋混凝土结构测点竖向振动频段主要分布在30~50 Hz和100~180 Hz,高频成分未被混凝土材料过滤,特别是钢筋混凝土结构首层测点,高频成分尤为明显。因此,在盖上钢筋混凝土结构中应关注高频振动对相关设备的影响。

4.3 均方根加速度总量

图 15 为钢筋混凝土结构和钢结构在水平顺轨 方向均方根加速度。可知,钢结构顺轨方向的均方 根加速度随着楼层数增加而增大,而钢筋混凝土结 构的均方根加速度在大部分工况下随楼层变化 较小。



Fig.15 Root mean square acceleration of horizontal track direction

图 16 为钢筋混凝土结构和钢结构在水平垂直 轨方向均方根加速度。可知,在垂直轨方向两类结 构均方根加速度随楼层变化与顺轨方向一致,但垂 直轨方向的均方根加速度值较顺轨方向大。



track direction

根据三向均方根加速度,可计算得到三向均方根 加速度总量,如图17所示。最大均方根加速度总量 为0.009 m/s²,小于人体感受振动阈值(0.01 m/s²), 且大多数工况远小于0.01 m/s²,因此文献[19]提供 的判断标准,测试的盖上结构没有对人体舒适度的 F



RC结构

钢结构

Fig.17 Total root-mean-square acceleration of three directions

负面影响。对比两类结构的三向均方根加速度总 量,可知钢筋混凝土结构首层三向振动响应大于钢 结构,而上部楼层钢结构三向振动响应大于钢筋混 凝土结构。

4.4 传递函数

根据被测系统输入信号与输出信号加速度的相 互关系,可估计被测系统的频域传递特性和动力特 性。以工况A轨道L4,L8A,L8B和L10测点加速度作为 振动激励,将盖上结构测点加速度作为振动响应,对 比盖上不同结构类型的振动传递特性。图18,19分 别为钢结构和钢筋混凝土结构楼板传递函数估计。

由图 18,19可知:首层钢结构的加速度传递率 接近2,远低于钢筋混凝土结构,目钢筋混凝土结构 在高频处也峰值增大,表明首层钢筋混凝土结构振 动响应大:随着楼层数增大,第2层钢结构加速度传 递率最大,表明该楼层振动响应相对其他楼层大,随 着层数增大,钢结构加速度传递率减小;对于钢筋 混凝土结构,第3层的加速度传递率小于首层的加



Fig.18 Transfer function estimation of steel building



图 19 钢筋混凝土结构楼板传递函数估计

Fig.19 Transfer function estimation of reinforced concrete building

速度传递率,振动响应减小。

4.5 楼板自振频率计算

基于矩形板振型方程,结合四边固定的边界条 件,采用傅里叶级数解法,得到矩形板各阶振型对应 的频率^[20]。其中,第1阶振型频率的计算公式为

$$w_{11} = \frac{\lambda_{11}}{L^2} \sqrt{\frac{D}{\rho h}} \tag{7}$$

其中:ω,,为楼板第1阶振型频率:λ,,为第1阶频率系 数,无量纲单位,根据文献[20]可得到不同边界条 件下给出的频率系数;L和h为矩形楼板长边长度 和楼板厚度;ρ为矩形楼板材料密度;E,为楼板弹性 模量;v为楼板材料泊松比;D为矩形楼板弯曲刚 $E_{c}h^{3}$ D = - $12(1-v^2)$

本次测试中,钢筋混凝土结构测点所在楼板的 柱网布置为梯形,位于边跨。所在楼板的第1阶振 型频率由等面积法估算得到^[20],计算公式为

$$w_{11} = \frac{15.64}{A} \sqrt{\frac{D}{\rho h}} \tag{8}$$

其中:A为楼板面积。

根据上述公式,可计算得到各层楼板的第1阶 理论计算频率。本次振动测试的两类结构楼板均为 钢筋混凝土楼板,根据图18,19可以得到所测楼板 的竖向第1阶实测频率。笔者选取了距离测点较近 的轨道L_sA和L_sB振动激励下的实测值,楼板自振 频率如表2所示。

由表2可知,除钢框架结构首层和第3层外,其 余各层楼板理论计算误差均不超过17.5%。钢框 架结构首层楼板误差较大,原因是首层测试时堆积 了施工材料,使楼板自身荷载增大,降低了楼板一 阶频率^[21]。同理,钢框架结构第3层设置了支撑, 以稳定顶层人群荷载,降低了楼板一阶频率。因 此,在计算正常楼面荷载下的楼板频率时,理论计

Tab.2 The self-resonating frequency of the floor									
结构类型	楼层	长边	短边	楼板面积/	楼板厚度/	$\lambda_{\scriptscriptstyle 11}$	实测频	理论计算	理论计算
	编号	跨度/m	跨度/m	m^2	mm		率/Hz	频率/Hz	误差/%
钢框架结构	F_1	12.80	10.65	136.32	250	4.899	18.6	38.7	108.1
	F_2	12.80	10.65	136.32	130	4.899	17.1	20.1	17.5
	F_3	12.80	10.65	136.32	130	4.899	15.1	20.1	33.1
	F_4	19.05	4.30	81.92	130	5.753	11.5	12.5	8.7
钢筋混凝土框架结构	F_1	_	_	172.80	250	3.955	26.2	23.9	-8.8
	F_3	_	_	172.80	130	3.955	14.7	12.5	-15.0

表2 楼板自振频率

算误差较小。

由于理论计算得到的钢框架结构中楼板自振频 率略大,而钢筋混凝土框架结构中楼板自振频率略 小,因此实际计算时还应考虑楼板所在结构类型的 影响。

实测得到的楼板竖向第1阶振型频率最小值为 11.5 Hz(钢结构顶层),满足文献[22]规定的住宅和 公寓楼盖竖向自振频率不宜低于5Hz的限值,满足 文献[23-24]提到的钢筋混凝土结构和钢结构竖向 自振频率7.5 Hz和9 Hz的限值。

根据以上分析可知,各楼层振动响应满足规范 要求。为了提高盖上钢结构中上部楼层振动舒适 度,可通过减小楼板活荷载来实现。后续设计的盖 上钢结构可适当提高中上部楼层板的厚度以增大自 振频率,提高其舒适度。

5 结 论

1) 钢筋混凝土结构首层振级响应略大于钢结 构首层振级响应,而钢结构中上部楼层Z振级响应 较钢筋混凝土结构大,本次测试结构首层以上Z振 级均未超限。

2) 列车入库时轨道层振动激励主要分布在 30~80 Hz 和 150~180 Hz, 钢结构测点竖向振动频 段主要分布在40~80 Hz, 而钢筋混凝土结构测点主 要分布在 30~50 Hz 和 100~180 Hz,存在高频成 分,应关注高频振动对相关设备的影响。

3) 在中心频率为 31.5 Hz 及以下的加速度振级 响应强度处,钢筋混凝土结构略高于钢结构的振级 响应强度;50 Hz附近钢结构略高于钢筋混凝土结 构的振级响应强度。

4) 两类结构在垂直轨方向的均方根加速度均 比顺轨方向大,最大均方根加速度总量小于人体感 受的振动阈值;上部结构除首层外,钢结构的三向振 动响应大于钢筋混凝土结构。

5) 基于振型方程得到的楼板自振频率与楼板 实测频率基本接近,且两类结构中实测楼板的自振 频率均满足国内规范和国外文献提出的限值。针对 盖上钢结构中上部楼层,建议后续设计减小楼板活 荷载或提高楼板厚度,以提高楼层舒适度。

老 文 献

- [1] ZHOU Y, MA K, CHEN P, et al. Investigations on train-induced vibration and vibration control of an overtrack building using thick-layer rubber bearings[J]. The Structural Design of Tall and Special Buildings, 2022, 31(1): e1898.
- [2] 马开强,周颖,陆德成,等.城市轨道交通上盖振动测试 与振动评价方法研究[J]. 结构工程师, 2021, 37(5): 1-11.

MA Kaiqiang, ZHOU Ying, LU Decheng, et al. In-situ vibration test and vibration evaluation methods research on over-track buildings[J]. Structural Engineers, 2021, 37(5):1-11. (in Chinese)

- [3] ZOU C, MOORE J A, SANAYEI M, et al. Efficient impedance model for the estimation of train-induced vibrations in over-track buildings[J]. Journal of Vibration and Control, 2021, 27(7/8): 924-942.
- [4] WALLACE M I, NG K C. Development and application of underground space use in Hong Kong[J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 2016, 55:257-279.
- [5] 谢伟平,陈艳明,姚春桥.地铁车辆段上盖物业车致 振动分析[J]. 振动与冲击, 2016, 35(8): 110-115. XIE Weiping, CHEN Yanming, YAO Chunqiao. Vibration analysis of train depot over-track buildings induced by train load[J]. Journal of Vibration and Shock, 2016, 35(8): 110-115. (in Chinese)
- [6] YAMATAKA M, IWASAKI K, HOSHIKAWA T,

et al. Development of low-rise over-track buildings using thick laminate rubber seismic isolation materials[J]. JR East Technical Review, 2011, 21: 15-21.

- [7] ZOU C, WANG Y, MOORE J A, et al. Traininduced field vibration measurements of ground and overtrack buildings[J]. Science of the Total Environment, 2017, 575: 1339-1351.
- [8] TAO Z, WANG Y, SANAYEI M, et al. Experimental study of train-induced vibration in overtrack buildings in a metro depot[J]. Engineering Structures, 2019, 198: 109473.
- [9] YANG J, ZHU S, ZHAI W, et al. Prediction and mitigation of train-induced vibrations of large-scale building constructed on subway tunnel[J]. Science of the Total Environment, 2019, 668: 485-499.
- [10] LYRATZAKIS A, TSOMPANAKIS Y, PSARROPOULOS P N. Efficient mitigation of high-speed train vibrations on adjacent reinforced concrete buildings[J]. Construction and Building Materials, 2022, 314: 125653.
- [11] 汪益敏,陶子渝,邹超,等.地铁车辆段咽喉区上盖建 筑振动传播规律[J].交通运输工程学报,2022,2(1): 112-121.

WANG Yimin, TAO Ziyu, ZOU Chao, et al. Vibration propagation law with in over-track buildings above throat area of metro depot[J]. Journal of Traffic and Transportation Engineering, 2022, 2(1): 112-121. (in Chinese)

- [12] 孙亮明,李国豪.地铁车辆段试车线诱发上盖住宅振动的实测研究[J].建筑结构,2021,51(22):90-96.
 SUN Liangming, LI Guohao. Study on field measurement of train-induced vibration of over-track residence on the testing line of metro depot[J]. Building Structure, 2021, 51(22): 90-96. (in Chinese)
- [13] 冯青松,王子玉,刘全民,等.地铁车辆段不同区域振动特性对比分析[J].振动与冲击,2020,39(14):179-185,200.
 FENG Qingsong, WANG Ziyu, LIU Quanmin, et al.

Comparative analysis of environmental vibration characteristics in different regions of a metro depot[J]. Journal of Vibration and Shock, 2020, 39(14): 179-185, 200. (in Chinese)

[14] 陈艳明, 冯青松, 刘庆杰, 等. 下沉式地铁车辆段列检 库车致振动实测与分析[J]. 振动、测试与诊断, 2021, 41(3): 532-538.

CHEN Yanming, FENG Qingsong, LIU Qingjie, et al. Test and analysis of vibration induced by train operation in sinking metro depot service shop[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2021, 41(3): 532-538. (in Chinese)

- [15] 中华人民共和国住房和城乡建设部.JGJ/T 441—
 2019 建筑楼盖结构振动舒适度技术标准[S].北京:
 中国建筑工业出版社, 2019.
- [16] 国家环境保护局.GB 10070—1988 城市区域环境振动标准[S].北京:中国标准出版社,1988.
- [17] 中华人民共和国住房和城乡建设部.GB/T 50355—
 2018 住宅建筑室内振动限制及其测量方法标准[S]. 北京:中国建筑工业出版社,2018.
- [18] 中国工程建设标准化协会.T/CECS 1035—2022 城 市轨道交通上盖结构设计标准[S].北京:中国建筑工 业出版社,2022.
- [19] 中华人民共和国国家质量监督检验检疫总局.GB/T 13441.1-2007 机械振动与冲击人体暴露于全身振 动的评价第1部分:一般要求[S].北京:中国标准出 版社,2007.
- [20] 曹志远. 板壳振动理论[M]. 北京: 中国铁道出版社, 1989:455-457.
- [21] ZHU X, HAO H. Damage detection of RC slabs using nonlinear vibration features[J]. International Journal of Structural Stability and Dynamics, 2009, 9(4): 687-709.
- [22] 中华人民共和国住房和城乡建设部.GB 50010-2010 混凝土结构设计规范[S].北京:中国建筑工业出版 社,2015.
- [23] BACHMANN H, AMMANN W. Vibrations in structures: induced by man and machines[M]. Iabse: [s. n.], 1987: 38-39.
- [24] MURRAY T M. Building floor vibrations[J]. Engineering Journal, 1991, 28(3): 102-109.



第一作者简介:周颖,女,1978年11月 生,博士、教授、博士生导师。主要研究 方向为工程结构抗震与防灾。曾发表 《基于准零刚度特性的结构竖向隔振系 统研究》(《建筑结构学报》2019年第40 卷第4期)等论文。

E-mail: yingzhou@tongji.edu.cn