DOI:10.16450/j.cnki.issn.1004-6801.2025.05.012

考虑纤维截面形状的木棉毡流阻率的分析模型

谢新星1, 李 旻1, 上官文斌1, 杨杉苗2, 张 曲2

(1.华南理工大学机械与汽车工程学院 广州,510641) (2.宁波拓普集团股份有限公司 宁波,315800)

摘要 针对现有模型不适用于木棉纤维材料流阻率预测的问题,测试了不同体密度的木棉毡。首先,使用已有的预测模型计算了木棉毡的流阻率;其次,通过对测试值拟合,给出了适用于木棉毡流阻率预测的经验模型;最后,考虑不同体密度下木棉纤维的截面形状与排布,基于 Tarnow 模型和哈根-泊肃叶流动假设,通过推导微单元中的平均速度和摩擦力,给出了纤维圆形截面和扁平截面下木棉毡流阻率的分析模型,并使用压扁率对模型进行了修正。结果表明:与测试值对比,已有模型的木棉毡流阻率预测精度较低;修正模型适用于介于两种截面之间的过渡状态,修正后的模型在体密度 20~180 kg/m³范围内具有较高的预测精度。

关键词 木棉毡;纤维截面形状;分析模型;修正模型;流阻率预测中图分类号 TH145;O422

引言

电动汽车动力总成噪音频率以中高频为主^[1],车内高频噪声的吸收和衰减主要依靠多孔吸声材料,其透气性能一般采用空气流阻来表示,单位厚度下空气流阻称为流阻率^[2]。流阻率越大,表示空气通过多孔材料时的阻力越大。多孔纤维材料因其优异的吸声特性在汽车领域得到了广泛应用。多孔纤维材料多为各项异性,流阻与气流通过材料的方向相关。流阻率是表征纤维材料声学性能的重要指标,是多孔材料本构模型中的一个必要参数,其用于多孔材料声学特性和整车统计能量法的建模与计算^[3]。

针对多孔纤维材料流阻率的预测研究,现有的预测模型可分为经验模型和理论模型两类。Bies等^[4]提出了预测玻璃纤维材料流阻率的经验模型,该模型适用于直径相同的纤维材料,模型参数为纤维毡体密度和纤维直径。文献[5-8]对上述模型进行了修正,将其扩展到不同的材料情形。其中,文献[7]的模型包含了3种情形,分别对应纤维黏合、机械黏合和树脂黏合3种棉纤维材料结构。

在理论模型方面, Tarnow^[9]假设材料厚度方向的压强梯度为常数,通过简化不可压缩流体的纳维尔-斯托克斯方程,求解了气流的平均流速,得到了流阻率理论模型。Pelegrinis等^[10]基于哈根-泊肃叶流动理论,通过修正 Kozeny-Carman 方程,得到了纤维材料流阻率的预测模型,模型参数为纤维直径和孔隙率。彭锋等^[11]使用多孔材料吸声系数的实测结

果作为响应函数,计算了静态流阻率,并验证了计算方法的有效性。Yang等[12]考虑纤维黏结剂的影响,建立了一个预测的理论模型,用来预测玻璃纤维棉和黏结剂形成的复合纤维的流阻率。Hirosawa等[13]提出了流阻率随纤维毡材料压缩率变化的预测公式。Dunne等[14]使用现有的流阻率预测经验公式,拟合了一个适用范围更广的经验公式。

多孔材料根据结构可分为纤维状、颗粒状和泡沫状^[15]。木棉纤维毡属于一种可再生的纤维状声学材料,因其优良的吸声特性以及质轻等特点,在降噪领域得到了较多的应用。木棉纤维是一种具有薄壁中空结构的天然纤维,其中空率高达80%^[16],远高于聚酯中空纤维的30%~40%。因纤维自身密度较低,其比表面积也远高于常规的聚对苯二甲酸乙二醇酯(polyethylene terephthalate,简称PET)纤维和棉纤维^[17]。当声音入射到木棉纤维材料时,因其特殊的结构可带来材料内部更多的声波能量的耗散。

目前,预测流阻率的模型多用于玻璃纤维、聚酯纤维及棉纤维材料,纤维的截面形状多数为实心。已有的理论模型仅考虑了气流流过纤维与纤维之间的孔隙,尚未考虑气流流过纤维内部孔隙的情形,而木棉纤维的高中空率结构会带来更多的能量耗散。针对此问题,笔者制备了木棉毡。首先,在扫描电镜下观察了不同体密度木棉毡的木棉纤维的截面形态,测试了木棉毡的流阻率,根据测试值拟合了预测流阻率的经验公式;其次,建立了计算流阻率圆管叠加模型和扁平叠加模型,使用测试值对两个模型的

计算值进行了验证;最后,根据木棉纤维的压扁率曲 线,对计算模型进行了修正。

木棉毡流阻率的测试 1

木棉毡的微观结构 1.1

木棉毡由木棉纤维、低熔点PET纤维和粗PET 纤维组成,三者的配方比例分别为50%、30%和 20%。采用气流成网工艺制成蓬松的毛毡,经过加 热-模压-冷却,可制成不同体密度的木棉毡。在扫描 电镜下观察了不同体密度的木棉毡的微观结构,3种 体密度的木棉毡的纤维排布和断面电镜图分别如图 1~3所示。不同密度的木棉毡信息见表1。

由图1可知,密度为20 kg/m3时大部分木棉纤 维均保持了较完好的圆形中空结构,纤维与纤维之 间比较疏松。木棉纤维参数见表2。其中,木棉纤 维的直径、壁厚在扫描电镜下测量得到。

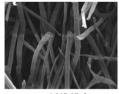
对于体密度为70 kg/m3的木棉毡,已有较多的 纤维被压缩,一部分纤维横截面呈椭圆形状,另一部 分纤维完全被压扁,截面呈扁平形状。当木棉毡的

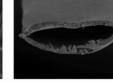


(a) 纤维排布 (a) Fiber arrangement

(b) 断面 (b) Cross section

图 1 体密度为 20 kg/m³的木棉毡的纤维排布和断面电镜图 Fig.1 Scanning electron microscope photo of fiber arrangement and cross section in 20 kg/m³ kapok felt





(a) 纤维排布 (a) Fiber arrangement

(b) 断面 (b) Cross section

图 2 体密度为 70 kg/m³的木棉毡的纤维排布和断面电镜图 Fig.2 Scanning electron microscope photo of fiber arrangement and cross section in 70 kg/m3 kapok felt





(a) 纤维排布 (a) Fiber arrangement

(b) 断面 (b) Cross section

图 3 体密度为 150 kg/m³的木棉毡的纤维排布和断面电镜图 Fig.3 Scanning electron microscope photo of fiber arrangement and cross section in 150 kg/m³ kapok felt

表1 不同密度的木棉毡信息

Tab.1 Information of different bulk density kapok felt

样品名称	体密度/(kg·m ⁻³)	厚度/mm
低密度木棉毡	20	35
中密度木棉毡	70	10
高密度木棉毡	150	5

表 2 木棉纤维参数

Tab.2 Parameters of kapok fiber

木棉纤维参数	分布范围	平均值
外径/μm	16~24	20.64
内径/μm	$14 \sim 22$	18.64
纤维壁厚度/μm	0.8~1.2	1.0
纤维长度/mm	$8\sim 34^{[16]}$	21

体密度为150 kg/m3时,几乎全部木棉纤维均被压 扁,相比20和70kg/m3体密度的木棉毡,此时纤维 间的孔隙已大幅变小。

木棉毡在不同体密度时有不同的内部作用力, 对于纤维有不同的截面形状。截面形状发生变化会 影响气流流过材料时的阻力,进而对流阻率产生较 大的影响。

1.2 木棉毡流阻率的测试

在稳定的气流状态下,将材料两面的压力差与 气流线流速之比定义为材料的流阻 R_f 。单位材料 厚度的流阻称为流阻率σ,其计算公式[2]为

$$\sigma = R_f/H = \Delta P/vH \tag{1}$$

其中: $\triangle P$ 为材料两面的压力差; υ 为材料中通过气 流的线速度: H为材料的厚度。

本研究通过 Mecanum SAR 测量仪测试木棉毡 的流阻率,该仪器采用直流法。流阻率测试原理如 图 4 所示。通过多孔吸声材料控制单向恒定的气 流,将测量得到的材料两面的压力差以及气流量、材 料厚度和材料表面积代入式(1)即可求得流阻率。 流阻率只有在低速层流时有稳定数值,因此通常采 用的气流速度为 5×10^{-4} m/s。

不同体密度木棉毡的流阻率测试值如图 5 所

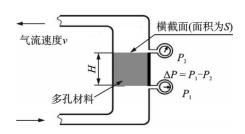


图 4 流阻率测试原理示意图

Fig.4 Airflow resistivity test principle

示。由图可知,木棉毡的流阻率与体密度呈现较好的线性对数关系。

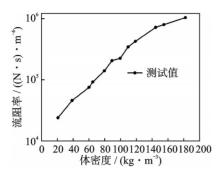


图 5 不同体密度木棉毡的流阻率测试值

Fig.5 Test results of airflow resistivity of kapok felt with different density

2 经验模型和理论模型的预测分析

流阻率的预测模型分为经验模型和理论模型。 文献[4]拟合的纤维材料流阻率的经验公式为

$$\sigma = K_2 \rho_{\rm m}^{K_1} / D^2 \tag{2}$$

其中:D为纤维外径; ρ_m 为纤维毡的体密度; K_1 、 K_2 为常数。

文献[5-8]对文献[4]模型进行了修正,将其扩展到了不同的纤维类型。流阻率预测经验模型汇总表见表3。

表 3 流阻率预测经验模型汇总表

Tab.3 Summary of empirical models for airflow resistivity prediction

模型	K_1	K_2	纤维类型
文献[4]模型	1.530	3.18×10^{-9}	玻璃纤维
文献[5]模型	1.404	2.83×10^{-8}	PET纤维
文献[6]模型	1.530	1.50×10^{-8}	PET纤维
文献[7]模型	1.516	1.94×10^{-8}	热黏合棉纤维
文献[8]模型	1.565	$1.339\ 5\times10^{-8}$	PET纤维

文献[9-10]通过简化多孔材料中的流体流动,提出了流阻率预测的理论模型。Tarnow^[9]根据不同的纤维排布和气流方向,给出了4个预测模型。其中:考虑纤维随机图案分布、气流垂直于纤维轴向方向对应的模型称为Tarnow_R模型;考虑纤维正方形图案分布、气流垂直于纤维轴向方向对应的模型称为Tarnow_S模型。

Tarnow_R模型建立了小面积单元内损耗的能量与流阻率的函数关系,求出Voronoi多边形单元的平均损耗能量,得到了流阻率的计算式为

$$\sigma_{\text{Tarnow_R}} = \frac{4\pi\eta}{b^2 [0.64 \ln(1/m) - 0.737 + m]}$$
(3)

b和m的计算式为

$$\begin{cases} b = 0.5D\sqrt{\pi/(1-\phi)} \\ m = \pi D^2/4b^2 \end{cases}$$
 (4)

其中:η为空气黏度;φ为孔隙率;b为2根纤维中轴线之间的平均距离;m为微小等效单元内纤维的横截面面积占总面积百分比;D为纤维外径。

Tarnow_S模型设定通过材料两端的气流压强差为常数,通过简化不可压缩流体的纳维尔-斯托克斯方程,得到了简化的流速方程。结合边界条件,求解得到单根纤维组成的小单元的流速分布。根据流量求解平均流速,再根据流阻率定义计算得到流阻率的计算式为

$$\sigma_{\text{Tarnow.S}} = \frac{4\pi\eta}{b^2 \left[\ln(m^{(-1/2)}) - \frac{3}{4} + m - \frac{1}{4} m^2 \right]}$$
 (5)

Pelegrinis 等^[10]将 Kozeny - Carman 方程中的参数等效为纤维材料的结构参数,得到

$$\sigma_{\text{Pelegrinis}} = 180\eta (1 - \phi)^2 / D\phi^3 \tag{6}$$

笔者使用以上5个经验模型和3个理论模型,分别计算了木棉毡的流阻值。不同模型的流阻率计算值与测试值的对比如图6所示。由图可知,8个模型的计算值均大大低于测试值,说明其均不适用于预测木棉毡的流阻率。为此,基于式(2)并考虑木棉

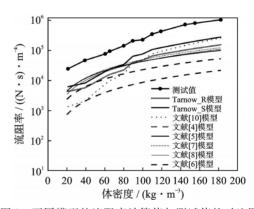


图 6 不同模型的流阻率计算值与测试值的对比图 Fig.6 Comparison of the calculated airflow resistivity of different models with test results

纤维被压扁的密度范围,对测试数据进行拟合,得到了木棉毡流阻率预测经验模型,即

$$\sigma_{\text{low}} = 3.052 \times 10^{-7} \rho_{\text{m}}^{1.148} / D^2$$
 (7)

$$\sigma_{\text{high}} = 1.245 \times 10^{-9} \rho_{\text{m}}^{2.475} / D^2$$
 (8)

其中: σ_{low} 为体密度低于 70 kg/m³ 时的流阻率拟合值; σ_{high} 为体密度高于 70 kg/m³ 时的流阻率拟合值。

木棉毡流阻率拟合值与测试值对比见图7。

Tarnow_R模型和Tarnow_S模型虽然预测误差较大,且均低于测试值,但两者预测曲线的斜率和测试值曲线斜率基本一致,即在对数坐标下两个模型的走势趋势与测试值一致。

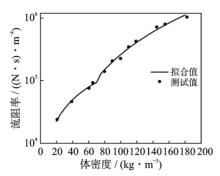


图 7 木棉毡流阻率拟合值与测试值对比图

Fig.7 Comparison of the fitted results of kapok felt with test results

本研究基于 Tarnow_R 模型和 Tarnow_S 模型, 考虑木棉纤维的截面形状随体密度的变化,针对低 密度和高密度两种情形,分别建立木棉毡流阻率的 分析模型。

3 木棉毡流阻率的叠加分析模型

3.1 低密度木棉毡流阻率的圆管叠加分析模型

由扫描电镜照片可知: 当体密度低于 70 kg/m³时,木棉纤维为圆形中空管状结构; 当体密度高于 70 kg/m³时,木棉纤维开始被压扁,呈现扁平窄缝结构。根据木棉纤维的特性,在分析模型中作如下假设:

- 1) 纤维具有相同的直径和长度,纤维呈直线状 无卷曲,木棉纤维被融化的低熔点 PET 纤维黏结固 化后是静止的,木棉纤维之间不产生滑移;
- 2)通过材料的气流流速非常小,为低雷诺数,近似满足不可压缩牛顿流体的层流运动,即为哈根-泊肃叶流动;
- 3)由于纤维毡中木棉纤维数量占总纤维数量的 91%,木棉纤维的表面积占总纤维表面积高达 92%,木棉毡的流阻特性完全由木棉纤维决定,低熔点 PET 纤维和粗 PET 纤维的影响忽略不计,木棉纤维壁表面无孔且光滑。

假设流过木棉毡的流速恒定,将气流穿过木棉毡的表面积S分解为N个理想区域,每个区域有其特有的孔隙结构,可产生对应的压强差,则材料的总流阳率与各区域流阻率的关系式为

$$\sigma_{\text{avg}} = \sum_{i=1}^{N} \Delta P_i S_i / \sum_{i=1}^{N} S_i \bar{v} H = \sum_{i=1}^{N} \sigma_i S_i / \sum_{i=1}^{N} S_i \quad (9)$$

其中: \bar{v} 为平均流速; ΔP_i 为第i区域的材料两端表面的压强差; S_i 为第i区域面积; σ_i 为第i区域流阻率。

气体在多孔材料中流动,其能量来源是材料两端表面的压强差。由于能量守恒,该能量一部分转换为流体的动能,体现在流速上,其余的能量消耗体现为气体流过材料时所受的阻力。当流速恒定时气体所含动能为常数,若材料内部的阻力越大,则产生

的压强差更大。分别计算出各区域的摩擦阻力,即可算出材料的总流阻率。

为简化建模,将复杂的孔隙结构简化为 Tarnow_R模型和圆管模型两种简单情形的线性叠加,叠加后的模型称为圆管叠加模型。当木棉毡的体密度较低、纤维结构杂乱蓬松并呈随机排布时,圆管叠加模型与 Tarnow_R模型假设较为一致。圆管叠加模型可以写成

$$\sigma_{\text{Round-hollow}} = \sigma_{\text{tarnow}_R} + \sigma_{\text{Round}}$$
 (10)

圆管模型假设木棉纤维平行于 x, y, z 这 3 个方向分布,每个方向均有相同数量的木棉纤维。圆管模型中纤维排布简化示意图如图 8 所示。当气流沿着 z 方向流过材料时,气流流入的木棉纤维数量为总数量的 1/3,其余 2/3 的木棉纤维无气流流入,该部分纤维的内表面无黏滞摩擦力。

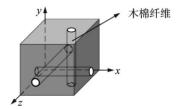


图 8 圆管模型中纤维排布简化示意图

Fig.8 Simplified diagram of kapok fiber distribution in round-hollow model

由于纤维直径远小于纤维长度,气流流过某一木棉纤维时的流动形态可近似为无限长圆管的黏性 不可压缩流体的哈根-泊肃叶流动。

通过建立不可压缩牛顿流体的运动方程,根据哈根-泊肃叶流动特性,流体在长直圆管中由流向压降驱动,气流流向是单向的平行流动,结合边界条件,其运动方程的表达式可简化为

$$\frac{\partial p}{\partial z} = \eta \Delta v = \eta \left[\frac{1}{r} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \left(r \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}r} \right) \right] = -\frac{p_1 - p_2}{L} \quad (11)$$

其中:L为木棉纤维长度; (p_1-p_2) 为纤维两端的压强差;r为柱坐标系中圆管截面上垂直于管壁的坐标,在截面中心点r=0。

对式(11)求积分2次可得速度方程,根据边界条件,求得速度场公式为

$$v(r) = \frac{1}{4\eta} \left(\frac{p_1 - p_2}{L} \right) \left(\frac{u^2}{4} - r^2 \right)$$
 (12)

其中: u为木棉纤维内径。

可知,木棉纤维截面上的速度沿径向呈抛物线 分布。在纤维圆管截面上进行积分,可求得体积流 计算式为

$$Q = 2\pi \int_{0}^{\frac{u}{2}} v(r) r dr = \frac{\pi u^{4}(p_{1} - p_{2})}{128\eta L}$$
 (13)

根据流量公式,可得空气在纤维截面上的平均

速度为

$$\bar{v} = (p_1 - p_2) u^2 / 32 \eta L$$
 (14)

根据层流流动的特性,气体在单根纤维内表面 处产生的黏性摩擦阻力可根据牛顿黏度定律计算。 dv/dr为圆管截面方向的速度梯度,当r=u/2时,表 面摩擦阻力与速度梯度的关系为

$$f = \eta \pi dL \frac{dv}{dr} = \frac{\pi}{4} u^2 (p_1 - p_2)$$
 (15)

因此,面积为S、厚度为H的木棉毡中木棉纤维总数量N为

$$N_f = \frac{4n\rho_m SH}{\pi (D^2 - u^2)L\rho_f} \tag{16}$$

其中: ρ_f 为木棉纤维壁的体密度; ρ_m 为木棉毡的体密度;n为木棉纤维占木棉毡的质量百分比,为50%。

木棉毡中总的内摩擦力为

$$F = \frac{N_f}{3} f = \frac{n\rho_m H S u^2 (p_1 - p_2)}{3(D^2 - u^2) L \rho_f}$$
 (17)

圆管模型的流阻率计算式为

$$\sigma_{\text{Round}} = 16 \eta \rho_m / 3(D^2 - u^2) \rho_f$$
 (18)

将式(3)、式(18)代人式(10),即可得到圆管叠加模型的流阻率计算公式。

笔者使用圆管叠加模型计算了木棉毡的流阻率,并将计算值与测试值进行了对比,如图9所示。在20~65 kg/m³体密度范围内,圆管叠加模型的计算值与测试值吻合较好;高于65 kg/m³时,计算值低于测试值;随着体密度增大,误差也变大。可知,圆管叠加模型只适用于预测低密度木棉毡的流阻率。

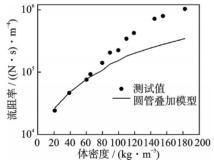


图 9 圆管叠加模型的计算值与测试值的对比

Fig.9 Comparison of the calculated results of the roundhollow model with test results

3.2 高密度木棉毡流阻率的扁平叠加分析模型

高密度木棉毡中的纤维被压扁时成扁平状,压扁后木棉的中空形态不会完全消失,这是因为纤维壁存在弹性回复力,因此依旧存在窄缝,平均窄缝高度约为4 µm。纤维被压扁后,其排布与低密度木棉毡的杂乱随机状态不同,呈现相对有序的排列。为简化分析模型,假设:

- 1)木棉纤维只有被压扁和圆形中空结构两种结构形态,没有介于两者之间的过渡形态,压扁后纤维中的窄缝高度均匀,窄缝平均高度约为4 μm;
- 2) 考虑到木棉纤维壁的表皮层比内侧层有更高的原纤维聚集密度,假设压扁后的木棉纤维外表面的面积保持不变,挤压带来的压缩变形发生在内表面,压扁前后纤维壁厚度保持不变;
- 3) 压扁后的纤维呈紧密排列,纤维与纤维之间 间距相等,呈方形排列,气流垂直于纤维的扁平表面 流入材料。

基于上述假设,将复杂的孔隙结构简化为 Tarnow_S模型和扁平模型两种简单情形的线性叠加,叠加后的模型称为扁平叠加模型。简化的扁平木棉纤维排布示意图如图 10 所示。其中: b 为相邻纤维中轴线之间的距离; a 为扁平纤维截面的宽度。扁平叠加模型可以写成

$$\sigma_{\text{Flat-slit}} = \sigma_{\text{Tarnow S}} + \sigma_{\text{Flat}}$$
 (19)

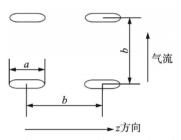


图 10 简化的扁平木棉纤维排布示意图

Fig.10 Simplified distribution of flattened kapok fibers

压扁后的木棉纤维截面示意图如图 11 所示。 其中:纤维断面外周长保持不变,纤维断面的两端各 是一个内径为 2R、外径为 2(h+R)的半圆环;h 为木 棉纤维壁厚度;2R 为扁平纤维内部的缝隙高度。

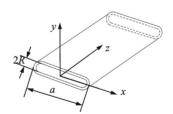


图 11 压扁后的木棉纤维截面示意图

Fig.11 Simplified cross section of flattened kapok fibers

对于扁平纤维,纤维的窄缝高度远小于纤维的 宽度,当气流经过纤维内部时,简化为平面泊肃叶流动。根据泊肃叶流动特性,其速度场计算式为

$$v(y) = \frac{1}{2n} \left(\frac{p_1 - p_2}{L} \right) (u^2 - y^2)$$
 (20)

在纤维截面上进行积分,可得体积流量Q的计算式为

$$Q = \int_{-R}^{R} v(y) \, \mathrm{d}y = \frac{2R^{3}(p_{1} - p_{2})}{3nL}$$
 (21)

空气在纤维截面上的平均速度为

$$\bar{v} = (p_1 - p_2) R^2 / 3\eta L$$
 (22)

根据牛顿黏度定律,气流在单根纤维内表面的 摩擦阻力与速度梯度关系式为

$$f = \eta S \, \mathrm{d}v / \mathrm{d}y = \pi u R \left(p_1 - p_2 \right) \tag{23}$$

木棉毡总的内摩擦力为

$$F = \frac{N_f}{3} f = \frac{4n\rho_m S H u R(p_1 - p_2)}{3(D^2 - u^2) L \rho_f}$$
 (24)

扁平模型的流阻率公式为

$$\sigma_{\text{Flat}} = 2\eta \rho_m u / (D^2 - u^2) R \rho_f \tag{25}$$

将式(5)、式(25)代入式(19),即可得到扁平叠加模型的流阻率计算公式。

笔者使用扁平叠加模型计算了木棉毡的流阻率,扁平叠加模型的计算值与测试值的对比如图 12 所示。由图可知,扁平叠加模型在木棉毡的体密度小于 150 kg/m³时预测精度较低,高于 150 kg/m³时预测精度较好。

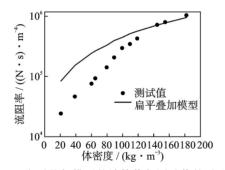


图 12 扁平叠加模型的计算值与测试值的对比图 Fig.12 Comparison of the calculated results of the flat-slit model with test results

将圆管叠加模型和扁平叠加模型的计算值和测试值进行对比,结果如图 13 所示。由图可知,两个模型在体密度低于 70 kg/m³和高于 150 kg/m³时预测精度较好,在 70~150 kg/m³区间预测精度较低。

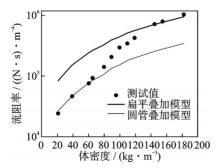


图 13 圆管叠加模型和扁平叠加模型的计算值和测试值的 对比图

Fig.13 Comparison of calculated results of the round-hollow model and flat-slit model with test results

3.3 考虑木棉纤维压扁率的修正模型

通过扫描电镜可知:木棉纤维体密度为70 kg/m³时,其纤维开始被压扁;当体密度为150 kg/m³时,木棉纤维100%被压扁。在圆管叠加模型和扁平叠加模型中,分别将圆管中的纤维全部视为中空结构和扁平窄缝结构,这是两种理想的情形。实际上木棉毡在压缩成不同密度的过程中存在过渡阶段,即纤维的截面同时存在圆管中空结构和扁平窄缝结构。为此,使用木棉纤维的压扁率指标定量描述过渡阶段纤维被压扁的情况。压扁率指已被压扁纤维数量占木棉总纤维数量的百分比。

假设体密度为70 kg/m³的木棉纤维的压扁率为0,纤维呈圆管中空结构;体密度为150 kg/m³时压扁率为100%。介于70~150 kg/m³体密度范围时,压扁率呈线性分布。使用压扁率对2个模型进行修正,修正后的流阻率计算式为

$$\sigma_{\text{optimized}} = (1 - N) \sigma_{\text{Round-hollow}} + N \sigma_{\text{Flat-slit}}$$
 (26)
其中: $\sigma_{\text{optimized}}$ 为修正后的流阻率; N 为木棉纤维压扁率。

笔者使用修正后的模型计算了木棉毡的流阻率,修正模型的计算值和测试值的对比如图 14 所示。由图可知,修正后的模型在 20~180 kg/m³体密度范围内均可以取得较好的预测精度,预测误差均在 10%以内。

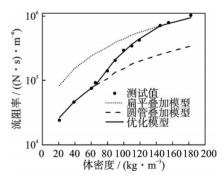


图 14 修正模型的计算值和测试值的对比

Fig.14 Comparison of the calculated results of the optimized model with test results

4 结 论

1)木棉纤维的截面形状随着纤维毡体密度的变化而变化。当木棉毡体密度低于70 kg/m³时,木棉纤维保持圆形中空结构;当体密度大于70 kg/m³时,木棉毡内部的作用力变大,木棉纤维开始被压扁;随着纤维毡体密度的增加,被压扁的纤维数量更多。当纤维被压扁后,气流流过的阻力变大,流阻率快速增大,呈现非线性变化特征。

- 2) 已有的预测模型的精度较低,预测结果精度 大幅低于测试值,不适用于木棉毡流阻率的预测。 通过对实测数据进行拟合,给出了用于预测木棉毡 流阻率的经验公式。
- 3) 圆管叠加模型在 20~70 kg/m³体密度范围内的预测精度较高,适用于低密度木棉毡的流阻率预测;扁平叠加模型在体密度高于 150 kg/m³时的预测精度较高,适用于高密度木棉毡的流阻率预测。使用木棉纤维压扁率曲线修正了预测模型,修正的模型在较宽的体密度范围内均具有较好的预测精度。

参 考 文 献

- [1] 方源,章桐,于蓬,等. 电动车动力总成振动噪声的试验研究[J]. 振动、测试与诊断, 2015, 35(2); 218-225. FANG Yuan, ZHANG Tong, YU Peng, et al. Experimental study on vibration and noise of electric power-train[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2015, 35(2); 218-224.(in Chinese)
- [2] TAO J C, WANG P, QIU X J, et al. Static flow resistivity measurements based on the ISO 10534.2 standard impedance tube[J]. Building and Environment, 2015, 94: 853-858.
- [3] 邢鹏,华林,卢炽华,等.基于实验SEA方法的车内噪声预测分析[J].振动、测试与诊断,2017,37(5):928-933.
 - XING Peng, HUA Lin, LU Chihua, et al. Predictive analysis of automobile interior noise based on experimental SEA method[J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2017, 37(5): 928-933.(in Chinese)
- [4] BIES D A, HANSEN C H. Flow resistance information for acoustical design[J]. Applied Acoustics, 1980, 13(5): 357-391.
- [5] GARAI M, POMPOLI F. A simple empirical model of polyester fibre materials for acoustical applications [J]. Applied Acoustics, 2005, 66(12): 1383-1398.
- [6] KINO N, UENO T. Experimental determination of the micro-and macrostructural parameters influencing the acoustical performance of fibrous media[J]. Applied Acoustics, 2007, 68(11/12): 1439-1458.
- [7] MANNING J, PANNETON R. Acoustical model for shoddy-based fiber sound absorbers[J]. Textile Research Journal, 2013, 83(13): 1356-1370.
- [8] YANG T, SAATI F, HOROSHENKOV K V, et al. Study on sound absorption behavior of multi-component polyester nonwovens: experimental and numerical methods[J]. Textile Research Journal, 2019, 89(16): 3342-3361.
- [9] TARNOW V. Airflow resistivity of models of fibrous acoustic materials[J]. The Journal of the Acoustical Society of America, 1996, 100(6): 3706-3713.

- [10] PELEGRINIS M T, HOROSHENKOV K V, BURNETT A. An application of kozeny-carman flow resistivity model to predict the acoustical properties of polyester fibre[J]. Applied Acoustics, 2016, 101: 1-4.
- [11] 彭锋,常宝军, 孙艳. 多孔吸声材料静流阻率的非线性 估计 [J]. 北京工业大学学报, 2012, 38 (11): 1756-1760.

 PENG Feng, CHANG Baojun, SUN Yan. Nonlinear estimation of static flow resistivity of porous sound absorbing materials [J]. Journal of Beijing Polytechnic Uni-
- [12] YANG Y, CHEN Z F. A model for calculating the air flow resistivity of glass fiber felt[J]. Applied Acoustics, 2015, 91: 6-11.

versity, 2012, 38(11): 1756-1760.(in Chinese)

- [13] HIROSAWA K, NAKAGAWA H. Formulae for predicting non-acoustical parameters of deformed fibrous porous materials [J]. Journal of the Acoustical Society of America, 2017, 141(6): 4301-4313.
- [14] DUNNE R K, DESAI D A, HEYNS P S. Development of an acoustic material property database and universal airflow resistivity model[J]. Applied Acoustics, 2021, 173: 107730.
- [15] 雷烨,盛美萍,肖和业.直升机舱内噪声预估与分析 [J].振动、测试与诊断,2010,30(6):617-620. LEI Ye, SHENG Meiping, XIAO Heye. Prediction and analysis of helicopter cockpit noise [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2010, 30(6):617-620.(in Chinese)
- [16] 孙景侠, 王府梅, 刘维, 等. 木棉棉混纺纱性能的测试分析[J]. 棉纺织技术, 2005, 33(6): 34-36.
 SUN Jingxia, WANG Fumei, LIU Wei, et al. Test and analyses of java cotton & cotton blending yarn property [J]. Cotton Textile Technology, 2005, 33(6): 34-36.(in Chinese)
- [17] XIANG H F, WANG D, LIUA H C, et al. Investigation on sound absorption properties of kapok fibers [J]. Chinese Journal of Polymer Science, 2013, 31(3): 521-529.



第一作者简介:谢新星,男,1986年10月生,博士。主要研究方向为汽车新型声学材料开发、仿真与测试技术。曾发表《车用轻量化ABA材料吸隔声特性的计算方法研究》(《湖北汽车工业学院学报》2018年第32卷第4期)等论文。

E-mail: 271735232@qq.com

通信作者简介: 李旻, 男, 1974年8月生, 博士、教授。主要研究方向为现代设计理论与方法。

E-mail: limin@scut.edu.cn