DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2025.03.022

自适应多通道卷积稀疏轴承微弱故障诊断*

包渝锋, 温广瑞, 周浩轩, 苏 宇, 刘子岷 (西安交通大学机械工程学院 西安,710049)

摘要 针对传统基于单通道信号的轴承故障特征提取方法未考虑故障信号的时空覆盖范围差异,以及单个信号所 承载信息的有限性,在强背景噪声及干扰下难以有效提取出早期的微弱故障特征问题,提出了基于自适应多通道卷 积稀疏(adaptive multi-channel convolutional sparse,简称 AMCCS)模型的早期微弱故障特征提取方法。首先,构建 了通道字典和卷积字典,分别用于学习多通道信号中的通道信息和信号中的故障信息,以实现从多通道故障信号中 自适应地学习共有的微弱故障特征信息以及通道权重信息;其次,开发了一种高效的迭代更新算法,用以处理通道 字典和卷积字典的更新问题;最后,采用低信噪比的轴承故障仿真信号和实验信号对算法进行验证。结果表明,在 低信噪比环境下,该方法在轴承故障特征提取方面表现出显著的优越性和鲁棒性。

关键词 多通道;卷积稀疏;自适应;去噪模型;轴承故障诊断 中图分类号 TH17;TH133.3

引 言

旋转机械设备在工业生产中占据着主导地位, 对其健康状态进行监测可避免在生产中发生灾难性 事故而导致巨大的经济损失^[1]。滚动轴承作为关键 零部件之一,其健康状况对设备的稳定安全运行至 关重要^[2]。然而,由于强背景噪声的干扰,故障特征 难以有效提取,尤其是在故障特征比较微弱的早期。 因此,准确、高效地提取滚动轴承早期故障特征,对 于正常生产与设备检修具有重要价值。

学者们提出了各种故障特征提取及诊断方法, 例如频谱峰度^[3]、倒频谱分析^[4]、经验模态分解^[5]和 小波变换^[67]等。尽管上述方法取得了一定成果,但 仍存在模态混叠、中心频带选择以及基函数确定等 问题,难以满足自适应要求。

近年来,稀疏理论在压缩感知、图像处理等领域 取得了巨大成就^[8•9],因其在特征提取方面的出色性 能,被广泛用于机械故障诊断领域。Li等^[10]构建了 多种稀疏字典来分别提取信号中的不同成分,实现 了齿轮箱故障诊断。周浩轩等^[11]将Laplace冲击字典 与特征符号搜索算法相结合,高效求解了故障信号 的最优稀疏系数,实现了强背景噪声干扰下的故障 特征提取。Zhang等^[12]根据轴承故障特征构建了一 种自适应局部Gabor字典,实现了故障诊断。然而, 由于机械故障特征较为复杂,若解析字典不能精准 对其进行建模,将导致最终的特征提取性能较差。 因此,能够依据信号特征进行自适应字典构建的字 典学习方法应运而生,并迅速得到了广泛应用。

考虑到振动信号的时移偏差,Ding等^[13]提出了 一种循环结构字典学习算法,并将其用于轴承故障 辨识。Zhao等^[14]将多尺度性质运用于字典学习,进 而提出了一种加权多尺度字典学习模型,实现了行 星齿轮轴承故障诊断。Kong等^[15]提出了一种新的 框架,来解决传统稀疏分类方法中字典学习和分类 器训练是2个独立的过程这一问题。此外,K奇异 值分解(K-singular value decomposition,简称 K-SVD)字典学习算法经历了多方面的改进,例如 字典更新修正^[16]以及原子选择^[17]等,改进后用于冲 击类故障的特征提取。字典学习算法具有自适应性 和灵活性等优势,但同样存在计算量大、易受强噪声 干扰、难以用于在线监测等问题。

鉴于上述方法的不足,卷积字典学习逐渐受到 了研究人员的广泛关注^[18]。卷积稀疏具有移不变特 性,适用于具有周期性特征成分的信号。早期故障 特征成分虽然会被强噪声所淹没,但由于其周期性 出现的特点,使得基函数的自学习过程更易收敛到 周期性出现的特征结构,从而避免噪声干扰。此外, 多通道信号处理方法包含更加丰富的信息,为机械故

^{*} 国家科技重大专项资助项目(2017-I-0007-0008) 收稿日期:2023-02-09;修回日期:2023-12-30

障诊断提供了一个新的方向。因此,笔者提出了一种 自适应多通道卷积稀疏特征提取方法,通过引入通道 字典,学习多通道信号中的通道信息与卷积字典学习 信号中的故障信息。所提方法可自适应地从多通道 故障信号中学习深层次特征与通道信息,进而有效提 取反映设备健康状况的故障特征,最终实现精准的故 障识别。此外,开发了一种高效的迭代更新算法,用 于通道字典和卷积字典的更新。通过仿真信号和实 验信号的实验分析,验证了该算法能够从信噪比较低 的早期故障中提取出故障特征。

1 自适应多通道稀疏模型

1.1 卷积稀疏

卷积稀疏是传统稀疏表征算法的扩展,其认为 在时间序列范围内同一特征可以任意移动,因此信 号中相同事件可以用同一个基函数表达。这体现了 基函数对时间的移不变特性,具体实现过程是将标 准稀疏编码问题中的乘积 Dx 用卷积和代替。此 外,如果对基函数 d 和稀疏系数 x 同时进行优化,其 优化目标函数具有非凸性。采用交替优化的思想, 依次对这两者进行更新,并反复迭代直至收敛。该 优化过程可以分为字典学习和稀疏编码2个部分, 其中标准稀疏编码问题的数学模型为

$$\arg\min_{\{x_k\}_{k=1}^{K}} \sum_{k=1}^{n} \|x\|_{1}$$
s.t.
$$\left\|\sum_{k=1}^{K} d_k * x_k - s\right\|_{2}^{2} \leq \varepsilon$$

$$(1)$$

其中:*表示卷积; $x_k \in \mathbb{R}^N$ 和 $d_k \in \mathbb{R}^N$ 分别为稀疏系数 和字典($k=1, 2, \dots, K$)。 卷积稀疏表示问题可以通过求解其无约束等价 目标解决,其数学表达式为

$$\arg\min_{\{x_k\}_{k=1}^{K}} \frac{1}{2} \left\| \sum_{k=1}^{K} d_k * x_k - s \right\|_2^2 + \lambda \sum_{k=1}^{K} \|x\|_1 \quad (2)$$

其中:λ为正则化参数,用于控制稀疏程度。

可使用交替方向乘子法(alternating direction method of multipliers,简称ADMM)进行求解。对于卷积字典学习(convolutional dictionary learning,简称CDL),其数学求解目标为

$$\arg\min_{\substack{\left|\boldsymbol{x}_{k}\right|_{k=1}^{K}:\left|\boldsymbol{d}_{k}\right|_{k=1}^{K}}} \sum_{p=1}^{P} \left(\frac{1}{2} \left\|\sum_{k=1}^{K} \boldsymbol{d}_{k} \ast \boldsymbol{x}_{k}^{p} - \boldsymbol{s}^{p}\right\|_{2}^{2}\right)$$
s.t. $\left\{\boldsymbol{d}_{k}\right\}_{k=1}^{K} \in \mathcal{D}$

$$(3)$$

CDL问题可以利用快速迭代收缩阈值算法 (fast iterative shrinkage-thresholding algorithm,简称 FISTA)、ADMM、3维/频域共识等方法求解。

1.2 AMCCS模型

现有基于卷积稀疏的故障诊断方法多关注于单 通道信号,对于包含更多信息的多通道信号的研究 较少。因此,有必要将卷积稀疏编码和字典学习扩 展到多通道信号中,从而获取更加丰富的信息。笔 者提出的自适应多通道卷积稀疏模型故障诊断流程 如图1所示。通过引入一个大小为*C*×*M*_B的字典 矩阵*B*,用于表示信号间跨通道特性,以实现对多通 道信号的自适应处理。该方法主要包括卷积稀疏编 码和字典学习2个方面。

对于卷积稀疏编码,其数学求解目标为





Fig.1 Adaptive multi-channel convolutional sparse model fault diagnosis process



其中:d_m为字典;x_{m,0}为稀疏系数;c为通道数。

通过定义矩阵向量 D_m ,使得 $D_m x_{m,c} = d_m * x_{m,c}$, 进而可以更加简洁地对式(4)进行重写,即

$$\underset{\mathbf{x}}{\operatorname{arg\,min}} \left(1/2 \right) \| \boldsymbol{D} \boldsymbol{x} \boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} - \boldsymbol{S} \|_{F}^{2} + \lambda \| \boldsymbol{x} \|_{1} \qquad (5)$$

$$D = (D_0 \quad D_1 \quad \cdots) \tag{6}$$

$$x = \begin{pmatrix} x_{0,0} & x_{0,1} & \cdots \\ x_{1,0} & x_{1,1} & \cdots \\ \vdots & \vdots & \cdots \end{pmatrix}$$
(7)

上述问题采用 ADMM 算法进行求解,其具体 求解过程如下。

1) 该问题的增广拉格朗日函数为

$$L_{\rho}(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y},\boldsymbol{w}) = (1/2) \| \boldsymbol{D} \boldsymbol{x} \boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} - \boldsymbol{S} \|_{F}^{2} + \lambda \| \boldsymbol{y} \|_{1} +$$

$$\boldsymbol{w}^{\mathrm{T}}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{y}) + \frac{\boldsymbol{\rho}}{2} \|\boldsymbol{x}-\boldsymbol{y}\|_{2}^{2} \quad (8)$$

2) 令 $u = w/\rho$,则式(8)可以简化为

$$L_{\rho}(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y}, \boldsymbol{u}) = (1/2) \| \boldsymbol{D}\boldsymbol{x}\boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} - \boldsymbol{S} \|_{F}^{2} + \lambda \| \boldsymbol{y} \|_{1} + \frac{\boldsymbol{\rho}}{2} \| \boldsymbol{x} - \boldsymbol{y} + \boldsymbol{u} \|^{2} - \frac{\boldsymbol{\rho}}{2} \| \boldsymbol{u} \|^{2}$$
(9)

3) 更新步骤为

$$x^{(j+1)} = \underset{x}{\arg\min} (1/2) \| DxB^{T} - S \|_{2}^{2} + \frac{\rho}{2} \| x - y^{(j)} + u^{(j)} \|_{2}^{2}$$
(10)

$$\boldsymbol{y}^{(j+1)} = \underset{\boldsymbol{y}}{\arg\min} \lambda \| \boldsymbol{y} \|_{1} + \frac{\boldsymbol{\rho}}{2} \| \boldsymbol{x}^{(j+1)} - \boldsymbol{y} + \boldsymbol{u}^{(j)} \|_{2}^{2}$$
(11)

$$\boldsymbol{u}^{(j+1)} = \boldsymbol{u}^{(j)} + \boldsymbol{x}^{(j+1)} - \boldsymbol{y}^{(j+1)}$$
(12)

4) 式(11)的解为

$$\hat{y}^{(j+1)} = S_{\lambda/\rho}(\hat{x}^{(j+1)} + \hat{u}^{(j)})$$
(13)

其中: $S_{\gamma}(u) = \operatorname{sign}(u) \odot \max(0, |u| - \gamma)$, 为软阈 值公式; ①为元素相乘。

5) 直接求解卷积运算时计算量较大,因此将其 转换到频域,时域卷积运算由频域乘积运算替代。 用 \mathscr{T} 表示离散傅里叶变换(discrete Fourier transform,简称DFT),并定义 $\hat{D}=\mathscr{T}D\mathscr{T}^{-1},\hat{x}=\mathscr{T}x,\hat{S}=$ $\mathscr{T}S$ 。因此式(10)可以通过等效的DFT转换到频域 进行求解,以达到简化目的,即

$$\hat{D}^{\mathrm{H}}\hat{D}\hat{x}B^{\mathrm{T}}B + \rho\hat{x} = \hat{D}^{\mathrm{H}}\hat{S}B + \rho\hat{y} \qquad (14)$$

式(14)可以利用谢尔曼-莫里森公式进行求解。 对于多通道字典学习,其优化问题为

$$\arg\min_{\{X_k\},D,B} \frac{1}{2} \sum_{k} \|DX_k B^{\mathrm{T}} - S_k\|_F^2 + \lambda \sum_{k} \|X_k\|_{(15)}$$

s.t. $D \in C_D, B \in C_B$

其中: S_k 为第k个训练信号; C_D 为字典D所需归一化 和支持投影的约束集; C_B 为具有单位范数列的矩 阵集。

多通道字典学习求解过程如下。

1) 输入数据:训练数据集 $\{S_k\}$;初始字典 $D^{(0)}$ 、 $B^{(0)}$;初始迭代计数器i = 0。

2) 当不满足迭代停止条件:①根据字典 $D^{(i)}$ 、 $B^{(i)}$ 以及训练数据 $\{S_k\}$,运用卷积稀疏编码算法计算 $\{X_k\}^{(i+1)}$;②令 $\dot{X}_k = X_k^{(i+1)} (B^{(i)})^{\mathrm{T}}$;③根据 $\{\dot{X}_k\}$ 以及 训练数据 $\{S_k\}$,运用卷积字典学习算法计算卷积字 典 $D^{(i+1)}$;④令 $\dot{X}_k = D^{(i+1)} X_k^{(i+1)}$;⑤根据 $\{\dot{X}_k\}$ 以及 训练数据 $\{S_k\}$,运用非卷积字典学习算法计算 字典 $B^{(i+1)}$ 。

3)输出数据:表示信号特征的卷积字典D以及 表示多通道信号间通道信息的字典B。

CDL问题具体求解为

$$\arg\min_{\{\mathbf{d}_{m}\}} \frac{1}{2} \sum_{k} \left\| \sum_{m} x_{m,k} * \boldsymbol{d}_{m} - \boldsymbol{s}_{k} \right\|_{2}^{2}$$
(16)
s.t. $\| \boldsymbol{d}_{m} \|_{2} = 1$

其中:m和k分别为字典的数量和训练集的数量。

将卷积运算转变为频域的乘法运算时,需要将 字典进行零填充到稀疏系数和训练集的公共空间维 度。因此,将基函数 *d*_m视为零填充,并添加在所需 支持之外为零的约束集,即

$$C_{PN} = \{ x \in R^{N} : (I - P) x = 0, \|x\|_{2} = 1 \}$$
 (17)
定义约束集 C_{PN} 的指示函数 L_{C} 为

$$l_{s}(\boldsymbol{X}) = \begin{cases} 0 & (\boldsymbol{X} \in \boldsymbol{S}) \\ \infty & (\boldsymbol{X} \notin \boldsymbol{S}) \end{cases}$$
(18)

采用无约束形式以及定义矩阵向量 $X_{k,m}$ 使 $X_{k,m}d_m = x_{k,m}*d_m$,对式(16)重写为

$$\arg\min_{\mathbf{d}} (1/2) \| Xd - s \|_{2}^{2} + l_{C_{PN}}(d)$$
 (19)

式(19)的迭代更新步骤为 $d^{(i+1)} = \underset{d}{\arg\min} (1/2) \| Xd - s \|_{2}^{2} + \frac{\sigma}{2} \| d - g^{(i)} + h^{(i)} \|_{2}^{2}$ (20)

$$g^{(i+1)} = \arg\min_{g} l_{C_{PN}}(d) + \frac{\sigma}{2} \| d^{(i+1)} - g + h^{(i)} \|_{2}^{2} (21)$$

$$h^{(i+1)} = h^{(i)} + d^{(i+1)} - g^{(i+1)}$$
 (22)
式(21)的解为

 $\underset{d}{\arg\min} (1/2) \| \boldsymbol{x} - \boldsymbol{y} \|_{2}^{2} + l_{C_{PN}}(\boldsymbol{x}) = \operatorname{prox}_{l_{C_{PN}}}(\boldsymbol{y}) (23)$

$$\operatorname{prox}_{l_{c_{p_{N}}}}(\boldsymbol{y}) = \frac{\boldsymbol{P}\boldsymbol{P}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{y}}{\|\boldsymbol{P}\boldsymbol{P}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{y}\|_{2}}$$
(24)

为了计算方便并减小计算量,将式(20)的求解 等效到DFT域,即

$$(\hat{X}^{\mathrm{H}}\hat{X} + \sigma I)\hat{d} = \hat{X}^{\mathrm{H}}\hat{s} + \sigma(\hat{g} - \hat{h}) \qquad (25)$$

由于 X^H X 是由秩为 K的独立分量组成, 难以直接 利用谢尔曼-莫里森求解。因此将式(25)分解为一系 列由对角矩阵秩为 K的分量组成的独立线性系统, 并 采用迭代谢尔曼-莫里森方法进行求解。

2 方法验证

2.1 仿真分析

若轴承在运行时发生故障,滚子会与故障部位 接触,进而产生类周期性地冲击信号,模拟轴承故障 信号的表达式为

$$\begin{cases} x(t) = h(t) + n(t) \\ h(t) = A_0 e^{-\pi f_n \zeta(t - k\tau)} \sin \left[2\pi f_n \sqrt{1 - \zeta^2} (t - k\tau) \right] \end{cases}$$
(26)

其中:x(t)为轴承故障模拟信号;h(t)为故障冲击信号;n(t)为噪声信号; A_0 为幅值; f_n 为系统固有共振频率; ζ 为二阶衰减阻尼系数;k为自然整数; τ 为每个冲击间的时间间隔。

故障模拟信号的共振频率为4000 Hz,采样频 率为25600 Hz,模拟外圈故障特征频率为120 Hz。 噪声信号是信噪比为-15dB的高斯白噪声,信噪 比(signal to noise ratio,简称SNR)定义为

$$SNR = 10 \lg \frac{P_s}{P_n}$$
(27)

其中:P_s为信号功率;P_n为噪声功率。

轴承故障位置的不同将导致不同位置的传感器 在同一时刻采集的信号强弱有所差异,因此,将图2 所示不同位置的无噪声轴承故障仿真信号进行等间 隔缺失来模拟这一差异,其水平和竖直方向的仿真 信号分别如图3、4所示。

图 5 为所提算法字典学习前后的基函数对比, 可以看到其学习到了轴承冲击故障特征。对应的稀 疏系数求解结果如图 6 所示。AMCCS方法特征提 取结果如图 7 所示。图 8 为水平方向特征提取结









果。图9为谱峭度特征提取结果。此外,采用基于 FISTA算法的K-SVD(简称F-KSVD)算法,处理得 到的F-KSVD算法特征提取结果如图10所示。

由原始仿真信号可以看到,当信号信噪较低且 存在缺失时,在时域信号中难以观察到冲击脉冲衰



Fig.5 Comparison of basis functions before and after dictionary learning



减信号,同时包络谱中的故障特征频率不明显。采 用笔者所提算法处理后,噪声得到了极大抑制,故障 特征更加突出。可见,图7中的时域波形有着明显 的冲击,而包络谱中能清晰地观察到120 Hz的故障



特征频率及其倍频。

以上单一信号、谱峭度和F-KSVD等3种方法 所得到的特征提取结果表明,这些方法可在一定程 度上增强故障特征,但与笔者所提方法相比仍存在 一定差距。

为了量化每种方法的故障特征提取效果,采用故 障特征比(fault feature ratio,简称FFR)这一量化指标 衡量包络谱信号中故障特征频率,及其倍频所对应谱 线的幅值在整个谱图中的占比。该指标可作为定量 指标来对轴承某一感兴趣的故障频率成分进行选择。 FFR值越大,说明所选择的频率分量中包含轴承故障 周期性冲击信息越丰富。FFR定义为

$$R_{f} = \sum_{k=1}^{K} A(kf) / A \qquad (28)$$

其中:f为所感兴趣的故障特征频率;A为频域包络 信号的幅值总和;A(kf)为故障特征频率各倍频对 应的包络频谱幅值。 表1为仿真信号下AMCCS算法与其他方法的故障特征比率对比结果,可以看出所提方法效果更优。

- 表1 仿真信号下 AMCCS 方法与其他方法的故障特征 比率对比
- Tab.1
 Comparison of FFR between AMCCS and other methods under simulated signal

方法	FFR	
单一信号	0.020 0	
谱峭度	0.007 8	
F-KSVD	0.019 1	
AMCCS	0.024 2	

2.2 实验分析

相比于仿真信号,实际采集到的振动信号更加复杂。采用实验室数据中早期故障信号来验证其有效性,该数据通过图11所示的轴承加速寿命测试平台获取。实验轴承为LDK UER204型滚动轴承,其具体参数见表2。采用PCB 352C33型加速度传感器采集测试轴承水平和竖直方向上的振动信号。采样频率设置为25600 Hz,采样间隔为1 min,采样时长为1.28 s,转速为2100 r/min,径向力为12 kN。使用正常的测试轴承进行实验,直到测试轴承损坏,历时158 min。图12 为轴承外圈故障位置图。LDK UER204型滚动轴承的外圈理论故障为108 Hz。计算其全寿命数据均方值(root mean square,简称RMS)趋势(局部)如图13所示。时间节点1水平方向与竖直方向故障信号分别如图14、15所示。



图 11 轴承加速寿命测试平台 Fig.11 Bearing accelerated life test bench

	表 2	LDK	UEF	R204轴承	参数
Tab.2	LDK	UER	R204	bearing	parameters

	数值
内圈滚道直径/mm	29.30
外圈滚道直径/mm	39.80
滚珠直径/mm	7.92
接触角/(°)	0
滚珠个数	8



图 12 轴承外圈故障位置图 Fig.12 Fault location of bearing outer ring







根据图1进行故障诊断时,需确定数据的分段 点数及基函数长度。由于分段点数过短不能完全包 含故障信号,过长则会花费大量时间,因此选取分段 点数为1024。同理,基函数的长度为256。利用 AMCCS方法计算得到重构信号结果见图16。图17 为水平方向信号卷积稀疏处理结果。对水平与竖直 方向构成的多通道信号进行谱峭度处理与F-KSVD 处理的特征提取结果分别如图18、19所示。

原始信号中含有较多噪声,其对应的时域波形 故障特征不明显,特别是对应的包络谱中故障特征 频率并不突出。采用笔者所提方法处理后,噪声得









到了极大抑制,可以在时域波形上看到明显冲击,从 其对应的包络谱中可以清晰地看出故障特征频率为 110 Hz。与3种方法相比可以看出,虽然故障特征 相比于原始信号有一定增强,但相较于本研究方法, 其故障特征频率并不明显,证明笔者所提方法可以 从较早期微弱故障信号中有效提取并增强故障特 征,从而较早发现故障。

笔者所提的AMCCS算法与其他方法的故障特征比率对比如表3所示,从中可知所提方法的数值最大,说明其故障特征提取效果最优。

- 表3 实验信号下 AMCCS 方法与其他方法的故障特征 比率对比
- Tab.3 Comparision of FFR between AMCCS and other methods under experimental signal

方法名	FFR
单一信号	0.015 8
谱峭度	0.015 4
F-KSVD	0.016 9
AMCCS	0.018 4

3 结 论

 1)提出了信息自适应重构的多通道卷积稀疏 模型,该模型可从信号中自适应地学习故障特征与 通道信息,增强信号的故障特征。

2)该模型构建了卷积字典和通道字典,分别用 于学习多通道信号中的故障信息和信号间的通道信息,实现了多通道内微弱故障信息的融合互补,提升 了模型的泛化能力和通用性。

3)针对卷积字典和通道字典的学习更新问题,
 采用了一种高效的循环迭代算法进行求解。

 4)所提方法能够从早期微弱故障信号中提取 故障特征频率,且相较于谱峭度和F-KSVD算法效 果更加显著。

参考文献

 JIAO J Y, ZHAO M, LIN J, et al. A multivariate encoder information based convolutional neural network for intelligent fault diagnosis of planetary gearboxes[J]. Knowledge-based Systems, 2018, 160: 237-250.

- [2] ZHOU X, ZHOU H, WEN G, et al. A hybrid denoising model using deep learning and sparse representation with application in bearing weak fault diagnosis [J]. Measurement, 2022, 189: 110633.
- [3] ANTONI J. Fast computation of the kurtogram for the detection of transient faults [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2007, 21(1): 108-124.
- [4] 陈侃,傅攀,谢辉. 倒频谱分析在滚动轴承故障监测中的运用[J]. 四川兵工学报, 2008, 29(1): 93-96.
 CHEN Kan, FU Pan, XIE Hui. Application of inverted spectrum analysis in rolling bearing fault monitoring[J]. Journal of Sichuan Ordnance, 2008, 29(1): 93-96.(in Chinese)
- [5] ZHAO S F, LIANG L, XU G H, et al. Quantitative diagnosis of a spall-like fault of a rolling element bearing by empirical mode decomposition and the approximate entropy method [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2013, 40(1): 154-177.
- [6] CHEN J L, LI Z P, PAN J, et al. Wavelet transform based on inner product in fault diagnosis of rotating machinery: a review [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2016(70/71): 1-35.
- [7] DING C C, ZHAO M, LIN J, et al. Multi-objective iterative optimization algorithm based optimal wavelet filter selection for multi-fault diagnosis of rolling element bearings[J]. ISA Transactions, 2019, 88: 199-215.
- [8] LI H F, WANG Y T, YANG Z, et al. Discriminative dictionary learning-based multiple component decomposition for detail-preserving noisy image fusion[J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2020, 69(4): 1082-1102.
- [9] SERRANO A, HEIDE F, GUTIERREZ D, et al. Convolutional sparse coding for high dynamic range imaging [J]. Computer Graphics Forum, 2016, 35(2): 153-163.
- [10] LI Y Z, DING K, HE G L, et al. Non-stationary vibration feature extraction method based on sparse decomposition and order tracking for gearbox fault diagnosis[J]. Measurement, 2018, 124: 453-469.
- [11] 周浩轩,刘义民,刘韬.基于衰减余弦字典和稀疏特 征符号搜索算法的轴承微弱故障特征提取[J].振动与 冲击,2019,38(21):164-171.

ZHOU Haoxuan, LIU Yimin, LIU Tao. Bearing weak fault feature extraction based on attenuated cosine dictionary and sparse feature sign search algorithm [J]. Journal of Vibration and Shock, 2019, 38(21): 164171.(in Chinese)

- [12] ZHANG X, LIU Z W, WANG L, et al. Bearing fault diagnosis based on sparse representations using an improved OMP with adaptive Gabor sub-dictionaries [J]. ISA Transactions, 2020, 106: 355-366.
- [13] DING J M, ZHAO W T, MIAO B R, et al. Adaptive sparse representation based on circularstructure dictionary learning and its application in wheelset-bearing fault detection [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2018, 111: 399-422.
- [14] ZHAO Z B, QIAO B J, WANG S B, et al. A weighted multi-scale dictionary learning model and its applications on bearing fault diagnosis [J]. Journal of Sound and Vibration, 2019, 446: 429-452.
- [15] KONG Y, WANG T Y, CHU F L, et al. Discriminative dictionary learning-based sparse classification framework for data-driven machinery fault diagnosis [J].
 IEEE Sensors Journal, 2021, 21(6): 8117-8129.
- [16] QIN Y, ZOU J Q, TANG B P, et al. Transient feature extraction by the improved orthogonal matching pursuit and K-SVD algorithm with adaptive transient dictionary [J]. IEEE Transactions on Industrial Informatics, 2020, 16(1): 215-227.
- [17] LIANG K X, ZHAO M, LIN J, et al. An informationbased K-singular-value decomposition method for rolling element bearing diagnosis [J]. ISA Transactions, 2020, 96: 444-456.
- [18] DU Z H, CHEN X F, ZHANG H, et al. Low-rank enhanced convolutional sparse feature detection for accurate diagnosis of gearbox faults[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2021, 150: 107215.



第一作者简介:包渝锋,男,1998年2月 生,硕士生。主要研究方向为机械信号 处理、机械故障诊断。

E-mail: yufengbao@stu.xjtu.edu.cn

通信作者简介:温广瑞,男,1976年7月 生,博士、教授、博士生导师。主要研究 方向为机械运行状态故障诊断及性能维 护、现场动平衡理论及方法研究、远程及 现场监测与诊断系统开发。 E-mail:grwen@mail.xjtu.edu.cn