DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2025.01.020

# 基于GCN 的轴向柱塞泵故障诊断方法\*

袁科研1, 兰媛1,2, 黄家海1,2, 刘智飞1, 王君1,2, 李国彦1,2,

牛蔺楷<sup>1,2</sup>, 钮晨光<sup>1,2</sup>, 熊晓燕<sup>1,2</sup>

(1.太原理工大学机械与运载工程学院 太原,030024)

(2.太原理工大学新型传感器与智能控制教育部重点实验室 太原,030024)

摘要 目前的深度学习方法在故障诊断领域中没有考虑数据之间的相互依赖关系,从而忽略了数据彼此之间的空间特征。针对此问题,提出一种基于图卷积神经网络(graph convolutional neural networks,简称GCN)模型的轴向柱塞泵故障诊断方法。首先,将轴向柱塞泵各类故障状态的原始信号进行预处理,构建具有标签的数据集;其次,使用欧式距离判定数据集中各个样本彼此之间的特征相似度,通过相似度对比的方法将数据集转化为图结构数据;然后,使用GCN自适应学习图结构数据中的节点特征和节点与节点彼此之间的空间特征,确定GCN模型的参数;最后,对测试样本进行故障状态识别,并分析该模型在不同工况下的性能表现。结果表明,该模型结构稳定,可以在不同工况下保持良好的泛化性能。

关键词 轴向柱塞泵;故障诊断;深度学习;图卷积神经网络 中图分类号 TH133.33

# 引 言

柱塞泵为液压系统提供动力<sup>[1]</sup>,确保系统稳定 运行。其在高温高压高负荷下长期运转,易导致内 部损坏,影响液压系统稳定性,进而影响设备正常运 行<sup>[2]</sup>。因此,开发高效的故障诊断方法对提高液压 系统稳定性至关重要<sup>[3]</sup>。

自深度学习理论框架被 Hinton 提出以来<sup>[4]</sup>,深 度神经网络在学术界发展迅速。卷积神经网络 (convolutional neural network,简称 CNN)作为神 经网络中的代表,采用权值共享与局部连接的网 络结构,有效减少了模型的复杂度与训练参数的 数量,其在故障诊断中的应用越来越广泛<sup>[5]</sup>。魏 晓良等<sup>[6]</sup>使用长短时记忆网络(long short-team memory,简称 LSTM)和一维卷积神经网络 (1 dimension-convolutional neural network,简称 1D-CNN)构建分类模型,并将不同输入压力下的振 动信号作为输入来识别柱塞泵的空化程度。Sun 等<sup>[7]</sup>采用短时傅里叶变换和小波变换得到液压泵振 动信号的时频图,用二维卷积神经网络进行特征提 取和故障分类。 上述研究在故障诊断方面取得了显著成果,但 多数方法仅适用于张量数据,然而,数据之间的关系 难以用张量表示,需借助由顶点和边构成的图结构 来表达。

近年来,深度学习分析图形的表达能力引起了 广泛关注。图结构数据是一种独特的非欧几里得数 据结构,侧重于节点分类、链接预测和聚类等任务。 图神经网络是一种基于深度的方法,直接操作图结 构数据,已成为近年来一种广泛应用的图分析方 法<sup>[8]</sup>。笔者提出基于图卷积神经网络的轴向柱塞泵 故障诊断方法,为轴向柱塞泵的故障诊断提供一种 新思路。

## 1 图神经网络

#### 1.1 图的基本理论

在图信号处理中<sup>[9]</sup>,一张图 G=G(X,A,E),其 中: $X \in R^{n \times d}$ ,X为图节点的特征矩阵;n为节点数 目;d为每一个节点的维度,即每一个样本的维度;E为边的集合,将一条连接节点 $v_i$ , $v_j \in X$ 的边记为

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金青年科学基金资助项目(51905369);山西省关键核心技术和共性技术研发攻关资助项目 (2020XXX001);山西省科技重大专项资助项目(20181102016);山西省应用基础研究计划青年科技研究基金资助项 目(202103021223090) 收稿日期:2022-08-24;修回日期:2022-12-06



Fig.1 Two-layer GCN operation structure diagram

 $(v_i, v_j)$ 或者  $e_{ij}$ ,比如图1中节点1与节点2就可以表示为 $(v_1, v_2)$ 或者  $e_{12}$ ;  $E = \{v_i, v_j \in |X(v_i, v_j)|\}$ ;  $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ ,为邻接矩阵。

邻接矩阵A用来描述每个节点之间的关联,定 义为

$$A_{ij} = \begin{cases} 1 & (v_i, v_j) \in E \\ 0 & \pm \ell \ell \end{cases}$$
(1)

#### 1.2 图的拉普拉斯矩阵

拉普拉斯矩阵是用来研究图的结构性质的核心 对象,图*G*的拉普拉斯矩阵定义为

$$L = I_n - D^{-\frac{1}{2}} A D^{-\frac{1}{2}}$$
(2)  
=  $\sum A_{ii}, \forall v_i$ 节点的度:  $I$  为单位矩阵:  $A$ 

其中: $D_{ii} = \sum_{j} A_{ij}$ ,为 $v_i$ 节点的度;I为单位矩阵;J为一张图的邻接矩阵;n为节点数。

#### 1.3 图傅里叶变换

图傅里叶变换输入的信号是定义在图上的信号,且图傅里叶变换的基就是图的拉普拉斯矩阵的 所有特征向量。图信号*x*∈*R*"的图傅里叶变换的定 义为

$$\hat{x} = U^{\mathrm{T}} x \tag{3}$$

图傅里叶逆变换定义为x=Ux。

#### 1.4 图卷积理论

图信号*x*∈*R*<sup>™</sup>的图卷积定义为

 $(x_{G}*g)_{\theta} = U((U^{T}x) \cdot (U^{T}g)) = Ug_{\theta}U^{T}x$  (4) 其中:\*表示图卷积运算; $g_{\theta} = \text{diag}(\theta)$ ,为由 $\theta$ 参数化 的过滤器;U为拉普拉斯矩阵L的特征向量矩阵。

Defferrard 等<sup>[10]</sup>使用切比雪夫不等式分析 式(4),令

$$\boldsymbol{g}_{\boldsymbol{\theta}} = \sum_{k=0}^{k-1} \theta_k \boldsymbol{T}_k(\tilde{\boldsymbol{\Lambda}})$$
(5)

$$h = Ug_{\theta}U^{\mathsf{T}}x = \sum_{k=0}^{k-1} \theta_{k}T_{k}(\tilde{L})x \qquad (6)$$

其中:k为切比雪夫多项式的阶数; $\tilde{\Lambda} = \frac{2\Lambda}{\lambda_{\max}} - I_n$ ;  $\tilde{L} = \frac{2L}{\lambda_{\max}} - I_n$ ;  $T_k$ 为切比雪夫多项式,且 $T_k(\tilde{L}) = UT(\tilde{\Lambda})U^{\mathsf{T}}$ 。 令 $\lambda_{\max} \approx 2$ ,得到

$$h = \theta_0 x + \theta_1 (L - I_n) x = \theta_0 x - \theta_1 D^{-\frac{1}{2}} A D^{-\frac{1}{2}} x \quad (7)$$
  
同时,令  $\theta = \theta_0 = -\theta_1$ ,式(7)变为

$$\boldsymbol{h} = \theta (\boldsymbol{I}_n + \boldsymbol{D}^{-\frac{1}{2}} \boldsymbol{A} \boldsymbol{D}^{-\frac{1}{2}}) \boldsymbol{x}$$
(8)

为了防止多层网络优化时出现梯度消失或爆 炸,对 $\tilde{L} = I_n + D^{-\frac{1}{2}}AD^{-\frac{1}{2}}$ 进行归一化处理,得到  $\tilde{L}_{sym} = \tilde{D}^{-\frac{1}{2}}\tilde{A}\tilde{D}^{-\frac{1}{2}}$ ,其中: $\tilde{A} = A + I, \tilde{D}_{ii} = \sum_{j}\tilde{A}_{ii}$ 。最

后得到图卷积公式为

$$X' = \sigma(\tilde{L}_{sym}XW)$$
(9)  
其中:W为可学习参数:  $\sigma$ 为非线性激活函数。

## 2 数据图构造

实验对象是欧盛OS-A10VSO45-TY型斜盘式 轴向柱塞泵,数据集采用轴向加速度传感器的轴向 振动信号,该振动信号是一维时间序列信号,而 GCN要求输入的数据是图结构数据,因此需要将一 维时间序列转变为图结构数据。

为了将一维时间序列转换为图结构数据,将数据集中的每个样本配有相应的标签,得到的样本集记为

 $\Pi = [(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)] \quad (10)$ 其中:*x*为样本;*y*为标签;*n*为数据集中样本的 数量<sup>[11]</sup>。

得到样本集之后,通过将每个子样本作为图中的一个节点,构造一个具有n个节点的图结构数据,然后找到每个节点的邻居节点。笔者采用3种比较常见的寻找邻居节点方法,即K最近邻图、辐射图和路径图。通过对3种方法的分析,得到适用于柱塞 泵振动数据的构图方法。

#### 2.1 K最近邻图

使用欧式距离公式计算每个样本之间的距离<sup>[11]</sup>,其距离定义为

$$d(x_i, x_j) = \sqrt{\sum_{k=1}^{n} (x_{i(k)} - x_{j(k)})^2}$$
(11)

其中: $x_i$ 为第i个节点; $x_j$ 为第j个节点;k为节点数据的维度。

根据式(11)将第*i*个节点与其余所有节点的距离计算出来之后,从小至大排序,取出前*ψ*个节点作为*i*节点的邻居节点<sup>[11]</sup>,所以第*i*个节点的邻居集合可表示为

$$N(x_i) = [d_1, d_2, \cdots, d_{\phi}]$$
(12)

其中: $N(x_i)$ 为 $x_i$ 节点的邻居节点集合; $d_{\phi}$ 为 $x_i$ 节点的第 $\phi$ 个最近邻。

得到每一个节点的邻居节点后,节点与邻居节 点彼此之间边的权重使用高斯核来计算<sup>[11]</sup>,高斯核 的定义为

$$k_{ij} = e^{\left(-\frac{\|(x_i, x_j)\|^2}{2\zeta^2}\right)}$$
(13)

其中: $k_{ij}$ 为节点 $x_i$ 和节点 $x_j$ 之间的边权重; $\zeta = N(x_i)/\phi$ ,为节点i的高斯核带宽。

#### 2.2 辐射图

在辐射图中利用余弦相似度来估计样本之间的 距离<sup>[11]</sup>,其定义为

$$(x_i, x_j) = \frac{x_i x_j}{|x_i| |x_j|} \tag{14}$$

余弦相似度是指2个样本之间的余弦值越接近 于1,说明2个样本的相关性越大;接近于0,说明2 个样本相关性越小。因此,定义一个阈值 $\epsilon$ ,如果  $(x_i, x_j) > \epsilon$ ,则表示第i个样本与第j个样本之间有 一条边;反之,2个样本之间没有边。

#### 2.3 路径图

将所有样本打乱,按照样本顺序连接起来,每两 个相邻样本之间有一条边,边的权重采用式(13) 定义<sup>[11]</sup>。

## 3 基于GCN的故障诊断识别方法

#### 3.1 模型概况

图 2 为 GCN 模型结构图,模型由原始信号构图 层、图卷积层、非线性函数激活层以及全连接层 组成。

基于 GCN 模型的柱塞泵故障诊断流程如下:首 先,将采集的一维原始振动信号制成图结构数据 G=G(X,A,E)作为输入,通过权值共享的图卷积 层对输入的  $G=G(X,A,E), X' \in R^{n \times d}$ 进行特征提 取,得到降维之后的图结构数据  $X' = \sigma(\tilde{L}_{sym}XW),$  $X' \in R^{n \times d_i}$ ;然后,对 X'进行归一化和 Relu 函数激 活;最后,输入到全连接层,使用 Softmax 函数对x,  $x \in X'$ 进行故障诊断。



Fig.2 GCN model structure diagram

#### 3.2 实验台及数据采集

为有效识别柱塞泵故障类型,选取欧盛 OS-A10VSO45-TY斜盘式轴向柱塞泵作为实验对 象,并在37kW液压工作站上采集其5种状态数据: 正常、松靴故障、滑靴磨损、配流盘磨损及中心弹簧 失效。

轴向柱塞泵典型故障实验台如图3所示。驱动 电机带动泵缸与柱塞旋转,加速度传感器采集振动 信号,经耦合器放大后由NI-USB-6343采集卡采集 并储存至电脑。采样频率为45kHz,采样时间为 2s,每种状态采集20组数据,每组90000个数据点。



1-电脑;2-耦合器;3-数字采集卡;4-加速度传感器;5-轴向柱塞泵; 6-驱动电机;7-压力传感器

图 3 轴向柱塞泵典型故障实验台 Fig.3 Axial piston pump typical failure test bench

#### 3.3 数据集生成

采集数据后将信号切片,每个切片作为一个样本,切片原则为保留至少一个转动周期的振动信息<sup>[6]</sup>,每段信号的点数为

$$K \ge k \frac{60}{n} f \tag{15}$$

其中:K为每段切片信号包含的点数;k为正整数,表 示转动k圈的信号;n为泵的转速;f为采样频率。

将每2500个点作为一个样本,每种故障的20 组数据(每组90000点)生成720个样本,共3600个 样本。将每个样本作为图结构的一个节点,最终生 成3600个节点,训练节点与测试节点按7:3划分。 数据集如表1所示。

Tab.1 Data set					
状态	标签	样本数	训练集	测试集	合计
正常	0	720	—		_
松靴	1	720	_		_
滑靴磨损	2	720	2 520	1 080	3 600
配流盘磨损	3	720	_	_	_
中心弹簧失效	4	720	—	_	—

表1 数据集 Tab.1 Data se

## 4 实验及结果分析

#### 4.1 构图方法比较

不同构图方法在计算邻居节点上有所不同,生 成的图结构数据也不同。为找到适合本应用的构图 方法,笔者将同一组数据用3种常见构图方法分别 输入图卷积神经网络并比较其结果。图4为不同构 图方法对诊断结果的影响。

可以看出,使用K近邻法构图并输入GCN模型



Fig.5 Identification result at 10 MPa



Fig.6 Identification result at 15 MPa





的故障识别率达99.86%,明显高于其他2种构图方法。尽管辐射图的准确率随着邻居节点数N增加 而提升,但当N取200时,训练参数增至3600× 200,导致训练时间大幅延长。K近邻法的图边数为 3600×5,训练时间大大缩短,且准确率在3种构图 方法中也是比较高的。

可见,采用K最近邻方法对样本进行构图,在保 证识别准确率的前提下,可以提前结束训练,节省计 算成本。

#### 4.2 模型鲁棒性分析

考虑到设备在实际使用中负载会发生变化,笔 者对10 MPa和15 MPa负载下的柱塞泵的各种故障 状态识别进行研究。对每一个数据集分别进行10 次重复实验,不同负载下故障状态的识别率为 99.86%和99.88%,最后的结果由混淆矩阵表示。 负载为10 MPa时的识别结果如图5所示。负载为 15 MPa时的识别结果如图6所示。然而,设备可能 在不同负载下连续运行,笔者在10 MPa和15 MPa 负载下分别采集数据并进行混合分析。混合负载识 别结果如图7所示。



Fig.7 Identification result at mixed load

#### 4.3 模型对比实验

为了验证GCN提取特征对于斜盘式柱塞泵故 障诊断的敏感程度,笔者使用1DCNN和极限学习 机(extreme learning machine,简称ELM)与其进行 对比。

Ince 等<sup>[12]</sup>提出 1D-CNN 模型,其相对于 2 维卷 积<sup>[13-15]</sup>,计算复杂度更低,训练时间更短,计算成本 更小。在 1D CNN 中,卷积核沿 1 个方向移动,主要 用于时间序列数据。本研究的 1DCNN 模型包含一 维卷积层、激活函数、Dropout 层以及全连接层。

ELM<sup>[16]</sup>方法仅确定隐含层神经元的个数,神经 网络就有唯一的最优解。为了防止隐含层神经元的 个数对识别结果造成影响,笔者使用不同样本数量 的准确率对该模型进行测试,选用ELM隐含层神经 元的个数为300。3种模型的故障状态识别率对比 如图8所示。



Fig.8 Comparison of fault state recognition rates of the three models

#### 4.4 模型可视化

图卷积神经网络在故障诊断中的效果得到了验证,但是其学习过程难以表达。为了直观地了解原始信号的特征提取过程,当测试样本为720时,使用T分布随机近邻嵌入(T-stochastic neighbor embedding,简称T-SNE)降维方法对本研究模型提取的特征进行降维与可视化。提取特征的T-SNE可视化如图9所示。



模型诊断结果混淆矩阵如图 10 所示。可以看出,与1D-CNN相比,GCN可以更好地将相同故障状态数据聚在一起,不同故障状态的数据具有较好的可分性和较高的识别精度。这也验证了GCN能够在原始时域内自适应提取振动信号的有效特征,以识别柱塞泵的各种故障状态。



# 5 结 论

1)使用3种将原始信号转换为图结构数据的方法,通过实验数据集测试,确定了一种最优的图数据构造方法,即K最近邻法。K最近邻法构图可以将柱塞泵各种故障状态的原始信号之间的空间特征表示出来,提高了模型的故障状态识别率。

2) GCN可以自适应提取柱塞泵原始振动信号的 特征以及信号彼此之间的空间特征。在用一种工况 下的数据训练模型时,分别用另一种工况下的数据 和2种工况下的混合数据进行测试时,本研究模型准 确率均在99%以上,表明该模型具有很强的鲁棒性。

3) 在训练样本数量以及训练迭代次数相同的 条件下,GCN模型的识别准确率达到了99%以上, 比1D-CNN高大约28%;与传统模型ELM相比,比 ELM高大约77%。可以看出,基于GCN模型的故 障诊断方法可以很好地将柱塞泵各种故障状态识别 出来。

4) 在后续的研究中,将分析柱塞泵复合故障状态振动信号,并结合故障解耦机理,在考虑不同复合故障状态之间空间特征的情况下,训练出复合故障诊断模型,以实现对复合故障进行诊断的目的。

#### 参考文献

- [1] TANG S N, ZHU Y, YUAN S Q, et al. Intelligent diagnosis towards hydraulic axial piston pump using a novel integrated CNN model [J]. Sensors, 2020, 20(24): 7152.
- [2] KUMAR S, BERGADA J M, WATTON J. Axial piston pump grooved slipper analysis by CFD simulation of three-dimensional NVS equation in cylindrical coordinates [J]. Computers & Fluids, 2009, 38 (3) : 648-663.
- [3] 高浩寒,潮群,徐孜,等.小样本下基于孪生神经网络的柱塞泵故障诊断[J].北京航空航天大学学报,2023,49(1):155-164.
  GAO Haohan, CHAO Qun, XU Zi, et al. Piston pump fault diagnosis based on siamese neural network with small samples [J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2023, 49(1): 155-164. (in Chinese)
- [4] HINTON G E, OSINDERO S, TEH Y W. A fast learning algorithm for deep belief nets [J]. Neural Computation, 2006, 18(7): 1527-1554.
- [5] 任浩,屈剑锋,柴毅,等.深度学习在故障诊断领域中的研究现状与挑战[J].控制与决策,2017,32(8): 1345-1358.
   REN Hao, QU Jianfeng, CHAI Yi, et al. Deep learn-

ing for fault diagnosis: the state of the art and challenge [J]. Control and Decision, 2017, 32(8): 1345-1358.(in Chinese)

- [6] 魏晓良,潮群,陶建峰,等.基于LSTM和CNN的高速 柱塞泵故障诊断[J].航空学报,2021,42(3):429-439.
  WEIXiaoliang, CHAOQun, TAOJianfeng, et al. Cavitation fault diagnosis method for high-speed plunger pumps based on LSTM and CNN[J]. Acta Aeronautica ET Astronautica Sinica, 2021, 42(3):429-439.(in Chinese)
- [7] SUN S W, ZHANG S, JIANG W L, et al. Study on the health condition monitoring method of hydraulic pump based on convolutional neural network[C]//2020 12th International Conference on Measuring Technology and Mechatronics Automation (ICMTMA). Phuket: IEEE, 2020: 149-153.
- [8] ZHOU J, CUI G Q, HU S D, et al. Graph neural

networks: a review of methods and applications[J]. AI Open, 2020, 1: 57-81.

- [9] SHUMAN D I, NARANG S K, FROSSARD P, et al. The emerging field of signal processing on graphs: extending high-dimensional data analysis to networks and other irregular domains[J]. IEEE Signal Processing Magazine, 2013, 30(3): 83-98.
- [10] DEFFERRARD M, BRESSON X, VANDERG-HEYNST P. Convolutional neural networks on graphs with fast localized spectral filtering [C]//Proceedings of the 30th International Conference on Neural Information Processing Systems. Red Hook: Curran Associates Inc., 2016: 3844-3852.
- [11] LI T F, ZHOU Z, LI S N, et al. The emerging graph neural networks for intelligent fault diagnostics and prognostics: a guideline and a benchmark study [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2022, 168: 108653.
- [12] INCE T, KIRANYAZ S, EREN L, et al. Real-Time motor fault detection by 1-D convolutional neural networks[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2016, 63(11): 7067-7075.
- [13] KIRANYAZ S, INCE T, HAMILA R, et al. Convolutional neural networks for patient-specific ECG classification [C]//2015 37th Annual International Conference of the IEEE Engineering in Medicine and Biology Society (EMBC). Milan: IEEE, 2015: 2608-2611.
- [14] KIRANYAZ S, INCE T, GABBOUJ M. Personalized monitoring and advance warning system for cardiac arrhythmias[J]. Scientific Reports, 2017, 7(1): 9270.
- [15] ABDELJABER O, AVCI O, KIRANYAZ S, et al. Real-time vibration-based structural damage detection using one-dimensional convolutional neural networks[J]. Journal of Sound and Vibration, 2017, 388: 154-170.
- [16] HUANG G B, ZHU Q Y, SIEW C K. Extreme learning machine: a new learning scheme of feedforward neural networks [C]//2004 IEEE International Joint Conference on Neural Networks. Budapest: IEEE, 2004: 985-990.



第一作者简介:袁科研,男,1997年6月 生,硕士生。主要研究方向为轴向柱塞泵 故障诊断。

E-mail:925542063@qq.com

通信作者简介:兰媛,女,1982年10月生, 博士、副教授。主要研究方向为液压系统 智能故障诊断、计算机视觉。 E-mail:lanyuan@tyut.edu.cn